

Департамент образования и науки Костромской области  
Областное государственное бюджетное профессиональное образовательное  
учреждение  
«Буйский техникум железнодорожного транспорта Костромской области»

УТВЕРЖДЕНО  
Зам. директора по УПР/Зав. по УМО  
/Е.В.Румянцева  
«10 » июня 2020г.

**Комплект контрольно-оценочных средств  
по учебной дисциплине  
ОУДп. 04 «Математика»**

для подготовки квалифицированных рабочих, служащих  
по профессии: 15.01.05 «Сварщик ручной и частично механизированной  
сварки»

Буй

2020

Комплект контрольно-оценочных средств разработан на основе Федерального государственного образовательного стандарта среднего общего образования и среднего профессионального образования по профессии: 15.01.05 «Сварщик ручной и частично механизированной сварки» и рабочей программы учебной дисциплины ОУДп. 04 «Математика».

Разработчик:

ОГБПОУ БТЖТ  
(место работы)

преподаватель Корабль Кораблева Е.И.  
(занимаемая должность) (инициалы, фамилия)

Рассмотрено на заседании ПЦК общеобразовательных дисциплин

Протокол № 11 от « 10 » 06 2020г.

Председатель ПЦК М.В.Смирнова /

## **СОДЕРЖАНИЕ**

1. Паспорт комплекта контрольно-оценочных средств .....	4
2. Результаты освоения учебной дисциплины ОУДп.04. «Математика», подлежащие проверке .....	6
3. Оценка освоения учебной дисциплины ОУДп.04. «Математика» .....	12
3.1. Формы и методы оценивания .....	15
3.2. Типовые задания для оценки освоения учебной дисциплины .....	14
4. Контрольно-оценочные материалы для итоговой аттестации по учебной дисциплине ОУДп.04. «Математика .....	43
5. Основные источники и литература.....	49
6. Лист согласования.....	51

## **1. Паспорт комплекта контрольно-оценочных средств**

Контрольно-оценочные средства (КОС) предназначены для контроля и оценки образовательных достижений обучающихся, освоивших программу учебной дисциплины **Математика**.

В результате освоения учебной дисциплины *OУДп.04. «Математика»* обучающийся должен обладать предусмотренными ФГОС СПО и ФГОС СОО по профессии 15.01.05 «Сварщик ручной и частично механизированной сварки» следующими умениями, знаниями и общими компетенциями:

*У1.* Умение выполнять арифметические действия над числами, сочетая устные и письменные приёмы; находить приближённые значения величин и погрешности вычислений (абсолютная и относительная); сравнивать числовые выражения.

*У2.* Умение находить значение корня, степени, логарифма, тригонометрических выражений на основе определения, используя при необходимости инструментальные средства; пользоваться приближённой оценкой при практических расчётах.

*У3.* Умение выполнять преобразования выражений, применяя формулы, связанные со свойствами степеней, логарифмов, тригонометрических функций.

*У4.* Умение вычислять значение функции по заданному значению аргумента при различных способах задания функции.

*У5.* Умение определять основные свойства числовых функций, иллюстрировать их на графиках.

*У6.* Умение строить графики изученных функций, иллюстрировать по графику свойства элементарных функций

*У7.* Умение использовать понятие функции для описания и анализа зависимостей величин.

*У8.* Умение находить производные элементарных функций

*У9* Умение использовать производную для изучения свойств функций и построения графиков

*У10.* Умение применять производную для проведения приближённых вычислений, решать задачи прикладного характера на нахождение наибольшего и наименьшего значения

*У11* Умение вычислять в простейших случаях площади и объёмы с использованием определённого интеграла

*У12* Умение решать рациональные, показательные, логарифмические, тригонометрические уравнения, сводящиеся к линейным и квадратным, а также аналогичные неравенства и системы

*У13* Умение использовать графический метод решения уравнений и неравенств

*У14* Умение изображать на координатной плоскости решения уравнений, неравенств и систем с двумя неизвестными

*У15* Умение составлять и решать уравнения и неравенства, связывающие неизвестные величины в текстовых (в том числе прикладных задачах)

*У16* Умение решать простейшие комбинаторные задачи методом перебора, а также с использованием известных формул

*У17* Умение вычислять в простейших случаях вероятности событий на основе подсчёта числа исходов

*У18* Умение распознавать на чертежах и моделях пространственные формы; соотносить трёхмерные объекты с их описаниями, изображениями

*У19* Умение описывать взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве, аргументировать свои суждения об этом расположении

*У20* Умение анализировать в простейших случаях взаимное расположение объектов в пространстве

*У21* Умение изображать основные многогранники и круглые тела; выполнять чертежи по условиям задач

*У22* Умение строить простейшие сечения куба, призмы, пирамиды

*У23* Умение решать планиметрические и простейшие стереометрические задачи на нахождение геометрических величин (длин, углов, площадей, объёмов)

*У24* Умение использовать при решении стереометрических задач планиметрические факты и методы

*У25* Умение проводить доказательные рассуждения в ходе решения задач

*31* Знание значения математической науки для решения задач, возникающих в теории и практике; широту и в то же время ограниченность применения математических методов к анализу и исследованию процессов и явлений в природе и обществе

*32* Знание значения практики и вопросов, возникающих в самой математике для формирования и развития математической науки; истории развития понятия числа, создания математического анализа, возникновения и развития геометрии

*33* Знание универсального характера законов логики математических рассуждений, их применимости во всех областях человеческой деятельности

*34* Знание вероятностного характера различных процессов окружающего мира.

ОК 1. Понимать сущность и социальную значимость будущей профессии, проявлять к ней устойчивый интерес.

ОК 2. Организовывать собственную деятельность исходя из цели и способов ее достижения, определенных руководителем.

ОК 3. Анализировать рабочую ситуацию, осуществлять текущий и итоговый контроль, оценку и коррекцию собственной деятельности, нести ответственность за результаты своей работы.

ОК 4. Осуществлять поиск информации, необходимой для эффективного выполнения профессиональных задач.

ОК 5. Использовать информационно-коммуникационные технологии в профессиональной деятельности.

ОК 6. Работать в команде, эффективно общаться с коллегами, руководством.

ОК 11. Использовать знания по финансовой грамотности, планировать предпринимательскую деятельность в профессиональной сфере в федеральных государственных образовательных стандартах среднего профессионального образования (далее – ФГОС СПО).

Формой аттестации по учебной дисциплине является **экзамен**.

## **2. Результаты освоения учебной дисциплины, подлежащие проверке**

2.1. В результате аттестации по учебной дисциплине ОУДп.04. «Математика» осуществляется комплексная проверка следующих умений и знаний, а также динамика формирования общих компетенций:

<b>Результаты обучения: умения и знания</b>	<b>Показатели оценки результата</b>	<b>Форма контроля и оценивания</b>
<b>Уметь:</b>		
<i>У1</i> Умение выполнять арифметические действия над числами, сочетая устные и письменные приёмы; находить	Нахождение НОК и НОД двух и более чисел. - Выполнение арифметических	Устные ответы Письменные задания

<p>приближённые значения величин и погрешности вычислений (абсолютная и относительная); сравнивать числовые выражения</p> <p><b>ОК2.</b> Организовывать собственную деятельность, выбирать типовые методы и способы выполнения профессиональных задач, оценивать их эффективность и качество.</p>	<p>действий над действительными числами.</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Нахождение приближённых значений величин.</li> <li>- Нахождение абсолютной и относительной погрешностей вычислений.</li> <li>- Сравнение числовых выражений.</li> </ul>	<p>Экзамен</p>
<p><u>У2</u> Умение находить значение корня, степени, логарифма, тригонометрических выражений на основе определения, используя при необходимости инструментальные средства; пользоваться приближённой оценкой при практических расчётах.</p> <p><b>ОК6.</b> Работать в коллективе и команде, эффективно общаться с коллегами, руководством.</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- Нахождение значения квадратного корня из действительного числа.</li> <li>- Нахождение корня <math>n</math>-ой степени из действительного числа.</li> <li>- Вычисление значения степени с любым показателем.</li> <li>- Нахождение логарифма положительного числа по положительному и отличному от 1 основанию <math>a</math>; по основанию 10.</li> <li>- Вычисление значения тригонометрических выражений.</li> </ul>	<p>Устные ответы Письменные задания, практикумы, проверочные работы, самостоятельные работы, тесты Экзамен</p>
<p><u>У3</u> Умение выполнять преобразования выражений, применяя формулы, связанные со свойствами степеней, логарифмов, тригонометрических функций</p> <p><b>ОК4.</b> Осуществлять поиск и использование информации, необходимой для эффективного выполнения профессиональных задач, профессионального и личностного развития</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- Преобразование выражений, содержащих степень.</li> <li>- Преобразование логарифмических выражений.</li> <li>- Преобразование тригонометрических выражений.</li> </ul>	<p>Устные ответы Письменные задания Практикум Тематический опрос</p>
<p><u>У4</u> Умение вычислять значение функции по заданному значению аргумента при различных способах задания функции</p> <p><b>ОК11.</b> Использовать знания по финансовой грамотности, планировать предпринимательскую деятельность в профессиональной сфере в федеральных государственных образовательных стандартах среднего профессионального образования</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- Вычисление значений функций по заданному значению аргумента.</li> </ul>	<p>Устные ответы Письменные задания Практикум</p>
<p><u>У5</u> Умение определять основные свойства числовых функций, иллюстрировать их на графиках</p> <p><b>ОК5.</b> Использовать информационно-коммуникационные технологии в профессиональной деятельности.</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- Определение основных свойств числовых функций.</li> <li>-</li> </ul>	<p>Устные ответы Письменные задания Творческие задания (сообщения)</p>

<p><u>У6</u> Умение строить графики изученных функций, иллюстрировать по графику свойства элементарных функций</p> <p>ОК 5. Использовать информационно-коммуникационные технологии в профессиональной деятельности</p> <p>ОК11. Использовать знания по финансовой грамотности, планировать предпринимательскую деятельность в профессиональной сфере в федеральных государственных образовательных стандартах среднего профессионального образования</p>	<p>- Иллюстрация основных свойств функции по графику.</p>	<p>Устные ответы Письменные задания Тесты Экзамен</p>
<p><u>У7</u> Умение использовать понятие функции для описания и анализа зависимостей величин</p> <p>ОК2. Организовывать собственную деятельность, выбирать типовые методы и способы выполнения профессиональных задач, оценивать их эффективность и качество</p>	<p>- Описание и анализ зависимостей величин, входящих в понятие функции.</p>	<p>Устные ответы Тесты практикум</p>
<p><u>У8</u> Умение находить производные элементарных функций</p>	<p>- Нахождение производных элементарных функций.</p>	<p>Практические работы,</p>
<p>ОК 3. Принимать решения в стандартных и нестандартных ситуациях и нести за них ответственность</p>		<p>тематический опрос</p>
<p><u>У9</u> Умение использовать производную для изучения свойств функций и построения графиков</p>	<p>Изучение свойств функций и построение графиков с помощью производной.</p>	<p>Самостоятельные и проверочные работы Экзамен</p>
<p><u>У10</u> Умение применять производную для проведения приближённых вычислений, решать задачи прикладного характера на нахождение наибольшего и наименьшего значения</p> <p>ОК4. Осуществлять поиск и использование информации, необходимой для эффективного выполнения профессиональных задач, профессионального и личностного развития</p> <p>ОК 11. Использовать знания по финансовой грамотности, планировать предпринимательскую деятельность в профессиональной сфере в федеральных государственных образовательных стандартах среднего</p>	<p>- Вычисление приближённых значений с помощью производной.  - Решение задач прикладного характера.  - Решение задач на нахождение наибольшего и наименьшего значения.</p>	<p>Практические работы. Самостоятельные и проверочные работы, опрос</p>

профессионального образования		
<u>У11</u> Умение вычислять в простейших случаях площади и объёмы с использованием определённого интеграла  ОК 5. Использовать информационно-коммуникационные технологии в профессиональной деятельности	Вычисление определённого интеграла. - Вычисление площадей и объёмов простейших фигур с использованием определённого интеграла.	Тематический опрос. Выполнение и защита практических работ. Самостоятельные и проверочные работы.
<u>У12</u> Умение решать рациональные, показательные, логарифмические, тригонометрические уравнения, сводящиеся к линейным и квадратным, а также аналогичные неравенства и системы  ОК2. Организовывать собственную деятельность, выбирать типовые методы и способы выполнения профессиональных задач, оценивать их эффективность и качество	- Решение рациональных уравнений и неравенств. - Решение показательных уравнений и неравенств. - Решение логарифмических уравнений и неравенств. - Решение тригонометрических уравнений и неравенств. - Решение систем показательных, логарифмических и тригонометрических неравенств.	Тематический опрос. Выполнение и защита практических работ. Самостоятельные и проверочные работы.
<u>У13</u> Умение использовать графический метод решения уравнений и неравенств  ОК 5. Использовать информационно-коммуникационные технологии в профессиональной деятельности	Решение уравнений и неравенств графическим методом.	Выполнение и защита практических работ. Самостоятельные, проверочные и контрольные работы.
<u>У14</u> Умение изображать на координатной плоскости решения уравнений, неравенств и систем с двумя неизвестными	- Изображение на координатной плоскости решений уравнений, неравенств и систем с двумя неизвестными.	Самостоятельные и проверочные работы. Выполнение контрольной и практических работ. Экзамен.
<u>У15</u> Умение составлять и решать уравнения и неравенства, связывающие неизвестные величины в текстовых (в том числе прикладных задачах)  ОК 3. Принимать решения в стандартных и нестандартных ситуациях и нести за них ответственность	- Составление и решение уравнений и неравенств, связывающих неизвестные величины в задачах.	Выполнение и защита практических работ. Самостоятельные и проверочные работы.
<u>У16</u> Умение решать простейшие комбинаторные задачи методом перебора, а также с использованием известных формул  ОК2. Организовывать собственную деятельность, выбирать типовые методы и способы выполнения	- Решение задач комбинаторики с использованием числа сочетаний и размещений из n элементов.	Выполнение и защита практических работ. Самостоятельные и проверочные работы. Контрольная

профессиональных задач, оценивать их эффективность и качество		работа .Тест.
<u>У17</u> Умение вычислять в простейших случаях вероятности событий на основе подсчёта числа исходов	Вычисление вероятности событий на основе правила умножения.	Выполнение и защита практических работ. Самостоятельные и проверочные работы.
<u>У18</u> Умение распознавать на чертежах и моделях пространственные формы; соотносить трёхмерные объекты с их описаниями, изображениями	- Изображение на плоскости пространственных форм.	Выполнение и защита практических работ. Самостоятельные и проверочные работы.
<u>У19</u> Умение описывать взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве, аргументировать свои суждения об этом расположении	- Изображение взаимного расположения прямых и плоскостей в пространстве.	Выполнение и защита практических работ. Самостоятельные и проверочные работы. Тест. Тематический опрос.
<u>У20</u> Умение анализировать в простейших случаях взаимное расположение объектов в пространстве	- Построение и анализ взаимного расположения объектов в пространстве	Выполнение и защита практических работ. Самостоятельные и проверочные работы.
<u>У21</u> Умение изображать основные многогранники и круглые тела; выполнять чертежи по условиям задач  ОК2. Организовывать собственную деятельность, выбирать типовые методы и способы выполнения профессиональных задач, оценивать их эффективность и качество	Построение многогранников и круглых тел. - Выполнение чертежей по условиям задачи.	Выполнение и защита практических работ. Самостоятельные и проверочные работы.
<u>У22</u> Умение строить простейшие сечения куба, призмы, пирамиды  ОК4.Осуществлять поиск и использование информации, необходимой для эффективного выполнения профессиональных задач, профессионального и личностного развития	- Построение простейших сечений куба, призмы, пирамиды.	Выполнение и защита практических работ. Самостоятельные работы.
<u>У23</u> Умение решать планиметрические и простейшие стереометрические задачи на нахождение геометрических величин (длин, углов, площадей, объёмов)	Решение задач на нахождение геометрических величин.	Выполнение и защита практических работ. Самостоятельные

OK4.Осуществлять поиск и использование информации, необходимой для эффективного выполнения профессиональных задач, профессионального и личностного развития		и проверочные работы.
<u>У24</u> Умение использовать при решении стереометрических задач планиметрические факты и методы	- Решение задач стереометрии, опираясь на знания по планиметрии.	Выполнение и защита практических работ. Самостоятельные и проверочные работы.
<u>У25</u> Умение проводить доказательные рассуждения в ходе решения задач  OK 3. Принимать решения в стандартных и нестандартных ситуациях и нести за них ответственность	- Решение задач на доказательство.	Выполнение и защита практических работ. Самостоятельные и проверочные работы.
<b>Знать:</b>  <u>31</u> Знание значения математической науки для решения задач, возникающих в теории и практике; широту и в то же время ограниченность применения математических методов к анализу и исследованию процессов и явлений в природе и обществе OK 1. Понимать сущность и социальную значимость своей будущей профессии, проявлять к ней устойчивый интерес	- Формулировка правил дифференцирования и перечисление производных основных элементарных функций - Приложение определенного интеграла к вычислению площадей плоских фигур, объемов тел вращения, пути, пройденного точкой	Беседа. Практические, самостоятельные и проверочные работы.
<u>32</u> Знание значения практики и вопросов, возникающих в самой математике для формирования и развития математической науки; истории развития понятия числа, создания математического анализа, возникновения и развития геометрии OK 11. Использовать знания по финансовой грамотности, планировать предпринимательскую деятельность в профессиональной сфере в федеральных государственных образовательных стандартах среднего профессионального образования	- Формулировка правил дифференцирования и перечисление производных основных элементарных функций - Приложение определенного интеграла к вычислению площадей плоских фигур, объемов тел вращения, пути, пройденного точкой	Устные ответы Тесты. Беседа. Практические, самостоятельные и проверочные работы.
<u>33</u> Знание универсального характера законов логики математических рассуждений, их применимости во всех областях человеческой деятельности OK 11. Использовать знания по	- Перечисление табличных интегралов - Формулировка геометрического и механического смысла производной	Тематический опрос, самостоятельные работы.

финансовой грамотности, планировать предпринимательскую деятельность в профессиональной сфере в федеральных государственных образовательных стандартах среднего профессионального образования		
<u>34</u> Знание вероятностного характера различных процессов окружающего мира	Формулировка классического определения вероятности	Выполнение и защита практических работ. Самостоятельные работы.

## 2.2. Контроль и оценка освоения учебной дисциплины по темам (разделам)

Элемент учебной дисциплины	Формы и методы контроля					
	Текущий контроль		Рубежный контроль		Промежуточная аттестация	
	Форма контроля	Проверяемые У, З	Форма контроля	Проверяемые У, З	Форма контроля	Проверяемые У, З
Тема 1. Введение	Устный опрос	31, 32				31, 32
Тема 2 Развитие понятия о числе	Практическое занятие Тест Самостоятельная работа	У1,32,31 OK 2, OK 4, OK5, OK6, OK11	Проверочная работа №1	У1,32,31,	Экзамен	У1,32,31 OK 2, OK 4, OK5, OK6, OK11
Тема 3. Корни, степени и логарифмы	Практическое занятие Самостоятельная работа	У2,У3,У1,31, 32, OK2,OK 3, OK4, OK5, OK6, OK11	Проверочные работы №2,3	У2,У3,У1,31, 32	Экзамен	У2,У3,У1,31, 32, OK2,OK 3, OK4, OK5, OK6, OK11
Тема 4. Прямые и плоскости в пространстве	Практическое занятие Самостоятельная работа Тест	У19,У20,У25,3 2,31, OK2,OK 3, OK4 OK	Проверочная работа №4,5	У19,У20,У25, 32,31, У24,У20		У19,У20,У25,32,31 , OK2,OK 3, OK4 OK
Тема 5. Комбинаторика	Практическое занятие Самостоятельная работа Тест	33, У26, OK1, OK2, OK 3, OK4, OK5, OK6, OK11	Проверочная работа №6	33, У26		33, У26, OK1, OK2, OK 3, OK4, OK5, OK11
Тема 6. Координаты и векторы	Практическое занятие Самостоятельная работа	32,У24,У25,У2 3 OK2,OK 3, OK4, OK5, OK6,	Проверочная работа №7	У1, У2, У3, У19, У25,У24, У26, 31, 32		32,У24,У25,У23 OK2,OK 3, OK4, OK5, OK6,
Тема 7. Основы тригонометрии	Практическое занятие Самостоятельная работа	У2,У3,У1,31, 32,У5 OK1, OK 2, OK3,OK 4, OK5, OK6,	Контрольная работа	У2,У3,У1,31, 32	Экзамен	У2,У3,У1,31, 32,У5 OK1, OK 2, OK3,OK 4, OK5, OK6,

Тема 8. Функции и графики	<i>Практическое занятие</i> <i>Самостоятельная работа</i>	У4, У6, У7 31,32, OK 2, OK 3, OK4, OK5, OK 6, OK11	<i>Проверочная работа №1</i>	У4, У6, У7 31,32, У1	Экзамен	У4, У6, У7 31,32, OK 2, OK 3, OK4, OK5, OK 6, OK11
Тема 9. Многогранники и круглые тела	<i>Практическое занятие</i> <i>Самостоятельная работа</i>	У23, У24, У25, 3 1,32, У18, У20, У21, У22, OK2, OK 3, OK4, OK5, OK6	<i>Проверочная работа №2</i>	У23, У24, У25, 3 1,32, У18, У20, У21, У22, У1	Экзамен	У23, У24, У25, 31,32 , У18, У20, У21, У22, OK2, OK 3, OK4, OK5, OK6,
Тема 10. Начала математического анализа	<i>Практическое занятие</i> <i>Самостоятельная работа</i>	У8, У9, У10, У25, 31,32,33 OK1, OK 2, OK3, OK 4, OK5, OK6,	<i>Проверочная работа №3</i>	У8, У9, У10, У25, 31, У1	Экзамен	У8, У9, У10, У25, 31,32,33 OK1, OK 2, OK3, OK 4, OK5, OK6,
Тема 11. Интеграл и его применение	<i>Практическое занятие</i> <i>Самостоятельная работа</i>	У11,32,31, У25 OK2, OK 3, OK4, OK5, OK6,	<i>Проверочная работа №4</i>	У11,32,31, У25, У23, У1	Экзамен	У11,32,31, У25 OK2, OK 3, OK4, OK5, OK6,
Тема 12 . Элементы теории вероятностей и математической статистики	<i>Практическое занятие</i> <i>Самостоятельная работа</i>	34, У17 OK1, OK2, OK 3, OK4, OK5, OK6, OK11			Экзамен	34, У17 OK1, OK2, OK 3, OK4, OK5, OK6, OK11
Тема 13. Уравнения и неравенства	<i>Практическое занятие</i> <i>Самостоятельная работа</i>	У12, У13, У14, У15, 31 OK1, OK 2, OK3, OK 4, OK5, OK6, , OK11	<i>Контрольная работа</i>	У1, У2, У3, У4, У 6, У7, У8, У9, У10, У18, У20- 23, У25, 31.32,	Экзамен	У12, У13, У14, У15, 31 OK1, OK 2, OK3, OK 4, OK5, OK6, OK11

### **3. Оценка освоения учебной дисциплины:**

#### **3.1. Формы и методы оценивания**

Предметом оценки служат умения и знания, предусмотренные ФГОС по дисциплине ОУДп.04. «Математика», направленные на формирование общих и профессиональных компетенций.

#### **1 Устный ответ.**

**«Отлично», если студент:**

полно раскрыл содержание материала в объеме, предусмотренном программой и учебником, изложил материал грамотным языком в определенной

логической последовательности, точно используя математическую терминологию и символику; правильно выполнил рисунки, чертежи, графики, сопутствующие ответу;

показал умение иллюстрировать теоретические положения конкретными примерами, применять их в новой ситуации при выполнении практического задания;

продемонстрировал усвоение ранее изученных сопутствующих вопросов, сформированность и устойчивость используемых при отработке умений и навыков;

отвечал самостоятельно без наводящих вопросов преподавателя. Возможны одна две неточности при освещении второстепенных вопросов или в выкладках, которые студент легко исправил по замечанию преподавателя.

**«Хорошо», если студент:**

удовлетворяет в основном требованиям на оценку «5», но при этом имеет один из недостатков: в изложении допущены небольшие пробелы, не искажившие математическое содержание ответа;

допущены один два недочета при освещении основного содержания ответа,

исправленные по замечанию преподавателя;

допущены ошибка или более двух недочетов при освещении второстепенных вопросов или в выкладках, легко исправленные по замечанию преподавателя.

**«Удовлетворительно»** ставится в следующих случаях:

1) неполно или непоследовательно раскрыто содержание материала, но показано общее понимание вопроса и продемонстрированы умения, достаточные для дальнейшего усвоения программного материала

2) имелись затруднения или допущены ошибки в определении понятий, использовании математической терминологии, чертежах, выкладках, исправленные после нескольких наводящих вопросов преподавателя;

3) студент не справился с применением теории в новой ситуации при выполнении практического задания, но выполнил задания обязательного уровня сложности по данной теме.

**«Неудовлетворительно»** ставится в следующих случаях:

1)не раскрыто основное содержание учебного материала;

2)обнаружено незнание или непонимание учеником большей или наиболее важной части учебного материала;

3) допущены ошибки в определении понятий, при использовании математической терминологии, в рисунках, чертежах или графиках, в выкладках, которые не исправлены после нескольких наводящих вопросов преподавателя.

#### **2. Письменная работа.**

**«Отлично»** ставится, если:

1) работа выполнена полностью;

2) в логических рассуждениях и обосновании решения нет пробелов и ошибок; 3) в решении нет математических ошибок (возможна одна неточность,

описка, не являющаяся следствием незнания или непонимания учебного материала).  
«Хорошо» ставится, если:

1) работа выполнена полностью, но обоснования шагов решения недостаточны (если умение обосновывать рассуждения не являлось специальным объектом проверки);

2) допущена одна ошибка или два-три недочета в выкладках, рисунках, чертежах или графиках (если эти виды работы не являлись специальным объектом проверки).

«Удовлетворительно» ставится, если:

допущены более одной ошибки или более двух-трех недочетов, но учащийся владеет в чертежах или графиках, выкладках, обязательными умениями по проверяемой теме.

«Неудовлетворительно» ставится, если:

допущены существенные ошибки, показавшие, что студент не владеет обязательными умениями по данной теме в полной мере.

### 3. Экзамен.

Оценка	Процент выполненных заданий
«5»	100 % - 91%
«4»	90% - 70%
«3»	69% - 50%
«2»	менее 50 %

## 3.2. Типовые задания для оценки освоения учебной дисциплины ОУДп.04 «Математика»

### Тема 2 «Понятие о числе»

#### Проверочная работа 1

#### Вариант

1. Вычислить:

$$2\frac{5}{8} - \frac{2}{3} * 2\frac{5}{14}$$

$$(3\frac{1}{12} - 4,375) : 19\frac{8}{9}$$

2. Найти значение выражения  $\frac{a-c}{a+c}$ , если  $a = 1,5$ ;  $c = -3,5$

3. Представить дробь  $\frac{7}{111}$  в виде десятичной периодической дроби

4. Представить числа в стандартном виде:

а) 0,0000712; б) 675000000

5. Найдите относительную погрешность (в процентах):

Диаметр Луны (в км)  $d = 3476 \frac{+1}{-1}$

6. Даны числа  $z_1 = 3 - i$ ;  $z_2 = 2 + 3i$ .

Найти сумму, разность. Произведение и частное заданных чисел.

## Вариант

1. Вычислить:

$$\begin{array}{r} 3\frac{1}{3} * 10 + 0,75 : \frac{7}{20} \\ \hline 1\frac{3}{4} - \frac{11}{17} * \frac{51}{56} \end{array}$$

2. Найти значение выражения  $\frac{a-c}{a+c}$ , если  $a = 1,6$ ;  $c = -4,5$

3. Представить дробь  $\frac{5}{99}$  в виде десятичной периодической дроби

4. Представить числа в стандартном виде:

а) 0,0000259; б) 389000000

5. Найдите относительную погрешность (в процентах):

Радиус Земли (в км)  $R = 6380 \frac{+1}{-1}$

6. Даны числа  $z_1 = 2 - 3i$ ;  $z_2 = -4 + i$ .

Найти сумму, разность, произведение и частное заданных чисел.

## Самостоятельная работа №1

1. Найдите все натуральные числа  $x$  и  $y$  такие, чтобы:

а)  $7x + 12y = 50$   
б)  $5x - y = 17$

2. Найдите все натуральные числа  $n$ , при которых выражения

а)  $\frac{5n+4}{n}$     б)  $\frac{5n+4}{n+3}$

являются натуральными.

3. Запишите обыкновенную дробь в виде бесконечной периодической дроби:

а)  $\frac{2}{3}$     б)  $\frac{3}{7}$

4. Между рациональными числами  $a$  и  $b$  поместите 5 рациональных:

а)  $a = 1,1$      $b = 1,2$   
б)  $a = \frac{11}{12}$      $b = \frac{10}{12}$

5. Какое из данных чисел является иррациональным:

а)  $2$ , (2345)    б)  $\sqrt{0,4}$     в)  $\sqrt{1,96}$     г)  $\sqrt[3]{19,6}$

6. На числовой прямой отмечены точки А (-2) и В (17). Найдите координаты точки М, делящей отрезок АВ в соотношении АМ: МВ=2

## Самостоятельная работа №2

1. Обратите смешанную периодическую дробь в обыкновенную:

а) 0,5(3)    б) 0,3(45)    в) 0,(27)

2. Вычислите значения выражений:

а)  $1\frac{2}{9} + 1\frac{1}{6} \left( 2 - 1\frac{25}{42} \right) =$

б)  $(7\frac{7}{8} - 3\frac{3}{8}) : 4\frac{1}{2} =$

в)  $(42\frac{5}{12} - 12\frac{11}{18}) - (25 - 4\frac{7}{36}) =$

г)  $(x : 1\frac{13}{22}) \cdot 2\frac{3}{14} = 7\frac{3}{4}$     найдите  $x$

3. Упростите выражение

$\frac{3}{2} \cdot \left( \frac{2}{3}x - 2 \right) - 4 \left( 2\frac{1}{2}x + \frac{3}{4} \right) =$

4. Найти число, если  $36\frac{2}{3}\%$  которого составляет  $\frac{\left( 85\frac{7}{30} - 83\frac{5}{18} \right) : 2\frac{2}{3}}{0,04}$

### Самостоятельная работа №3

1. Выполните действия:

$$\text{а)} \frac{\frac{2}{4} \cdot 1,8 \cdot 1\frac{1}{5}}{\frac{1}{3} : 0,49 \cdot 2\frac{5}{8}}$$

$$\text{б)} \frac{\left(1,75 \cdot \frac{2}{5} + 1,75 : 1\right) \cdot 1\frac{5}{7}}{\left(\frac{17}{40} - 0,325\right) : \frac{1}{5} \cdot 0,4}$$

$$\text{в)} \frac{3}{16} \cdot 1\frac{3}{5} : \left(7\frac{1}{2} \cdot \frac{1}{10} - \frac{3}{5}\right) - 3\frac{1}{2} : 4\frac{2}{3}$$

2. Решите уравнение

$$\text{а)} (0,7x - \frac{4}{7}) \cdot 1\frac{2}{3} = 6,45$$

$$\text{б)} 0,3x - 8,632 = 3,644$$

### Самостоятельная работа №4

1. Выполните действия:

$$\text{а)} \left(2\frac{1}{2} : 3\frac{2}{3}\right) : \left(7\frac{1}{2} : 7\frac{1}{3}\right) \cdot 5\frac{1}{4} \cdot \frac{4}{21}$$

$$\text{б)} \left(7 - 1\frac{4}{23} \cdot 3\frac{5}{6} + 3\frac{1}{6} \cdot \frac{3}{19}\right) : \frac{2}{3} - \frac{2}{3}$$

2. Решите уравнение:

$$\text{а)} (4,2 - 3x) : \frac{8}{21} = \frac{7}{6}$$

$$\text{б)} (2 \cdot x - \frac{3}{11}) : \frac{5}{33} = 5,5$$

## Тема 3 «Корни, степени и логарифмы»

### Проверочная работа № 2. «Корни и степени»

#### Вариант

1. Представить степень с рациональным показателем в виде корня n-степени:

$$\text{а)} 5^{\frac{2}{3}}; \text{ б)} 3^{3\frac{1}{2}}; \text{ в)} 4^{3\frac{1}{4}}; \text{ г)} 6^{\frac{3}{8}}; \text{ д)} c^{\frac{3}{4}}; \text{ е)} p^{\frac{5}{2}}; \text{ ж)} 0,2^{0,5}$$

2. Представить в виде степени с рациональным показателем:

$$\text{а)} \sqrt[7]{1,3}; \text{ б)} \sqrt[7]{\frac{3}{5}}; \text{ в)} \sqrt[4]{\frac{2}{3}}; \text{ г)} \sqrt[3]{4,3}; \text{ д)} \sqrt[5]{8^4}; \text{ е)} \sqrt[11]{c^2}$$

3. Вычислить:

$$\text{а)} \sqrt[5]{0,027} * \sqrt[5]{0,09}; \text{ б)} \sqrt[6]{3^7 * 4^5} * \sqrt[6]{3^5 * 4}; \text{ в)} \sqrt[3]{125 * 0,027}; \text{ г)} \left(\frac{1}{4}\right)^{-\frac{1}{2}} * 25^{\frac{1}{2}} - 81^{\frac{1}{2}} * 125^{-\frac{1}{3}}$$

#### Вариант

1. Представить степень с рациональным показателем в виде корня n-степени:

$$\text{а)} 7^{\frac{3}{4}}; \text{ б)} 5^{3\frac{1}{3}}; \text{ в)} 8^{\frac{3}{7}}; \text{ г)} 4^{\frac{2}{6}}; \text{ д)} p^{\frac{2}{3}}; \text{ е)} y^{\frac{2}{3}}; \text{ ж)} 8,5^{0,6}$$

2. Представить в виде степени с рациональным показателем:

a)  $\sqrt{2,5}$ ; б)  $\sqrt[3]{\frac{7}{13}}$ ; в)  $\sqrt[6]{\frac{2}{3}}$ ; г)  $\sqrt[3]{3,7}$ ; д)  $\sqrt[3]{a^2}$ ; е)  $\sqrt[5]{a}$

3. Вычислить:

а)  $\frac{\sqrt[7]{256}}{\sqrt[7]{2}}$ ; б)  $\sqrt[4]{32 \cdot 3} * \sqrt[4]{8 \cdot 27}$ ; в)  $\sqrt[5]{2^5 \cdot 7^2} * \sqrt[5]{7^3}$ ; г)  $(216^{\frac{-1}{3}} * (\frac{1}{6})^{-2} - 5^{-1} * (\frac{1}{25})^{\frac{-1}{2}})$

### Самостоятельная работа №5

Степень с целым показателем.

Выполните действия:

а)  $((1\frac{1}{3})^{-1} - 2^{-2})^{-3} + 3^{-2} + (\frac{9}{8})^{-1} - 7^0$

б)  $\frac{(\frac{1}{5})^{-3} + (8 \cdot 3^{-2})^0}{7 \cdot (\frac{1}{2})^{-1}} =$

в)  $\frac{2^{-2} + 3^{-1}}{(\frac{2}{3})^{-2} + (-4)^{-1} \cdot 5 + 0,5^{-2}}$

г)  $(\frac{3a^2}{2b})^2 \cdot (\frac{2b^2}{3a^3})^2$

д)  $6x y^{-2} \cdot \frac{2}{3} x^5 y^{-1}$

е)  $(x^{-1} + y^{-1}) \cdot \frac{2+y}{x^2 + xy + y^2}$

### Самостоятельная работа №6

Степень с целым показателем.

Выполнить действия:

а)  $\frac{2^2 \cdot 2^{-1} + 5^{-3} \cdot 5^4}{10^{-3} \cdot 10^{-2} - (0,25)^0}$

б)  $\frac{4}{7} a^7 b^{-3} c^2 : 1 \frac{3}{4} a^{-3} b^{-2} c^3$

в)  $12 x^2 y^{-4} \cdot \frac{4}{9} x^4 y^{-2}$

г)  $(x^2 - y^2) : \frac{x^2 - 2xy + y^2}{x^2 y^2}$

д)  $(\frac{a^{-1} - b^{-1}}{a^{-1} + b^{-1}} - \frac{a^{-1} + b^{-1}}{a^{-1} - b^{-1}}) \cdot (4ab)^{-1}$

е)  $\frac{4a^{-2} b^3}{8a^{-1} b^6} : \frac{a^5 b^7}{16c^{-4}}$

## Самостоятельная работа №7

Преобразование радикала.

1. Выполнить действия:

a)  $(1 - \sqrt{2})(3 + \sqrt{2}) =$

б)  $(\sqrt{x} + \sqrt{y})^2 =$

в)  $(2\sqrt{7} + \sqrt{12})(\sqrt{12} - \sqrt{7}) =$

2. Сравнить значения выражений:

$3\sqrt{5}$  и  $\sqrt[4]{42}$        $\frac{1}{2}\sqrt{76}$  и  $\frac{2}{3}\sqrt{45}$

$0,3\sqrt{3}\frac{1}{3}$  и  $0,4\sqrt{2}\frac{1}{2}$

3. Сократить дробь:

а)  $\frac{4\sqrt{x}-3\sqrt{y}}{9y-16x}$

б)  $\frac{25a-49b}{5\sqrt{a}+7\sqrt{b}}$

## Самостоятельная работа №8

1. Выполнить действия:

а)  $(2\sqrt{3} + 1)(1 - 2\sqrt{3})$

б)  $(5\sqrt{6} - 6\sqrt{2})^2$

в)  $(7\sqrt{2} - \sqrt{98} + \sqrt{10}) \cdot \sqrt{2}$

2. Разложить на множители

$a^2 - 3 =$        $16c^2 - 7 =$        $\sqrt{a} - a =$

3. Сократить дроби:

а)  $\frac{7+\sqrt{7}}{\sqrt{7}}$

б)  $\frac{c^2 - c}{c - \sqrt{2}}$

в)  $\frac{\sqrt{14} - 7}{2 - \sqrt{14}}$

г)  $\frac{\sqrt{x} + \sqrt{2}}{2\sqrt{2} + x\sqrt{x}}$

## Самостоятельная работа №9

Степень с рациональным показателем.

1. Представить в виде корня из числа

а)  $4^{1,2}$       б)  $5^{-\frac{4}{5}}$       в)  $4^{1,25}$

2. Найти значение числового выражения:

а)  $243^{\frac{2}{5}}$       б)  $(\frac{3^8}{64^4})^{-1/8}$

в)  $64^{\frac{5}{3}}$       г)  $\frac{(27^5)^{2/5}}{9^{1/4}}$

3. Упростить выражения:

а)  $\frac{a-b}{\frac{1}{a^2}-\frac{1}{b^2}}$       б)  $\frac{x^{\frac{1}{2}}-4}{x-16}$

в)  $\frac{a+b}{\frac{2}{a^3}-\frac{1}{a^3b^3}+\frac{2}{b^3}}$

4. Найти значение выражения:

а)  $27^{\frac{2}{3}} + (\frac{1}{16})^{-0.75} - 25^{0.5} =$

б)  $81^{\frac{-3}{4}} + (\frac{1}{\sqrt{25}})^{\frac{-1}{3}} - (\frac{1}{32})^{\frac{-3}{5}}$

## Самостоятельная работа №10

1. Представить в виде корня из числа выражение:

a)  $16^{1.2}$     б)  $7^{-\frac{4}{5}}$     в)  $8^{1.25}$

2. Найти значение числового выражения:

а)  $0,001^{\frac{-1}{3}} \cdot (-2)^{-2} \cdot 64^{\frac{2}{3}} - 8^{\frac{-4}{3}} + (90)^2$

3. Упростить выражения:

а)  $\frac{\sqrt{x+1}}{x\sqrt{x+x+\sqrt{x}}} : \frac{1}{x^2-\sqrt{x}}$

б)  $\frac{a+b}{a^{\frac{2}{3}}-a^{\frac{1}{3}}b^{\frac{1}{3}}+b^{\frac{2}{3}}}$

## Проверочная работа № 3 «Логарифм. Преобразование выражений»

**Вариант**

1. Вычислить:

а)  $\log_4 8 + \log_4 2$ ; б)  $\log_{\frac{1}{2}} 28 - \log_{\frac{1}{2}} 7$ ; в)  $(\log_6 2 + \log_6 3 + 2^{\log_2 4}) \cdot \log_5 7$ ;  
г)  $(\log_6 2 + \log_6 3 + 2^{\log_2 4}) \log_5 7$ .

2. Найти  $x$  по данному его логарифму:

а)  $\log_7 x = \log_7 14 - \log_7 98$ ; б)  $\log_{0,2} x = \log_{0,2} 93 + \log_{0,2} 4 - \log_{0,2} 31$ ;  
в)  $\log_5 x = \log_5 c - 2 \log_5 e + \log_5 a$ .

3. Известно, что  $\log_5 3 = m$ ,  $\log_5 2 = n$ . Выразить через  $m$  и  $n$   $\log_5 72$

4. Прологарифмировать по основанию 5 выражение  $125a^4 : e^4$

### Вариант

1. Вычислить:

а)  $\log_{12} 4 + \log_{12} 36$ ; б)  $\log_2 7 - \log_2 \frac{7}{16}$ ; в)  $(2\log_8 3 - \log_8 45) : (\log_8 5 + \log_8 125)$ ;  
г)  $(\log_2 20 - \log_2 5 + 7^{\log_7 8}) \lg 9$ .

2. Найти  $x$  по данному его логарифму:

а)  $\log_2 x = \log_2 56 - \log_2 8$ ; б)  $\log_5 x = \log_5 8 - \log_5 2 + \log_5 \frac{25}{4}$ ;

в)  $\log_2 x = 2 \log_2 a - \log_2 e + \log_2 c$ .

3. Известно, что  $\log_5 3 = m$ ,  $\log_5 2 = n$ . Выразить через  $m$  и  $n$   $\log_5 36$

4. Прологарифмировать по основанию 2 выражение  $16a^2 : e^3$

## Самостоятельная работа №11

**Логарифмы, действия над логарифмами.**

1. Вычислите:

$$\log_5 125 \quad \log_3 \frac{1}{81} \quad \log_{\frac{1}{4}} \frac{1}{64} \quad \log_{\frac{1}{9}} 81$$

2. Вычислите:

$$10^{\lg 100} \quad 2^{\log_2 5} \quad 3^{2+\log_3 5} \quad 2\log_5 25 + 3\log_4 64$$

3. Прологарифмируйте по основанию 2.

$$y = 8a^3 \quad y = 2a\sqrt{b} \quad y = 16a^2 \sqrt[4]{83}$$

4. Вычислите  $\lg 4$ ,  $\lg 6$ , если  $\lg 2 \approx 0,301$ ,  $\lg 3 \approx 0,477$

## Самостоятельная работа №12

1. Вычислите:

$$\log_{16} \log_3 81 \log_{27} \log_4 64$$

2. Найдите значение выражения:

$$a) \log_4 \frac{1}{64} + \log_5 \frac{1}{25} + \log_3 \frac{1}{9} =$$

3. Прологарифмируйте выражение по основанию 10.

$$y = \sqrt[3]{a^3 b^2 c^5} \quad y = \frac{\sqrt[3]{a^5 b^4}}{c^{12}}$$

4. Найдите значение выражения:

$$\log_a \sqrt[6]{ab}, \text{ если } \log_a b = 29$$

5. Сравните числа:  $2\log_2 \frac{1}{2}$  и  $3\log_8 35$

## Тема 4 «Прямые и плоскости в пространстве»

### Проверочная работа № 4 «Параллельность прямых и плоскостей»

#### Вариант

- Прямые  $a$  и  $b$  лежат в параллельных плоскостях  $\alpha$  и  $\beta$ . Могут ли эти прямые быть параллельными; скрещивающимися? Сделайте рисунок для каждого возможного случая.
- Через точку  $O$ , лежащую между параллельными плоскостями  $\alpha$  и  $\beta$ , проведены прямые  $l$  и  $m$ . Прямая  $l$  пересекает плоскости  $\alpha$  и  $\beta$  в точках  $A_1$  и  $A_2$  соответственно, прямая  $m$  – в в точках  $B_1$  и  $B_2$ . Найдите длину отрезка  $A_2 B_2$ , если  $A_1 B_1 = 12$  см,  $B_1 O : OB_2 = 3 : 4$
- Дан параллелепипед  $ABCDA_1B_1C_1D_1$ . Постройте сечение параллелепипеда плоскостью, проходящей через точки  $M$ ,  $N$  и  $K$ , являющиеся серединами ребер  $AB$ ,  $BC$  и  $DD_1$ .

#### Вариант

- Прямые  $a$  и  $b$  лежат в пересекающихся плоскостях  $\alpha$  и  $\beta$ . Могут ли эти прямые быть параллельными; скрещивающимися? Сделайте рисунок для каждого возможного случая.
- Через точку  $O$ , не лежащую между параллельными плоскостями  $\alpha$  и  $\beta$ , проведены прямые  $l$  и  $m$ . Прямая  $l$  пересекает плоскости  $\alpha$  и  $\beta$  в точках  $A_1$  и  $A_2$  соответственно, прямая  $m$  – в в точках  $B_1$  и  $B_2$ . Найдите длину отрезка  $A_1 B_1$ , если  $A_2 B_2 = 15$  см,  
 $O B_1 : OB_2 = 3 : 5$
- Дан тетраэдр  $DABC$ . Постройте сечение тетраэдра плоскостью, проходящей через точки  $M$  и  $N$ , являющиеся серединами ребер  $DC$  и  $BC$ , и точку  $K$ , такую, что  $K \in DA$ ,  $AK : KD = 1 : 3$ .

### Проверочная работа № 5 «Перпендикулярность прямых и плоскостей»

#### Вариант

- Диагональ куба равна 6 см. Найдите:
  - ребро куба;
  - косинус угла между диагональю куба и плоскостью одной из его граней.
- Сторона  $AB$  ромба  $ABCD$  равна  $p$ , а один из углов ромба равен  $60^\circ$ . Через сторону  $AB$  проведена плоскость  $\alpha$  на расстоянии  $\frac{p}{2}$  от точки  $D$ .
  - Найдите расстояние от точки  $C$  до плоскости  $\alpha$ .
  - Покажите на рисунке линейный угол двугранного угла  $DABM$ ,  $M \in \alpha$ .

в) Найдите синус угла между плоскостью ромба и плоскостью  $\alpha$ .

### Вариант

1. Основанием прямоугольного параллелепипеда служит квадрат, диагональ параллелепипеда равна  $2\sqrt{6}$ , а его измерения относятся как  $1 : 1 : 2$ . Найдите:
  - а) Измерения параллелепипеда.
  - б) Синус угла между диагональю параллелепипеда и плоскостью его основания.
2. Сторона квадрата ABCD равна  $p$ . Через сторону AD проведена плоскость  $\alpha$  на расстоянии  $\frac{p}{2}$  от точки B.
  - а) Найдите расстояние от точки C до плоскости  $\alpha$ .
  - б) Покажите на рисунке линейный угол двугранного угла BADM,  $M \in \alpha$ .
  - в) Найдите угол между плоскостью квадрата и плоскостью  $\alpha$ .

### Самостоятельная работа № 13

1) Прямые  $a$  и  $b$  лежат в одной плоскости

Могут ли прямые  $a$  и  $b$

а) пересекаться

б) быть параллельными

в) скрещиваться

2) Прямые  $m$  и  $n$  пересекаются

Как расположена прямая  $m$  относительно прямой  $d$ , если

а)  $d \parallel n$

б) прямые  $d$  и  $n$  пересекаются

3) Прямые  $a$  и  $b$  параллельны

Точки A и B принадлежат прямой  $a$

Точки C и D принадлежат прямой  $b$

Лежат ли прямые AC и BD в одной плоскости?

### Самостоятельная работа № 14

1. Прямая EF, не лежащая в плоскости прямоугольника ABCD параллельна стороне BC.

Доказать, что EF и AD параллельны.

2. Точка M лежит вне плоскости ABC. Точки K, P, E, F - середины отрезков MA, AB, MC, BC. Как расположены прямые KP и EF?

### Самостоятельная работа № 15

1. Через точку B отрезка AB проведена плоскость  $\alpha$ . Отрезок AB разделен точкой C в отношении 3:4 (считая от A к B). Отрезок CD, равный 12 см, проведен параллельно плоскости  $\alpha$ . Через точки D проведена прямая AD, пересекающая плоскость  $\alpha$  в точке E. Определить расстояние между точками B и E.

2. Если через две параллельные прямые проходят пересекающиеся плоскости, то линия их пересечения параллельна каждой из двух прямых или совпадает с одной из них. Докажите.

### Самостоятельная работа № 16

1. Прямые  $a$  и  $b$  - скрещивающиеся прямые, плоскость  $\alpha$  параллельна прямой  $a$ . Укажите возможные случаи взаимного расположения прямой  $b$  и плоскости  $\alpha$ .

2. Через середины K и M сторон треугольника ABC (K лежит на AB, M - на BC) проведена плоскость. Какое положение занимает проведенная плоскость относительно стороны AC

### Самостоятельная работа № 17

1. Верно ли утверждение, что плоскости параллельны, если прямая, лежащая в одной плоскости, параллельна другой плоскости?
2. Плоскость, проведенная через середины ребер  $AD$ ,  $DC$  и  $A_1D_1$  куба  $ABCDA_1B_1C_1D_1$  параллельна диагональному сечению  $AA_1C_1C$ . Докажите.

### Самостоятельная работа № 18

**Тема:** "Параллельность плоскостей"

1. Две плоскости  $\alpha$  и  $\beta$  параллельны между собой. Из точки  $M_1$  не лежащей ни в одной из этих плоскостей, ни между плоскостями, проведены две прямые, пересекающие эти плоскости соответственно в точках  $A_1$  и  $A_2$ ,  $B_1$  и  $B_2$ . Известно, что  $MA = 4\text{см}$ ,  $B_1B_2 = 9\text{см}$ ,  $A_1A_2 = MB_1$ . Найдите  $MA_2$  и  $MB_2$ .
2. Диагональ и сторона трапеции параллельны плоскости  $\alpha$ . Как расположены плоскость  $\alpha$  и плоскость, в которой лежит трапеция.

### Самостоятельная работа № 19

**Тема:** "Перпендикуляр и наклонные"

1. Диагональ  $BD$  ромба  $ABCD$  перпендикулярна к плоскости  $\alpha$ . Как расположена по отношению к этой плоскости другая его диагональ.
2. Точка  $O$  - центр квадрата со стороной  $a$ .  $OA$  - отрезок, перпендикулярный к плоскости квадрата и равный  $b$ . Найдите расстояние от точки  $A$  до вершин квадрата.

### Самостоятельная работа № 20

**Тема:** "Перпендикуляр и наклонные"

1. Из данной точки к плоскости проведены две наклонные, разность длин которых  $6\text{ см}$ . Их проекции на эту плоскость соответственно равны  $27\text{ см}$  и  $15\text{ см}$ . Найдите расстояние от данной точки до плоскости.
2. Из точки  $O$  пересечения диагоналей ромба  $ABCD$  восставлен к его плоскости перпендикуляр  $OM$ . Докажите, что точка  $M$  одинаково удалена от всех сторон ромба.

## Тема 5. Комбинаторика

### Проверочная работа № 6 «Элементы комбинаторики»

#### **Вариант**

1. Ученик помнит, что в формуле азотной кислоты подряд идут буквы  $H$ ,  $N$ ,  $O$  и что есть один нижний индекс – то ли двойка, то ли тройка.  
 а) Нарисуйте дерево возможных вариантов, из которых ученику придётся выбирать ответ.  
 б) Сколько среди них тех, в которых индекс стоит не на втором месте?  
 в) Как изменится дерево вариантов, если ученик помнит, что на первом месте точно стоит  $H$ , а порядок остальных букв забыл?  
 г) Как изменится дерево вариантов, если буквы могут идти в любом порядке?
2. Вычислить: а)  $\frac{6!+7!}{4!+5!}$ ; б)  $\frac{16 \cdot 6!+7!}{7!+8!}$
3. Встретились несколько человек и стали здороваться друг с другом. Рукопожатий было от  $60$  до  $70$ . Сколько человек встретилось, если известно, что:  
 а) каждый здоровался с каждым;  
 б) только один человек не здоровался ни с кем;  
 в) только двое не поздоровались между собой;  
 г) четверо поздоровались только между собой и остальные поздоровались только между собой.
4. Вычислить: а)  $C^2_{17}$ ; б)  $C^2_{27} - C^2_{26}$
5. Решить уравнение:  $C^4_x = A^3_x$

#### **Вариант**

1. Из пяти одноклассниц  $A$ ,  $B$ ,  $C$ ,  $D$ , только  $B$  и  $D$  дружат со всеми,  $B$  дружит, кроме  $B$  и  $D$ , только с  $C$ , остальные не дружат между собой. Для проведения соревнования надо из этих одноклассниц выбрать капитана и его заместителя, которые дружат между собой.
- Нарисуйте дерево возможных вариантов выбора.
  - В скольких вариантах капитаном будет  $A$ ?
  - В скольких вариантах выбора будет присутствовать  $B$ ?
  - В скольких вариантах выбора  $C$  будет заместителем?
2. Вычислить: а)  $\frac{1!}{4!} + \frac{10}{5!}$  б)  $\frac{(2!)^2 \cdot (6!)^2}{4! \cdot 5! \cdot 6!}$
3. Каждую из  $n$  точек, являющихся вершинами выпуклого  $n$  – угольника, соединили отрезками с каждой другой вершиной.
- Сколько провели отрезков?
  - Сколько провели диагоналей?
  - Сколько есть двузвенных ломаных, соединяющих вершину  $A$  с вершиной  $B$ ?
  - Сколько есть трёхзвенных ломаных, соединяющих вершину  $A$  с вершиной  $B$ ?
4. Вычислить: а)  $C_8^4$ ; б)  $C_{11}^5 + C_{11}^5$
5. Решить уравнение:  $C_x^3 = A_x^2$

### Самостоятельная работа № 21

- Сколько двузначных чисел можно составить из цифр 1,3,5,8,9 так, чтобы в каждом числе не было одинаковых цифр?
- Из 6 открытых надо выбрать 3. Сколько способами это можно сделать?

### Самостоятельная работа № 22

- Сколько способами можно разместить 5 человек вокруг круглого стола?
- Сколько способами можно составить флаг, состоящий из трех горизонтальных полос различных цветов, если можно использовать материал семи различных цветов?
- Решить уравнение:  

$$30x = A_x^4$$

### Самостоятельная работа № 23

- Сколько способами можно расставить на полке 6 книг?
- Сколько способами можно выбрать гласную из слова журнал?

### Самостоятельная работа № 24

- Сколько способами можно составить список из 6 человек?
- Сколько способами собрание, состоящие из 18 человек, может из своего состава выбрать председателя собрания и секретаря?

## Тема 6. Координаты и векторы

### Проверочная работа №7 «Метод координат в пространстве»

#### Вариант

- Найдите координаты вектора  $\vec{AB}$ , если:  $A(6; -2; 5)$ ,  $B(4; -4; 6)$ .
- Даны векторы:  $\vec{b}\{4; 2; -3\}$ ,  $\vec{c}\{2; 5; -4\}$ . Найдите  $|4\vec{b} - \vec{c}|$
- Вычислить скалярное произведение векторов  $\vec{m}$  и  $\vec{n}$ , если  $\vec{m} = \vec{a} + 4\vec{b} - 2\vec{c}$ ;  $\vec{n} = 3\vec{a} - \vec{b}$ ;  
 $|\vec{a}| = 4$ ;  $|\vec{b}| = 5$ ;  $(\widehat{\vec{a}}, \widehat{\vec{b}}) = 60^\circ$ ;  $\vec{c} \perp \vec{a}$ ;  $\vec{c} \perp \vec{b}$ ;
- Вершины треугольника ABC имеют координаты  $A(-2; 0; 1)$ ,  $B(-1; 2; 3)$ ,  $C(8; -4; 9)$ . Найдите координаты вектора  $\vec{BM}$ , если BM – медиана треугольника ABC.

5. Даны точки  $A(-1; 5; 3)$ ,  $B(7; -1; 3)$ ,  $C(3; -2; 6)$ . Доказать, что треугольник  $ABC$  – прямоугольный.

**Вариант**

1. Найдите координаты вектора  $\vec{AB}$ , если:  $A(8; 5; -4)$ ,  $B(4; 6; -8)$ .

2. Даны векторы:  $\vec{b}\{4; -3; 4\}$ ,  $\vec{c}\{3; 5; -2\}$ . Найдите  $|\vec{b} - 3\vec{c}|$ .

3. Вычислить скалярное произведение векторов  $\vec{m}$  и  $\vec{n}$ , если  $\vec{m} = 3\vec{a} - \vec{b} + 2\vec{c}$ ;  $\vec{n} = \vec{a} - 4\vec{b}$ ;  $|\vec{a}| = 5$ ;  $|\vec{b}| = 2$ ;  $(\vec{a}, \vec{b}) = 60^\circ$ ;  $\vec{c} \perp \vec{a}$ ;  $\vec{c} \perp \vec{b}$ ;

4. Вершины треугольника  $ABC$  имеют координаты  $A(-1; 2; 3)$ ,  $B(1; 0; 4)$ ;  $C(3; -2; 1)$ .

Найдите координаты вектора  $\vec{AM}$ , если  $AM$  – медиана треугольника  $ABC$ .

5. Даны точки  $A(-1; 5; 3)$ ,  $B(-1; 3; 9)$ ,  $C(3; -2; 6)$ . Доказать, что треугольник  $ABC$  – прямоугольный.

**Самостоятельная работа №26**

**Вариант**

1.  $ABCDA_1B_1C_1D_1$ - параллелепипед. Изобразите на рисунке векторы, равные:

a)  $\vec{B_1C} + \vec{AB} + \vec{BB_1} + \vec{B_1A_1}$ ; б)  $\vec{DC} - \vec{BB_1}$

2. В тетраэдре  $DABC$  точка  $N$  – середина ребра  $AB$ , точка  $P$  – середина отрезка  $DN$ .

Выразите вектор  $\vec{CP}$  через векторы  $\vec{CA} = \vec{a}$ ,  $\vec{CB} = \vec{b}$ ,  $\vec{CD} = \vec{d}$ .

3. Дан параллелепипед  $ABCDA_1B_1C_1D_1$ . Точка  $M$  лежит на  $AB$ , причем  $AM : MB = 5 : 2$ , а  $K \in AD_1$ , причем  $AK : KD_1 = 3 : 5$ . Разложите вектор  $\vec{MK}$  по векторам  $\vec{BA}$ ,  $\vec{BB_1}$  и  $\vec{BC}$ .

**Вариант**

1.  $ABCDA_1B_1C_1D_1$ - параллелепипед. Изобразите на рисунке векторы, равные:

a)  $\vec{CD} + \vec{B_1C_1} + \vec{DD_1} + \vec{AB}$ ; б)  $\vec{BD_1} - \vec{B_1C_1}$

2. В тетраэдре  $DABC$  точка  $T$  – середина ребра  $AC$ , точка  $K$  – середина отрезка  $DT$ .

Выразите вектор  $\vec{BK}$  через векторы  $\vec{BA} = \vec{a}$ ,  $\vec{BC} = \vec{c}$ ,  $\vec{BD} = \vec{d}$ .

3. Дан параллелепипед  $ABCDA_1B_1C_1D_1$ . Точка  $N$  лежит на  $C_1A_1$  причем  $C_1N : NA_1 = 2 : 5$ , а  $M \in C_1C$ , причем  $C_1M : MC = 3 : 1$ . Разложите вектор  $\vec{MN}$  по векторам  $\vec{CB}$ ,  $\vec{CC_1}$  и  $\vec{CD}$ .

**Самостоятельная работа №27**

**Вариант**

1. Найти периметр треугольника с координатами вершин  $A(3; -2; 1)$   $B(-2; 1; 3)$   $C(1; 3; -2)$ .

2. Даны координаты середин сторон треугольника  $MNP$ , если  $M(-1; 4; 2)$ .

$N(1; 3; 4)$   $P(2; 7; -1)$ . Найти координаты вершин этого треугольника.

**Вариант**

1. Даны 2 вершины параллелограмма ABCD A(4 ; -3 ; 1) B (-3 ; 2 ; 5)

и точка пересечения его диагоналей Q (1 ; 0 ; -2). Найти другие вершины параллелограмма.

2. Найти координаты точек симметричные точкам A (7 ; -3 ; 1) B (2 ; 4 ; -5) относительно :

- a) плоскости xy
- б) плоскости xz
- в) оси x
- г) оси y

### Самостоятельная работа № 28

1. Составьте уравнение прямой, проходящей через точку M (2 ; 1 ; 3) и параллельной вектору  $\vec{A} = (4 ; -5 ; -6)$

2. Вычислите острый угол между двумя прямыми:

$$\frac{x-3}{2} = \frac{y-1}{1} = \frac{z+4}{2} \text{ и } \frac{x+1}{12} = \frac{y+3}{3} = \frac{z-2}{4}$$

### Самостоятельная работа № 29

1. Дан тетраэдр ABCD. Докажите, что  $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC} = \overrightarrow{BD} + \overrightarrow{AC}$ .

2. Вычислить длину вектора  $3\vec{A} + 2\vec{B}$ , если  $\vec{A} = (2 ; 0 ; 0)$   $\vec{B} = (1 ; 1 ; -1)$ .

### Самостоятельная работа №30

1. Найти скалярное произведение векторов  $\vec{A} = (4 ; -3 ; 1)$   $\vec{B} = (5 ; -2 ; -3)$ .

2. Даны векторы  $\vec{A} = (4 ; -3 ; 1)$   $\vec{B} = (5 ; -2 ; -3)$  Найти угол между ними.

### Самостоятельная работа №31

1. Доказать, что точки A (2 ; 4 ; -4) B (1 ; 1 ; -3) C (-2 ; 0 ; 5) D (-1 ; 3 ; 4)

являются вершинами параллелограмма и вычислить величину угла между его диагоналями.

2. Вычислите, перпендикулярны ли плоскости

$$2x - 5y + z + 4 = 0$$

$$3x + 2y + 4z - 1 = 0$$

## Тема 7. Основы тригонометрии

### Контрольная работа «Преобразования тригонометрических выражений»

#### Вариант

- Замените тригонометрической функцией угла  $\alpha$ :  
а)  $\sin(\pi/2-\alpha)$ ; б)  $\cos(2\pi-\alpha)$ ; в)  $\operatorname{ctg}(\pi+\alpha)$ .
  - Известно, что  $\pi/2 < \alpha < \pi$ . Найдите  $\sin\alpha$ ,  $\operatorname{tg}\alpha$  и  $\operatorname{ctg}\alpha$ , если  $\cos\alpha = -0,6$ .
  - Зная, что  $\sin\alpha = 0,8$ ,  $\cos\beta = 0,6$ ,  $\alpha$  и  $\beta$  – углы I четверти, найдите значения выражений: а)  $\sin(\alpha+\beta)$ ; б)  $\cos(\alpha-\beta)$ ; в)  $\sin 2\alpha$ .
  - Найдите значение выражения:  

$$\frac{\cos 68^\circ - \cos 22^\circ}{\sin 68^\circ - \sin 22^\circ}$$
  - Упростите выражение:  $\frac{\sin 2\alpha}{\sin \alpha}$
- Вариант**
- Замените тригонометрической функцией угла  $\alpha$ :  
а)  $\cos(3\pi/2+\alpha)$ ; б)  $\sin(2\pi+\alpha)$ ; в)  $\operatorname{tg}(\pi/2-\alpha)$ .
  - Известно, что  $\pi/2 < \alpha < \pi$ . Найдите  $\cos\alpha$ ,  $\operatorname{tg}\alpha$  и  $\operatorname{ctg}\alpha$ , если  $\sin\alpha = 1/3$ .
  - Зная, что  $\sin\alpha = 8/17$ ,  $\cos\beta = 4/5$ ,  $\alpha$  и  $\beta$  – углы I четверти, найдите значения выражений: а)  $\sin(\alpha - \beta)$ ; б)  $\cos(\alpha + \beta)$ ; в)  $\cos 2\alpha$ .
  - Найдите значение выражения:  

$$\frac{\sin 130^\circ + \sin 110^\circ}{\cos 130^\circ + \cos 110^\circ}$$
  - Упростите выражение:  $\frac{\sin 2\alpha}{2 \cos \alpha}$

### Самостоятельная работа №32

- Дано:  $\cos \alpha = \frac{15}{17}$        $0 < \alpha < \frac{\pi}{2}$       Найдите:  $\operatorname{tg} \alpha$ ,  $\sin \alpha$ ,  $\operatorname{ctg} \alpha$
- Дано:  $\operatorname{ctg} \alpha = 2$        $-\frac{17}{2}\pi < \alpha < -\frac{15\pi}{2}$       Найти:  $\operatorname{tg} \alpha$ ,  $\sin \alpha$ ,  $\cos \alpha$
- Определить знак числа:  $\operatorname{tg} \alpha \frac{46}{5}\pi \operatorname{tg} \alpha (-\frac{136}{7}\pi)$
- Дано:  $\sin \alpha \cdot \cos \alpha = \frac{1}{4}$        $2\pi < \alpha < 3\pi$       Найти:  $\sin \alpha + \cos \alpha$
- Найти значение выражения:  

$$\sin^2 11^\circ + \sin^2 79^\circ$$

### Самостоятельная работа №33

- Найдите значение выражения:  
 а) 
$$\frac{\sin^2 8^\circ + \sin^2 82^\circ}{\cos^2 51^\circ + \cos^2 39^\circ} =$$
- Сравните числа:  $\cos 14^\circ \cos 74^\circ$  и  $\frac{1}{2}$
- Дано:  $2 \sin \alpha - 2 \sin \alpha = 1$       Найдите:  $\sin \alpha \cos \alpha$
- Определите значение выражения:  
 а) 
$$\frac{\sin^2 35^\circ + \cos^2 35^\circ}{\operatorname{tg} 35^\circ + \operatorname{ctg} 35^\circ}$$
- Найдите значение выражения:  
 а) 
$$\frac{\sin^3 24^\circ + \cos^3 24^\circ}{\sin 24^\circ + \cos 24^\circ} - \frac{\sin^2 24^\circ + \cos^2 24^\circ}{\operatorname{tg} 24^\circ + \operatorname{ctg} 24^\circ}$$

### Самостоятельная работа № 34

1. Найдите значения выражений:

a)  $\frac{2\cos 13^\circ \cos 43^\circ - \cos 56^\circ}{2\sin 58^\circ \cos 13^\circ - \sin 71^\circ} =$

б)  $\frac{\cos(3\alpha - \frac{21\pi}{4})}{\sin(3\alpha - \frac{21\pi}{4})}$

в)  $\operatorname{ctg}(\frac{\pi}{4} + 15\alpha) + \operatorname{tg}(-\frac{\pi}{2} - 27\alpha)$  при  $\alpha = \frac{\pi}{12}$

г)  $\sin \frac{3\pi}{4} \cos \frac{\pi}{4} + \cos \frac{3\pi}{4} \sin \frac{\pi}{4}$

д)  $\frac{\operatorname{tg} \frac{7\pi}{15} - \operatorname{tg} \frac{2\pi}{15}}{1 + \operatorname{tg} \frac{7\pi}{15} \cdot \operatorname{tg} \frac{2\pi}{15}}$

### Самостоятельная работа №35

1. Упростите выражение:

а)  $\frac{2\cos 10\cos 70 - \cos 80}{2\sin 40\cos 10 - \sin 50}$

2. Вычислите значение выражения при  $\alpha = \frac{\pi}{12}$

$\operatorname{ctg}(\frac{\pi}{4} - 21\alpha) + \operatorname{tg}(-\frac{5\pi}{2} - 15\alpha)$

3. Упростите выражение:

а)  $\frac{\sin(2\alpha + \frac{3\pi}{4})}{\cos(2\alpha + \frac{21\pi}{4})}$

4. Сравните числа:

а)  $\sin^2 6 + \cos^2 9$  и  $\cos^2 6 + \sin^2 9$

5. Найдите значение  $\sin^6 \alpha + \cos^6 \alpha$ , если  $\sin \alpha + \cos \alpha = -\frac{1}{2}$

### Самостоятельная работа №36

1. Доказать тождество:

а)  $\frac{\sin 3\alpha}{\sin \alpha} - \frac{\cos 3\alpha}{\cos \alpha} = 2$

б)  $1 + \cos 2\alpha + 2\sin^2 \alpha = 2$

2. Вычислить:

а)  $\cos \alpha$ , если  $\sin \frac{\alpha}{2} = \frac{24}{25}$   $\alpha \in (\frac{\pi}{2}; \pi)$

б)  $\sin 2\alpha$ , если  $\sin \alpha = \frac{3}{5}$   $\alpha \in (\frac{\pi}{2}; \pi)$

в)  $\operatorname{tg} \alpha$ , если  $\cos \frac{\alpha}{2} = \frac{1}{2}$   $\alpha \in (0; \frac{\pi}{2})$

### Самостоятельная работа № 37

1. Доказать тождество:

a)  $\frac{\cos 2\alpha}{1+\sin 2\alpha} = \frac{1-\tan \alpha}{1+\tan \alpha}$

б)  $2 \cos(45^\circ + \alpha) \cdot \cos(45^\circ - \alpha) = \cos 2\alpha$

2. Вычислить:

a)  $\sin \alpha$ , если  $\sin \frac{\alpha}{2} = -\frac{7}{25}$   $\alpha \in (\pi; \frac{3\pi}{2})$

б)  $\cos \frac{\alpha}{2}$ , если  $\sin \alpha = \frac{\sqrt{3}}{2}$   $\alpha \in (\frac{\pi}{2}; \pi)$

в)  $\tan 2\alpha$ , если  $\cos \alpha = \frac{4}{5}$   $\alpha \in (0; \frac{\pi}{2})$

### Самостоятельная работа № 38

1. Вычислить:

a)  $\sin 2\alpha$ , если  $\sin \alpha = \frac{\sqrt{3}}{2}$   $\alpha \in (\pi; \frac{3\pi}{2})$

б)  $\tan \frac{\alpha}{2}$ , если  $\cos \alpha = -\frac{7}{25}$   $\alpha \in (\pi; \frac{3\pi}{2})$

в)  $\cos \frac{\alpha}{2}$ , если  $\sin \alpha = \frac{\sqrt{3}}{2}$   $\alpha \in (\frac{\pi}{2}; \pi)$

2. Доказать тождество :

a)  $\frac{2\tan \alpha}{1-\tan^2 \alpha} \cdot 3 \cot 2\alpha = 3$

б)  $2 \sin 2\alpha \cdot \frac{1-\tan^2 \alpha}{1+\tan^2 \alpha} = \sin 4\alpha$

### Самостоятельная работа №39

1. Преобразовать в произведение:

a)  $\sin 75^\circ + \sin 15^\circ =$

б)  $\cos \frac{5\pi}{12} - \cos \frac{\pi}{12} =$

2. Преобразовать в сумму:

а)  $\sin 52^\circ 30' \cdot \cos 7^\circ 30'$

б)  $8 \cos 7\alpha \cdot \cos 3\alpha$

3. Доказать тождество:

a)  $\frac{\sin \alpha + \sin 3\alpha}{\cos \alpha + \cos 3\alpha} = \tan 2\alpha$

б)  $\frac{\tan \alpha + \tan \beta}{\tan \alpha \cdot \tan \beta} - \frac{\sin(\alpha + \beta)}{\sin(\alpha - \beta)} = 0$

### Самостоятельная работа № 40

1. Преобразовать в произведение:

а)  $\sqrt{3} - 2 \sin \alpha$

б)  $\sin \frac{5\pi}{12} - \sin \frac{\pi}{12}$

2. Преобразовать в сумму:

а)  $\cos 37^\circ 30' \cdot \cos 7^\circ 30'$

б)  $12 \sin(-9\alpha) \cdot \sin 4\alpha$

3. Доказать тождество:

а)  $\sin \alpha - 2 \sin(\frac{\alpha}{2} - 15^\circ) = \frac{1}{2}$

б)  $\frac{\sin(\alpha + \beta) + \sin(\alpha - \beta)}{\sin(\alpha + \beta) - \sin(\alpha - \beta)} = \tan \alpha \cdot \cot \beta$

### Самостоятельная работа №41

Обратные тригонометрические функции.

1. Вычислить:

$$\frac{1}{3} \arcsin \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\arcsin \left( -\frac{1}{2} \right)$$

$$\arccos(-1)$$

$$\arctg(-\sqrt{3})$$

2.

$$\arccos \frac{1}{2} + \arctg(-1) =$$

$$\arcsin 1 - \arccos 0 =$$

3.

$$a) \frac{\arcsin \frac{\sqrt{2}}{2} - \arccos(-\frac{1}{2})}{3 \arctg 1}$$

$$б) \sin(\arcsin \frac{1}{2}) =$$

$$в) \cos(\arctg 1) =$$

**Самостоятельная работа № 42**

1. Решить уравнение:

$$\cos x = -\frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\sin(x + \frac{\pi}{6}) = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\operatorname{tg}(2x - \frac{\pi}{4}) = \sqrt{3}$$

$$\sin \frac{x}{3} = 1$$

2.

$$2 \cos^2 x + \cos x - 1 = 0$$

3.

$$4 \cos^2 x - 3 = 0$$

**Самостоятельная работа № 43 «Решение тригонометрических уравнений и неравенств»**

**Вариант**

1. Решить уравнение:

$$a) 3 \sin \frac{x}{3} = 0$$

$$б) 4 \cos 3x + 4 = 0$$

$$в) 3 \operatorname{tg}(x + 2) = 0$$

$$г) \sin(\pi/6 + x/2) + 1 = 0$$

$$д) \sqrt{2} \cos(2x - \pi/5) - 1 = 0$$

$$е) 4\sqrt{3} \sin(3x - 3\pi/8) - 6 = 0$$

$$ж) \sqrt{3}/\cos(3x - \pi/3) = 2$$

2. Найдите корни уравнения  $\sin \frac{x}{3} = -\frac{1}{2}$  на отрезке  $[0; 3\pi]$

3. Решить неравенство:

$$a) \sin x < -0,5; б) \cos x > 0,5; в) \operatorname{tg} x \leq -3$$

**Вариант**

Решить уравнение:

$$a) 0,5 \cos 2x = 0$$

$$б) 5 \sin 5x - 5 = 0$$

$$в) \operatorname{ctg}(x - 3) = 0$$

$$г) \cos(\pi/4 + x/3) - 1 = 0$$

$$д) \sqrt{2} - 2 \sin(5x - \pi/3) = 0$$

$$е) 6\sqrt{3} \cos(2x + 3\pi/4) + 9 = 0$$

$$ж) 1/\sin(4x + \pi/6) = 2$$

2. Найдите корни уравнения  $\cos \frac{x}{2} = \frac{1}{2}$  на отрезке  $[0; 4\pi]$

3. Решить неравенство:

а)  $\sin x > 0,5$ ; б)  $\cos x < -0,5$ ; в)  $\operatorname{tg} x \geq 2$

## Тема 8. Функции и графики

### Проверочная работа №1 «Функции, их свойства»

#### Вариант

1. Данна функция  $f(x) = x + \frac{1}{x}$ ;

Сравните: а)  $f(3)$  и  $f(\frac{1}{2})$ ; б)  $f(-5)$  и  $f(-0,2)$ .

2. Найти область определения функции:

а)  $y = \frac{3}{x+7}$ ; б)  $y = \sqrt{3-x}$ ; в)  $y = \frac{3}{x^2-4}$ .

3. Докажите, что функция:

а)  $f(x) = x^4 - 2x^2 - \sin^2 3x$  является четной;

б)  $f(x) = x^3 - 3x + \sin 2x$  является нечетной.

4. По графику функции (карточка) определить:

а) промежутки возрастания и убывания;

б) точки максимума и минимума;

в) экстремумы функции.

5. Данна функция  $f(x) = 4x + 1$  с областью определения  $D: x \geq 0$ . Запишите обратную к ней функцию в виде  $y = g(x)$ , указав её область определения. Постройте на одном чертеже графики функций  $f(x)$  и  $g(x)$ .

#### Вариант

1. Данна функция  $f(x) = -x + \frac{1}{x}$ ;

Сравните: а)  $f(6)$  и  $f(-0,25)$ ; б)  $f(2)$  и  $f(-0,5)$ .

2. Найти область определения функции:

а)  $y = \frac{8}{x-10}$ ; б)  $y = \sqrt{3+x}$ ; в)  $y = \frac{5}{3x^2-2x}$ .

3. Докажите, что функция:

а)  $f(x) = \sqrt{\frac{1-x^2}{1+x^2}}$  является четной;

б)  $f(x) = 7x^3 + \square \square \square \frac{x}{2}$  является нечетной.

4. По графику функции (карточка) определить:

а) промежутки возрастания и убывания;

б) точки максимума и минимума;

в) экстремумы функции.

5. Данна функция  $f(x) = 2x + 1$  с областью определения  $D: x \geq 0$ . Запишите обратную к ней функцию в виде  $y = g(x)$ , указав её область определения. Постройте на одном чертеже графики функций  $f(x)$  и  $g(x)$ .

## Самостоятельная работа № 44

1. Найдите область определения функции:

a)  $y = \frac{1}{\sqrt{x-1}}$

b)  $y = \frac{4x^2}{\sin x + 1}$

c)  $y = \frac{\sqrt{x+2}}{3-2x}$

2. Найдите область значений функции:

a)  $y = \frac{3}{x+1} - 1$

b)  $y = \sin 3x - 1$

c)  $y = 1,5 - 0,5 \cos^2 x$

### Самостоятельная работа №45

1. Найдите область определения функции:

$$y = \frac{3}{\sqrt{x^2 - 4}}$$

$$y = \frac{\sqrt{4-x^2}}{1-2x}$$

$$y = \frac{6x^2}{\sin x - 1}$$

2. Найдите область значений функции:

$$y = 2,5 - 0,5 \sin^2 x$$

$$y = \cos 4x - 1$$

$$y = \frac{x-1}{x}$$

### Самостоятельная работа № 46

1. Функция  $f$  - возрастающая, сравните:

a)  $f(3)$  и  $f(-4)$

б)  $f(\frac{1}{8})$  и  $f(\frac{1}{5})$

2. Найдите промежутки возрастания и убывания функции:

a)  $y(x) = 2x - 3$

б)  $y(x) = -x + 1$

3. Определить четность или нечетность функции:

a)  $y = x^2 + 4$

б)  $y = 2x^2 + x^6$

в)  $y = x^3 + x^2 + 1$

г)  $y = -x^3 + x$

### Самостоятельная работа № 47

1. Функция  $f$  - убывающая, сравните:

a)  $f(\frac{1}{4})$  и  $f(\frac{1}{8})$

б)  $f(-4)$  и  $f(-6)$

2. Найдите промежутки возрастания и убывания функции:

a)  $f(x) = -x + 1$

б)  $f(x) = (x + 2)^2$

3. Определить четность или нечетность функции:

a)  $y = |x|$

б)  $y = \sin^3 x$

в)  $y = \frac{x^2}{x-3}$

г)  $y = \frac{x^3}{x+x^5}$

### Самостоятельная работа № 48

1. Какие функции из данных являются возрастающими, а какие убывающими:

a)  $y = 0,5^x$

б)  $y = \pi^x$

в)  $y = \left(\frac{2}{3}\right)^x$

г)  $y = 49^{-x}$

2. Найдите область определения функции:

а)  $y = \frac{x}{a^{-1}+x^2}$

б)  $y = \operatorname{atg} x$

в)  $y = a^{\sqrt{2x}}$

3. Найдите область значений функции:

$y = \pi^x$   $y = 2^{\cos x}$

4. Сравните с единицей:

а)  $2^{-1}$ ; б)  $(\frac{1}{2})^{-5}$ ; в)  $(\frac{3}{5})^{\frac{-2}{3}}$

### Самостоятельная работа № 49

1. При каких  $x$  имеет смысл функция:

а)  $y = \log_3 x^2$ ; б)  $y = \log_5 (-x)$ ;

2. Какие из точек А(8;3), В(- $\frac{1}{4}$ ;1), С(16;2), Д( $\frac{1}{64}$ ;-3) принадлежит графику функции

$= \log_x 4$

у

3. Данна функция  $y = \log_2(x - 2)$ . Какие значения принимает  $y$ , если  $2,5 \leq x \leq 10$

4. Какие из данных функций являются возрастающими:

а)  $y = \log_5 x$ ; б)  $y = \log_{\sqrt{3}} x$ ; в)  $y = \log_{\square} x$ ; г)  $y = \log_{0,7} x$

5) Что больше:

$\log_2 15$  или  $15 \log_2 20$ ; )  $\log_{0,2} 0,4$  или  $\log_{0,2} 0,6$

### Самостоятельная работа № 50

1. Сравните выражения:

$\lg 0,7$  и  $\lg \frac{8}{11}$

и  $\lg \sqrt{5}$  и  $\lg 2,5$

2. Что можно сказать об «а», если:

а)  $\log_a 8 = 3,4$  б)  $\log_a 7 = -2$

3. Вычислите: а)  $\log_3 12$ , если  $\log_3 4 = b$ ; б)  $\log_5 4$ , если  $\log_5 2 = a$

4. Выразите  $\lg 8$  через  $\lg 2$

5. Прологарифмируйте по основанию 2 ( $a > 0$ ;  $b > 0$ )  $y = 8a^3$ ;  $y = 2a\sqrt{\square}$

## Тема 9. Многогранники и круглые тела

### Проверочная работа №2 «Призма. Пирамида»

#### Вариант

1. В прямом параллелепипеде стороны основания равны 6м и 8м, образующий угол 300, боковое ребро 5м. Определить полную поверхность параллелепипеда.

2. В наклонной треугольной призме расстояние между боковыми рёбрами равны 10см, 17см и 21см, а боковая поверхность равновелика перпендикулярному сечению. Определить боковое ребро.

3. Боковая поверхность конуса  $15\pi$  см<sup>2</sup>, а радиус основания 3см. Найти объём конуса.

**Вариант**

1. Определить боковую поверхность правильной четырёхугольной пирамиды, если её высота равна 4см, а сторона основания 6см.
2. В прямой треугольной призме стороны основания 18см, 20см и 34см, а боковая поверхность равновелика основанию. Определить высоту призмы.
3. Боковая поверхность цилиндра  $30\pi \text{ см}^2$ . Радиус его основания 3см. Найдите объём

**Самостоятельная работа № 51**

1. В прямоугольном параллелепипеде  $S$  основания равна  $32\text{см}^2$ , а диагональ основания  $4\sqrt{5}$  см. Найти диагональ параллелепипеда, если его высота 5см.
2. Найти полную поверхность прямого параллелепипеда со сторонами основания 4см и 6см, острым углом в основании  $300^\circ$  и высотой 10 см.

**Самостоятельная работа №52**

вариант

1. В правильной четырехугольной усеченной пирамиде стороны основания 8м и 2м. Высота 4 м. Найти полную поверхность.
2. Стороны основания правильной треугольной усеченной пирамиды 6дм и 12дм. Высота 1дм. Найти боковую поверхность.

вариант

1. Найти площадь боковой поверхности правильной четырехугольной пирамиды со стороной 6см и высотой 5см.
2. В правильной треугольной пирамиде площадь основания равна  $100\sqrt{3} \text{ см}^2$ , а высота 12см. Найти площадь боковой поверхности.

**Самостоятельная работа № 53**

вариант

1. Построить сечение четырехугольной правильной призмы, проходящее через середины сторон АВ и ВС и точку D<sub>1</sub>
2. Построить сечение треугольной призмы ABCA<sub>1</sub>, проходящее через АС и точку B<sub>1</sub>.

вариант

- 1.Построить сечение правильной четырехугольной пирамиды, проведенное через середины сторон основания, параллельное высоте.
2. Вычислить площадь диагонального сечения правильной четырехугольной пирамиды со стороной 4см и боковым ребром 6 см.

**Самостоятельная работа № 54**

1. Найти боковую поверхность правильной треугольной призмы, площадь основания которой равна  $16\sqrt{3} \text{ см}^2$ , а высота 10 см.
2. Найти диагональ правильной четырехугольной призмы, периметр основания которой 16 см, а высота 10 см.

**Самостоятельная работа № 55****Вариант**

1. Объем куба 8 дм<sup>3</sup>. Найти его поверхность.
2. Высота пирамиды 6 см, а ребро 10 см. Найти объем пирамиды.

**Вариант**

1. Найти объем правильной треугольной пирамиды со стороной основания 4 см и высотой 8см.
2. Найти объем параллелепипеда , с основанием в виде параллелограмма и длиной 6 и 8 см и углом в 300°, а боковое ребро наклонено к плоскости основания под углом 60° и равно 10 см.

**Самостоятельная работа №56**

- Радиус основания цилиндра 2м, высота 3 м. Найти диагональ осевого сечения и площадь диагонального сечения.
- Площадь основания цилиндра относится к площади осевого сечения, как  $\pi: 4$ . Найти угол между диагоналями осевого сечения.

#### **Самостоятельная работа № 57**

- Высота цилиндра на 10 см больше радиуса основания, а полная поверхность равна  $144\pi \text{ см}^2$ . Определить радиус основания и высоту.
- Найти отношение боковой поверхности цилиндра к площади его осевого сечения.

#### **Самостоятельная работа № 58**

- Образующая конуса 12 см наклонена к плоскости основания под углом 300. Найти S осевого сечения.
- Поверхность конического шпиля башни равна  $250 \text{ м}^2$ . Найти высоту шпиля.

#### **Самостоятельная работа № 59**

- Шар радиуса 41 см, пересечен плоскостью на расстоянии 9 дм от центра. Определить площадь сечения.
- Радиус шара 63 см. Точка находится на касательной плоскости на расстоянии 16 см от точки касания. Найти ее кратчайшее расстояние от поверхности шара.

### **Тема 10. Начала математического анализа**

#### **Проверочная работа № 3 «Производная функции»**

##### **Вариант**

- По определению найти производную функции  $f(x) = 3x^2 - 2x$
- Используя формулы дифференцирования, найти производную функции  $f(x)$  в точке  $x_0$ , если:  
 а)  $f(x) = 2x^3 - 4x + 3; x_0 = 2$   
 б)  $f(x) = 2\sin x + \operatorname{tg} x - \cos x; x_0 = \frac{\pi}{3}$   
 в)  $f(x) = (5 - 3x)^7; x_0 = 2$ .

3. Решить неравенство:

$$f'(x) < 0, \text{ если } f(x) = x^2 - x^3$$

4. Найдите производную функции:

$$\text{а) } y = (x^2 + 3)^*(x^4 - 1); \text{ б) } y = \frac{x^2}{x^2 - 1}; \text{ в) } y = \operatorname{tg}(2x + \frac{\pi}{3}).$$

- Материальная точка движется по закону  $x(t) = t^2 - 2t^3$ . Найти скорость и ускорение в момент времени  $t=2$  с. (Перемещение измеряется в метрах)

##### **Вариант**

- По определению найти производную функции  $f(x) = 2x^3 - 3x^2$
- Используя формулы дифференцирования, найти производную функции  $f(x)$  в точке  $x_0$ , если:  
 а)  $f(x) = x^3 - 3x + 2; x_0 = -1$   
 б)  $f(x) = -\sin x + \operatorname{ctg} x + 2 \cos x; x_0 = \frac{\pi}{6}$   
 в)  $f(x) = (2x + 3)^5; x_0 = 0$ .

3. Решить неравенство:

$$f'(x) > 0, \text{ если } f(x) = x^2 + x^3$$

4. Найдите производную функции:

$$\text{а) } y = (x^2 - 2)^*(x^7 + 4); \text{ б) } y = \frac{x}{x^2 + 1}; \text{ в) } y = \cos(9x - 10).$$

- Материальная точка движется по закону  $x(t) = t^3 - 4t^2$ . Найти скорость и ускорение в момент времени  $t=5$  с. (Перемещение измеряется в метрах)

### **Самостоятельная работа № 60**

Вычислить производные функции:

$$1) f(x) = 3x^2 + 8x + 1$$

$$2) f(x) = (x^2 + 1)x$$

$$3) f(x) = \frac{x}{x^3 + 2}$$

$$4) f(x) = (x^2 + 3x - 5)^4$$

$$5) f(x) = \cos 5x + \sqrt{2}$$

### **Самостоятельная работа № 61**

Вычислить производные функции:

$$1) f(x) = \frac{3}{x^2} + 6x + 8$$

$$2) f(x) = 2\sqrt{x} + \frac{3}{\sqrt[3]{x}}$$

$$3) f(x) = \cos 7x + 3$$

$$4) f(x) = 2\tg \frac{x}{4} + 8$$

$$5) f(x) = (x+1)\sqrt{x}$$

### **Самостоятельная работа № 62**

1. Найти  $\tg$  угла наклона касательной к графику функции  $y=x^2-3x$  в точке с абсциссой  $x_0=1$ .
2. Найти  $\tg$  угла наклона касательной к графику функции  $y=\sin 2x$  в точке с абсциссой  $x_0=\frac{\pi}{4}$ .
3. Найти точки графика функции  $f$ , в которых касательная параллельна оси абсцисс  $f(x)=x^3-3x^2+3x$ .
4. Найти точки графика функции  $f$ , в которых касательная наклонена к оси ох под углом  $45^\circ$   $f(x)=3x^2+6x$ .

### **Самостоятельная работа № 63**

1. Найти острый угол, под которым парабола  $y=x^2-4$  пересекает ось абсцисс.
2. Зависимость пути от времени задана уравнениями:  $S_1 = \frac{1}{3}t^3 + 2t^2 - 45$ ;  $S_2 = \frac{1}{2}t^2 + 4t + 118$ . В какой момент скорости их движения будут равными?
3. Найти промежутки возрастания и убывания функции:  $y = \frac{1}{3}x^3 - \frac{5}{2}x^2 + 6x$
4. Построить схематически график функции  $y = \frac{1}{3}x^3 - 2x^2$

## Тема 11. Интеграл и его применение

### Проверочная работа № 4 «Первообразная. Интеграл»

#### Вариант

1. Вычислить определенный интеграл:  $\int_0^2 (4x^2 + x - 3) dx$
2. Вычислить определенный интеграл методом подстановки:  $\int_2^3 (2\Box - 1)^3 d\Box$
3. Вычислить, предварительно сделав рисунок, площадь фигуры, ограниченной линиями:  $y = -x^2 + 4$ ,  $y = 0$ ,  $x = -2$ ,  $x = 2$ .
4. Найти объем тела, полученного при вращении вокруг оси абсцисс криволинейной трапеции, ограниченной линиями:  
 $y = \sqrt{x}$ ,  $y = 0$ ,  $x = 1$ ,  $x = 4$ .
5. Скорость движения точки изменяется по закону  $v = 3t^2 + 2t + 1$  (м/с). Найти путь  $S$ , пройденный точкой за 10 с от начала движения.

#### Вариант

1. Вычислить определенный интеграл:  $\int_0^3 (2x^2 - x + 4) dx$
2. Вычислить определенный интеграл методом подстановки:  $\int_0^1 (3\Box + 1)^4 d\Box$
3. Вычислить, предварительно сделав рисунок, площадь фигуры, ограниченной линиями:  $y = -x^2 + 1$ ,  $y = 0$ ,  $x = -1$ ,  $x = 1$ .
4. Найти объем тела, полученного при вращении вокруг оси абсцисс криволинейной трапеции, ограниченной линиями:  $y = \sqrt{x}$ ,  $y = 0$ ,  $x = 0$ ,  $x = 1$ .
5. Скорость движения точки изменяется по закону  $v = 9t^2 - 8t$  (м/с). Найти путь  $S$ , пройденный точкой за четвертую секунду.

### Самостоятельная работа № 64

Найдите первообразные функции:

a)  $f(x) = x^4 - x^2 + x - 1$

b)  $f(x) = \frac{3}{x^4} + \frac{2}{x^2} - x + 5$

c)  $f(x) = \sin 6x + 2$

d)  $f(x) = \frac{1}{2} \cos 4x + \sqrt{3}$

e)  $f(x) = 8 \sin \frac{x}{4} + \frac{1}{\sin^2 x}$

### Самостоятельная работа № 65

Вычислить интегралы:

a)  $\int \frac{dx}{\cos^2 x} =$

b)  $\int (x+1)^2 dx =$

c)  $\int (\sin 6x + \cos 2x) dx =$

d)  $\int (\sin^2 x + \cos^2 x) dx =$

e)  $\int (3\sqrt[4]{x^3} + 5) dx =$

### **Самостоятельная работа № 66**

Для функции  $f(x) = \frac{1}{x^2}$  найдите первообразную  $F(x)$ , принимающую заданное значение в указанной точке:

- a)  $f(x) = \frac{1}{x^2}; F\left(\frac{1}{2}\right) = -12$
- b)  $f(x) = \frac{1}{\cos^2 x}; F\left(\frac{\pi}{4}\right) = 0$
- c)  $f(x) = x^3; F(-1) = 2$
- d)  $f(x) = \sin x; F(-\pi) = -1$
- e)  $f(x) = \sin\left(x + \frac{\pi}{3}\right); F\left(\frac{2}{3}\pi\right) = -1$

### **Самостоятельная работа № 67**

1. Вычислить интегралы:

- a)  $\int_1^2 (4x^3 - 6x^2 + 2x + 1) dx$
- б)  $\int_2^4 \frac{dx}{x-1}$
- в)  $\int_0^{\frac{\pi}{2}} \sqrt{2\sin x + 1} \cos x dx$
- г)  $\int_0^{\frac{\pi}{2}} \frac{\sin x}{1 + \cos^2 x} dx$

### **Самостоятельная работа №68**

#### **Вариант**

1. Найдите объём тела, полученного при вращении вокруг оси абсцисс фигуры, ограниченной линиями:  $y = x^2 + 1$ ,  $x = 0$ ,  $x = 1$ ,  $y = 0$ .
2. Какую работу надо затратить на сжатие пружины на 4 см, если известно, что сила в 2 Н сжимает эту пружину на 1 см?

#### **Вариант**

1. Найдите объём тела, полученного при вращении вокруг оси абсцисс фигуры, ограниченной линиями:  $y = 1 - x^2$ ,  $y = x$ .
2. Сила в 4 Н растягивает пружину на 8 см. Какую работу надо произвести, чтобы растянуть пружину на 8 см?

### **Самостоятельная работа №69**

#### **Вариант**

1. Выведите формулу объёма шарового сегмента радиуса  $R$  и высоты  $H$ .
2. Пусть  $V$  – объём шара радиуса  $R$ , а  $S$  – площадь его поверхности. Найдите  $R$  и  $S$ , если  $V = 113,04 \text{ см}^3$ .
3. Диаметр Луны составляет  $\approx$  четвёртую часть диаметра Земли. Сравните объёмы Луны и Земли, считая их шарами.

#### **Вариант**

1. Выведите формулу объёма усечённого конуса высотой  $H$  с радиусами оснований  $R$  и  $r$ .
2. Пусть  $V$  – объём шара радиуса  $R$ , а  $S$  – площадь его поверхности. Найдите  $R$  и  $V$ ,

если  $S = 64\pi \text{ см}^2$ .

3. Шар и цилиндр имеют равные объёмы, а диаметр шара равен диаметру основания цилиндра. Выразите высоту цилиндра через радиус шара.

## Тема 12 . Элементы теории вероятностей и математической статистики

### Самостоятельная работа № 70

- Лотерейные билеты пронумерованы целыми числами от 1 до 200 включительно. Какова вероятность того, что номер наудачу взятого билета кратен 7 или 5?
- Вероятность попадания в кольцо данного баскетболиста составляет 0,6. Баскетболист выполнил серию из 4 бросков. Какова вероятность того, что число было равно 3 попаданиям?

### Самостоятельная работа № 71

- Из 5 букв разрезной азбуки составлено слово книга. Ребенок, не умеющий читать, расписал эти буквы, а затем собрал их в произвольном порядке. Найти вероятность того, что у него снова получится слово "книга".
- Для данного баскетболиста вероятность попадания в кольцо при каждом броске составляет 0,4. Чего вероятнее ожидать - попадания 3 мячей при 4 бросках мяча или попадания 4 мячей при 5 бросках мяча, если броски считаются независимыми?

### Самостоятельная работа № 72

- Какова вероятность того, что наудачу выбранное целое число от 40 до 70 является кратным 6?
- Какова вероятность того, что при 5 бросаниях монеты она 3 раза упадет гербом кверху?

### Самостоятельная работа № 73

- Какова вероятность того, что наудачу выбранное целое число от 1 до 30 (включительно) является делителем 30?
- В НИИ работает 120 человек, из них 70 знают английский, 60 - немецкий, 50 - знают оба. Какова вероятность того, что выбранный наудачу сотрудник ни знает не одного иностранного языка?

## Тема 13. Уравнения и неравенства

### Контрольная работа «Уравнения и неравенства»

#### Вариант

№ 1. Решите уравнение:

- $2^{x+4} - 2^x = 120$ ;
- $\log_3(2x+1) = \log_3 13 + 1$

№ 2. Решите уравнение:

a)  $\sqrt{2x^2 + 7} - 2 = x$  ; б)  $\sqrt[3]{9x+1} = 3x+1$

№ 3. Решите систему уравнений:

a) 
$$\begin{cases} \sqrt{5+x} + 3\sqrt{2-y} = 6 \\ 5\sqrt{2-y} - 2\sqrt{5+x} = -1 \end{cases}$$
 б) 
$$\begin{cases} x - y = 85, \\ \log_3(x+y) = 4 \end{cases}$$

№ 4. Решите неравенство:

a)  $\sqrt{x+3} < x+1$ ; б)  $\sqrt{2x^2+7} - 2 \leq x$ ; в)  $\frac{1}{27} \leq 3^{2-x} < 27$  (найдите целые решения неравенства);

г)  $\log_{0,25}(3x-5) > -3$

**Вариант**

№ 1. Решите уравнение:

а)  $9*81^{1-2x} = 27^{2-x}$

б)  $\log_2(2x+1) = \log_2 3 + 1$

№ 2. Решите уравнение:

а)  $\sqrt{5-x^2} + x = 3$ ; б)  $\sqrt[3]{9x-1} = 3x-1$

№ 3. Решите систему уравнений:

а)  $\begin{cases} 2\sqrt{3-y} + \sqrt{4+x} = 4 \\ 3\sqrt{4+x} - 4\sqrt{3-y} = 2 \end{cases}$  б)  $\begin{cases} x-y=60, \\ \log_2(x+y)=6 \end{cases}$

№ 4. Решите неравенство:

а)  $\sqrt{3-2x} \leq 6+x$ ; б)  $\sqrt{5-x^2} + x \geq 3$ ; в)  $0,2 \leq 5^{x+4} \leq 125$  (найдите целые решения неравенства);

в)  $\lg(3x-7) - \lg(x+1) \leq 0$

**Самостоятельная работа №74**

**Вариант**

1. Решить уравнение:

а)  $\frac{1}{x} - \frac{x}{x+1} + \frac{x+1}{x} = 0$

б)  $\frac{x+4}{x-4} + \frac{x-4}{x+4} = \frac{10}{3}$

2. Решить неравенства:

а)  $\frac{x-6}{x-8} \geq 0$  б)  $\frac{5x+4}{7+2x} < 0$

3. Сократить дробь:  $\frac{x^2 + 6x - 7}{x^2 - 7x + 6}$ .

**Вариант**

1. Решить уравнения:

a)  $\frac{6}{x+2} - \frac{x+2}{x-2} + \frac{x^2}{x^2-4} = 0$

б)  $\frac{2x+1}{5} - \frac{2-x}{3} = 2$

2. Решить неравенства:

a)  $x^2 + 2x + 3 > 0$

б)  $\frac{x^2 - 4}{x} < 0$

**Самостоятельная работа №75**

**Вариант**

Решить уравнения и неравенства:

a)  $x + \sqrt{25 - x^2} = 7$

b)  $\sqrt{5 + \sqrt{3 + x}} = 3$

c)  $\sqrt{\frac{x-2}{3x+6}} > 1$

d)  $\sqrt{x+5} + \sqrt{20-x} = 7$

e)  $\sqrt{x^2 - 5x} < \sqrt{6}$

**Вариант**

Решить уравнения и неравенства:

a)  $16 - \sqrt{\frac{2}{3}x} = 12$

b)  $\sqrt{12+x} = \sqrt{7x+8} - 2$

c)  $\sqrt{9-x} \leq 3$

d)  $\sqrt{25-x^2} = x-1$

e)  $\frac{\sqrt{3x^2+1} - \sqrt{2x+1}}{\sqrt{3x^2+1} + \sqrt{2x+1}} = \frac{2}{5}$

**Самостоятельная работа № 76**

**Вариант**

Решить уравнения и неравенства:

- a)  $64 \cdot 2^{\sqrt{q-1}} = 4^{\sqrt{q-1}}$
- b)  $2^y - 2^{y-4} = 15$
- c)  $4^y - 2 \cdot 2^x - 80 = 0$
- d)  $2^x > 2^{x^2-3x}$
- e)  $\left(\frac{1}{64}\right)^x = \sqrt{\frac{1}{8}}$

2 вариант

Решить уравнения и неравенства:

- a)  $\left(\frac{1}{3}\right)^x < \frac{1}{81}$
- b)  $2^{x+3} - 2^x = 112$
- c)  $7^{2x} - 6 \cdot 7^x + 5 = 0$
- d)  $5^x + 125 \cdot 5^{-x} = 30$
- e)  $2^{x^2-7x+12} > 1$

### Самостоятельная работа № 77

#### Вариант

Решить неравенства и уравнения:

- a)  $\log_{x-1}(x^2 - 7x + 41) = 1$
- b)  $\lg x + \lg(x + 3) = 1$
- c)  $x^{\lg x} = 100x$
- d)  $\log_3(x - 3) > 0$
- e)  $\log_2(x - 3) < \log_2 3x$

#### Вариант

Решить уравнения и неравенства

- a)  $\log_x(2x^2 - 3x) = 1$
- b)  $\lg\left(\frac{1}{2} + x\right) = \lg\frac{1}{2} - \lg x$
- c)  $\log_3 x + \log_x 3 = 2$
- d)  $x^{\lg x - 2} = 1000$
- e)  $\lg\frac{x-4}{2-x} > 0$

#### **4. Контрольно-оценочные материалы для промежуточной аттестации по учебной дисциплине ОУДп.04 «Математика»**

**Оценка освоения дисциплины предусматривает сдачу экзамена в виде письменной экзаменационной работы.**

##### **Назначение:**

КОМ предназначен для контроля и оценки результатов освоения учебной дисциплины ОУДп.04. «Математика» по профессии 15.01.05 «Сварщик ручной и частично механизированной сварки»

Работа состоит из двух частей и содержит 18 заданий.

Часть первая содержит 12 заданий обязательного уровня. При их выполнении надо записать решение.

Часть вторая содержит 6 более сложных заданий. При выполнении заданий надо записать решение с обоснованием, выполнить чертежи к заданиям, записать условие задачи.

Время на подготовку и выполнение: 4 часа.

##### **Критерий выставления оценок**

Каждое правильно решенное задание части 1 оценивается в 1 балл.

При выполнении заданий части 2 надо записать полное решение на экзаменационных листах. Каждое верно выполненное задание оценивается в 2 балла

##### **Шкала оценки образовательных достижений**

Результативность в баллах (правильных ответов)	Оценка уровня подготовки	
	Балл (отметка)	Вербальный аналог
19 – 24 б.	5	Отлично
13 – 18 б.	4	Хорошо
8 – 12 б.	3	Удовлетворительно
Менее 8 б.	2	Неудовлетворительно

##### **ПЕРЕЧЕНЬ ВОПРОСОВ ДЛЯ ПОДГОТОВКИ К ЭКЗАМЕНУ**

1. Действительные числа и действия над ними.
2. Корень  $n$ -й степени и его свойства.
3. Степень с рациональным показателем и ее свойства.
4. Логарифм числа и его свойства. Натуральный и десятичный логарифмы.
5. Тригонометрические тождества.
6. Уравнения и неравенства: рациональные, иррациональные, логарифмические, показательные, тригонометрические.
7. Производная функции. Правила дифференцирования.
8. Уравнение касательной.
9. Применение производной к исследованию функции.
10. Первообразная функции и ее свойства.
11. Формулы и правила нахождения первообразных.
12. Интеграл. Применение интеграла для вычисления площади фигуры.
13. Теория вероятностей.
14. Многогранники и тела вращения.

## ПЕРЕЧЕНЬ ПРАКТИЧЕСКИХ ЗАДАНИЙ ДЛЯ ПОДГОТОВКИ К ЭКЗАМЕНУ

1) Арифметические операции над действительными числами

Найдите значение числового выражения:

a)  $\left(-\frac{1}{5} + 7\frac{3}{8}\right) \cdot 0,4$ ; б)  $\left(3,2 - \frac{3,6}{9}\right) : 280 - 1$ .

2) Корни, степени и логарифмы.

Вычислите:

а)  $3^6 \cdot 5^7 : 15^6$ ; б)  $9 \cdot 5^{\log_5 4}$ ; в)  $\sqrt{8 \cdot 128}$ ; г)  $(216^{\frac{-1}{3}} \cdot (\frac{1}{6})^{-2} \cdot 5^{-1} \cdot (\frac{1}{25})^{\frac{-1}{2}})$ ; д)  $(\log_2 20 - \log 25 + 3 \log 38) \lg 7$ .

3) Найти значение выражения:  $\frac{6 \sin 32^\circ \cdot \cos 32^\circ}{\sin 64^\circ}$

4) На студенческой конференции будут выступать 3 докладчика из группы 2МЛ, 2 из группы 2МТО и 5 из группы 2ПЖТ. Найдите вероятность того, что последним будет выступать докладчик из группы 2МТО, если порядок выступления определяется жребием.

5) Найдите значение производной функции  $f(x) = -\frac{2}{3}x^6 + 2x^2 - 8$  при  $x = 2$ .

6) Напишите уравнение касательной к графику функции  $y = 2x^2 - 3x - 4$  и найдите абсциссу точки касания.

7) Найдите точку минимума функции  $y = \frac{1}{3}x^3 - 2x^2 + 3x$

8) Найдите наибольшее и наименьшее значения функции  $y = x^4 - 8x^2 - 9$  на отрезке  $[-1; 1]$ .

9) Найдите площадь криволинейной трапеции, ограниченной линиями  $y = x^2 + 4x$ ,  $x = 0$ ,  $y = 0$ .

10) Найдите корень уравнения:  $\log_4(x + 3) = 0,5$ .

11) Найдите решение уравнение:  $0,25^{x-1} = 64^x$

12) Решите уравнение:  $\sqrt{x+4} = \sqrt{2x-1}$

13) Решите неравенство:  $\log_4(x - 2) \geq 2$

14) Решите уравнение:  $\operatorname{ctg} x + \operatorname{tg} x = -2$ . Найдите все корни этого уравнения, принадлежащие промежутку  $[-3\pi; -\pi]$

15) Прямоугольный треугольник с катетом 3 см и гипотенузой 5 см вращается вокруг меньшего катета. Найдите объем и площадь полной поверхности фигуры вращения.

- 16)** В правильной четырехугольной пирамиде SABCD точка O – центр основания, S – вершина, SO=15, BD=16. Найдите боковое ребро SA.

**Экзаменационная работа по учебной дисциплине ОУДп.04 «Математика»**  
**Время на подготовку и выполнение: 4 часа.**

**Вариант  
ЧАСТЬ 1**

- B1. Найдите значение выражения:  $7^5 \cdot 5^4 : 35^2$ .
- B2. Найдите значение выражения:  $\sqrt{70^2 - 42^2}$ .
- B3. Найдите значение выражения:  $16 \cdot 6^{\log_6 5}$ .
- B4. Из слова «МАТЕМАТИКА» случайным образом выбирается одна буква. Найдите вероятность того, что эта буква окажется согласной.
- B5. Найдите значение производной функции  $f(x) = 2x^3 - 0,5x^4 - 8$  при  $x = 2$ .
- B6. Найдите решение уравнения:  $0,25^{x-7} = 64^x$ .
- B7. Найдите корень уравнения:  $\log_5(4-x) = 3$ .
- B8. Найдите значение выражения:  $\frac{14 \sin 20^\circ \cdot \cos 20^\circ}{\sin 40^\circ}$ .
- B9. Найдите угловой коэффициент касательной к графику функции  $y = e^{2x-1}$  в точке  $x_0 = \frac{1}{2}$ .
- B10. Площадь поверхности куба равна 882. Найдите его диагональ.
- B11. Найдите значение выражения:  $\left(-4\frac{3}{4} + 6\frac{2}{3}\right) \cdot 3,84$ .
- B12. Найдите наибольшее значение функции  $y = x + \frac{9}{x}$  на отрезке  $[-4; -1]$ .

**ЧАСТЬ 2.**

- C1. Решите уравнение:  $64^x + 2^{2+3x} - 12 = 0$ .
- C2. Решите неравенство методом интервалов:  $\frac{(x+5)(x-6)}{6x-1} \leq 0$ .
- C3. Решите неравенство:  $\log_3(2x-1) < 3$ .
- C4. Найдите площадь фигуры, ограниченной графиком функции  $y = x^2 + 5x + 6$ , прямыми  $x = -1$ ,  $x = 2$  и осью абсцисс.
- C5. Два металлических куба с ребрами 2 см и 1 см сплавлены в один куб. Определите полную поверхность этого куба.
- C6. Высота конуса равна 5 см, а угол при вершине осевого сечения равен  $120^\circ$ . Найдите объем конуса.

**Вариант  
ЧАСТЬ 1**

- B1. Найдите значение выражения:  $11^6 \cdot 7^5 : 77^4$ .
- B2. Найдите значение выражения:  $\sqrt{80^2 - 48^2}$ .
- B3. Найдите значение выражения:  $10 \cdot 14^{\log_{14} 15}$ .
- B4. В партии из 400 телевизоров оказалось 8 бракованных. Какова вероятность купить исправный телевизор?
- B5. Найдите значение производной функции  $f(x) = 2x^4 - 3x^3 + 7$  при  $x = 1$ .

B6. Найдите решение уравнения:  $0,25^{x-2} = 64^x$ .

B7. Найдите корень уравнения:  $\log_4(4 - x) = 3$ .

B8. Найдите значение выражения:  $\frac{40 \sin 7^\circ \cdot \cos 7^\circ}{\sin 14^\circ}$ .

B9. Найдите угловой коэффициент касательной к графику

функции  $y = e^{3x-1}$  в точке  $x_0 = \frac{1}{3}$ .

B10. Объем прямоугольного параллелепипеда равен 108. Чему будет равен объем параллелепипеда, если каждое его ребро уменьшить в три раза?

B11. Найдите значение выражения:  $\left(-\frac{3}{8} + 6\frac{1}{3}\right) \cdot 2,4$ .

B12. Найдите наибольшее значение функции  $y = x^3 - 7x^2 + 11x - 10$  на отрезке  $[0; 3]$ .

## ЧАСТЬ 2

C1. Решите уравнение:  $2^{6x} + 8^{x+\frac{2}{3}} - 5 = 0$ .

C2. Решите неравенство:  $\frac{x^2 - 25}{6x + 1} < 0$ .

C3. Решите неравенство:  $\log_{0,25}(3x - 5) > -3$ .

C4. Найдите площадь фигуры, ограниченной графиком функции  $y = x^2 - 6x + 8$ , прямыми  $x = -2$ ,  $x = -1$  и осью абсцисс.

C5. Три одинаковых металлических куба с ребрами по 4 см сплавлены в один куб. Определите полную поверхность этого куба.

C6. Высота конуса равна 12 см, а его образующая равна 13 см.  
Найдите объем конуса.

## Вариант ЧАСТЬ 1

B1. Найдите значение выражения:  $2^6 \cdot 5^7 : 10^6$ .

B2. Найдите значение выражения:  $\sqrt{68^2 - 60^2}$ .

B3. Найдите значение выражения:  $7 \cdot 15^{\log_{15} 14}$ .

B4. На научной конференции будут выступать 3 докладчика из Германии, 2 из России и 5 из Японии. Найдите вероятность того, что последним будет выступать докладчик из России, если порядок выступления определяется жребием.

B5. Найдите значение производной функции  $f(x) = -\frac{6}{5}x^5 + 4x^3 - 12$  при  $x = 1$ .

B6. Найдите решение уравнения:  $0,25^{2x+1} = 128^x$ .

B7. Найдите корень уравнения:  $\log_4(x + 2) = 0,5$ .

B8. Найдите значение выражения:  $\frac{6 \sin 27^\circ \cdot \cos 27^\circ}{\sin 54^\circ}$ .

B9. Прямая  $y = 1 - x$  параллельна касательной к графику функции  $y = 2x^2 - 3x - 4$ .  
Найдите абсциссу точки касания.

B10. Диагональ куба равна  $\sqrt{6}$ . Найдите площадь поверхности этого куба.

B11. Найдите значение выражения:  $\left(-\frac{1}{3} + 6\frac{3}{8}\right) \cdot 2,4$ .

B12. Найдите наименьшее значение функции  $y = 4x - 4t \square x + 1$   
на отрезке  $\left[-\frac{1}{3}; 0\right]$

## ЧАСТЬ 2

C1. Решите уравнение:  $\operatorname{tg} x + \operatorname{ctg} x = -2$ . Найдите все корни этого уравнения, принадлежащие промежутку  $[-3\Box; -\Box]$

C2. Решите неравенство:  $\frac{x^2+2x+3}{\sqrt{1-x^2}} \geq 0$ .

C3. Решите неравенство:  $2^{\lg(\Box^2-x)} < 0,125$

C4. Найдите площадь плоской фигуры, ограниченной графиком функции  $y = 2x - x^2$  и прямой  $y = -x$ .

C5. Решите уравнение:  $2\sqrt[3]{x+1} - \sqrt[6]{x+1} = 6$

C6. Высота конуса равна 12 см, а его образующая равна 13 см.

Найдите объем конуса.

## Вариант ЧАСТЬ 1

B1. Найдите значение выражения:  $3^6 \cdot 5^7 : 15^5$ .

B2. Найдите значение выражения:  $\sqrt{113^2 - 112^2}$ .

B3. Найдите значение выражения:  $\frac{1}{2} \cdot 5^{\log_5 34}$ .

B4. В урне лежат 3 белых, 2 желтых 5 красных шаров. Найдите вероятность того, что извлеченный наугад шар будет желтого цвета.

B5. Найдите значение производной функции  $f(x) = \frac{x-18}{x}$  при  $x = -3$ .

B6. Найдите решение уравнения:  $(\frac{1}{16})^{\frac{1}{2}x+1} = 8$ .

B7. Найдите корень уравнения:  $\log_2(3 - x) = 3$ .

B8. Найдите значение выражения:  $\frac{4 \sin 13^\circ \cdot \cos 13^\circ}{\sin 26^\circ}$ .

B9. Прямая  $y = 2x - 1$  параллельна касательной к графику функции  $y = x^2 - x - 2$

Найдите абсциссу точки касания.

B10. Объем цилиндра равен  $30 \text{ см}^3$ . Чему равен объем конуса с таким же основанием и высотой? Ответ дайте в  $\text{см}^3$ .

B11. Найдите значение выражения  $(3,2 - \frac{2}{5}) : 280 - 1$ .

B12. Найдите точку максимума функции  $y = \frac{1}{3}\Box^3 - 2\Box^2 + 3t$

## ЧАСТЬ 2

C1. Решите уравнение.  $5\Box\Box\Box^2 x - 12 \cos x + 4 = 0$  Найдите все корни этого уравнения, принадлежащие промежутку  $[-\frac{5\Box}{2}; -\Box]$

C2. Решите неравенство:  $\frac{x^2+2x+3}{\sqrt{1-x^2}} \geq 0$ .

C3. Решите уравнение:  $(3x^2 - x - 2) * \sqrt{2x - 1} = 0$

C4. Найдите площадь плоской фигуры, ограниченной графиком функции  $y = x^2 - 2$  и прямой  $y = 2x + 1$ .

C5. Решите систему:  $\begin{cases} x - y = 8 \\ 2^{x-3y} = 16 \end{cases}$

С6. Высота конуса равна 12 см, а его образующая равна 13 см.  
Найдите объем конуса.

### Ответы к заданиям части 1

#### вариант

№ задания	Ответ
1B	8575
2B	56
3B	80
4B	0,125
5B	8
6B	1,75
7B	- 121
8B	7
9B	2
10B	0,3
11B	7,36
12B	2

### Ответы к заданиям части 2

№ задания	Ответ
1C	$x = \frac{1}{3}$
2C	$x \in (-\infty; -5] \cup (\frac{1}{6}; 6]$
3C	( 0,5; 14 )
4C	28,5.
5C	$S = 18\sqrt[3]{3} \text{ см}^2$
6C	$V = 125\pi \text{ см}^3$

### Ответы к заданиям части 1

#### вариант

№ задания	Ответ
1B	847
2B	64
3B	150
4B	0,25
5B	- 1
6B	0,5
7B	- 60
8B	20
9B	3

<b>10B</b>	<b>- 0,7</b>
<b>11B</b>	<b>14,3</b>
<b>12B</b>	<b>- 4</b>

### Ответы к заданиям части 2

<b>№ задания</b>	<b>Ответ</b>
1C	$x = 0$
2C	$x \in (-\infty; -5) \cup (-\frac{1}{6}; 5)$
3C	$(1\frac{2}{3}; 23)$
4C	$19\frac{1}{3}$
5C	$S = 96\sqrt[3]{9} \text{ см}^2$
6C	$V = 100\pi \text{ см}^3$

## 5. Основные источники и литература

*Для студентов*

- Богомолов Н.В., Самойленко П.И. Математика: учебник для СПО – М. : Издательство Юрайт, 2018
- Башмаков М.И. Математика: учебник для студ. учреждений сред. проф. образования. — М., 2017.
- Башмаков М.И. Математика. Задачник: учеб. пособие для студ. учреждений сред. проф. образования. — М., 2017.
- Башмаков М.И. Математика. Сборник задач профильной направленности: учеб. пособие для студ. учреждений сред. проф. образования. — М., 2015.

*Для преподавателей*

- Федеральный закон от 29.12.2012 № 273-ФЗ «Об образовании в Российской Федерации».
- Приказ Министерства образования и науки РФ от 17.05.2012 № 413 «Об утверждении федерального государственного образовательного стандарта среднего (полного) общего образования».
- Приказ Министерства образования и науки РФ от 29.12.2014 № 1645 «О внесении изменений в Приказ Министерства образования и науки Российской Федерации от 17.05.2012
- № 413 «Об утверждении федерального государственного образовательного стандарта среднего (полного) общего образования».
- Письмо Департамента государственной политики в сфере подготовки рабочих кадров и ДПО Министерства образования и науки РФ от 29.05.2014 № 32499 «Рекомендации по организации получения среднего общего образования в пределах освоения образовательных программ среднего профессионального образования на базе основного общего образования с учетом требований федеральных государственных образовательных стандартов и получаемой

профессии или специальности среднего профессионального образования».

6. Башмаков М.И. Математика: учебник для студ. учреждений сред. проф. образования. — М., 2017.
7. Башмаков М.И. Математика. Задачник: учеб. пособие для студ. учреждений сред. проф. образования. — М., 2017.

### **Дополнительная литература**

1. Атанасян Л.С., Бутузов В.Ф., Кадомцев С.Б. и др. Математика: алгебра и начала математического анализа. Геометрия. Геометрия (базовый и углубленный уровни). 10—11 классы. — М., 2017.
2. Колмогоров А.Н., Абрамов А.М., Дудницын Ю.П. и др. Алгебра и начала анализа: Учеб. для 10-11 кл. - М., 2014.
3. Григорьев С.Г., Иволгина С.В. Математика : учебник для студ. образоват. учреждений сред. проф. образования. — М., 2014.
4. Башмаков М.И. Математика. Электронный учеб.-метод. комплекс для студ. учреждений сред. проф. образования. — М., 2015.
5. Башмаков М.И. Математика: учебник для студ. учреждений сред. проф. образования. — М., 2013.
6. Башмаков М.И. Математика. Сборник задач профильной направленности: учеб. пособие для студ. учреждений сред. проф. образования. — М., 2013.
7. Башмаков М.И. Математика. Задачник: учеб. пособие для студ. учреждений сред. проф. образования. — М., 2013.

### **Интернет-ресурсы**

1. [www.fcior.edu.ru](http://www.fcior.edu.ru) (Информационные, тренировочные и контрольные материалы).
2. [www.school-collection.edu.ru](http://www.school-collection.edu.ru) (Единая коллекции цифровых образовательных ресурсов).  
<http://www.math.ru> Материалы по математике в Единой коллекции цифровых образовательных ресурсов
3. <http://www.bymath.net> Газета «Математика» Издательского дома «Первое сентября»
4. <http://eqworld.ipmnet.ru> Научно-популярный физико-математический журнал «Квант»
5. <http://wwwkvant.info> <http://kvant.mccme.ru> Образовательный математический сайт Exponenta.ru
6. <http://www.olimpiada.ru> Математические олимпиады и олимпиадные задачи

## **Лист согласования**

### **Дополнения и изменения к комплекту КОС на 20\_\_-20\_\_ учебный год**

**Дополнения и изменения к комплекту КОС на 20\_\_-20\_\_ учебный год по  
дисциплине ОУДп.04. «Математика»**

В комплект КОС внесены следующие изменения:

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

Дополнения и изменения в комплекте КОС обсуждены на заседании ПЦК

---

«      »                  20\_\_г. (протокол №       ).  
Председатель ПЦК                            /                           ./

Пронумеровано, прошнуровано и  
заверено печатью №

*Денисова Евгения*

Директор

« 25

2020 г.

