

Департамент образования и науки Костромской области  
Областное государственное бюджетное профессиональное образовательное  
учреждение  
«Буйский техникум железнодорожного транспорта Костромской области»

Утверждаю:  
Заведующий УМО  
/Румянцева Е.В.  
«10 » июня 2020г.

КОМПЛЕКТ КОНТРОЛЬНО-ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ  
по учебной дисциплине  
ОУД. 04 «Математика»  
для подготовки специалистов среднего звена по специальности  
23.01.09. «Машинист локомотива»

Буй  
2020

Комплект контрольно-оценочных средств разработан на основе Федерального государственного образовательного стандарта среднего общего образования и среднего профессионального образования по специальности 23.01.09 «Машинист локомотива» и рабочей программы учебной дисциплины ОУД. 04 «Математика».

Разработчик:

ОГБПОУ БТЖТ

(место работы)

преподаватель

(занимаемая должность)

*Ю.Л. Корабева*

И.С. Чебурова

(инициалы, фамилия)

*Корабь*

Рассмотрено на заседании ПЦК общеобразовательных дисциплин

---

Протокол № 11 от « 10 » 06 2020г.

Председатель ПЦК *М.В. Смирнова /*

## **СОДЕРЖАНИЕ**

1. Паспорт комплекта контрольно-оценочных средств .....	4
2. Результаты освоения учебной дисциплины ОУД.04. «Математика», подлежащие проверке .....	6
3. Оценка освоения учебной дисциплины ОУД.04. «Математика» .....	12
3.1. Формы и методы оценивания .....	15
3.2. Типовые задания для оценки освоения учебной дисциплины .....	14
4. Контрольно-оценочные материалы для итоговой аттестации по учебной дисциплине ОУД.04. «Математика	49
5. Основные источники и литература.....	51
6. Лист согласования.....	53

## **1. Паспорт комплекта контрольно-оценочных средств**

В результате освоения учебной дисциплины *ОУД.04. «Математика»* обучающийся должен обладать предусмотренными ФГОС СПО и ФГОС СОО по профессии 23.01.09. «Машинист локомотива» следующими умениями, знаниями и общими компетенциями:

*У1* . Умение выполнять арифметические действия над числами, сочетая устные и письменные приёмы; находить приближённые значения величин и погрешности вычислений (абсолютная и относительная); сравнивать числовые выражения.

*У2* . Умение находить значение корня, степени, логарифма, тригонометрических выражений на основе определения, используя при необходимости инструментальные средства; пользоваться приближённой оценкой при практических расчётах.

*У3* . Умение выполнять преобразования выражений, применяя формулы, связанные со свойствами степеней, логарифмов, тригонометрических функций.

*У4*. Умение вычислять значение функции по заданному значению аргумента при различных способах задания функции.

*У5*. Умение определять основные свойства числовых функций, иллюстрировать их на графиках.

*У6* . Умение строить графики изученных функций, иллюстрировать по графику свойства элементарных функций

*У7*. Умение использовать понятие функции для описания и анализа зависимостей величин.

*У8* . Умение находить производные элементарных функций

*У9* Умение использовать производную для изучения свойств функций и построения графиков

*У10* .Умение применять производную для проведения приближённых вычислений, решать задачи прикладного характера на нахождение наибольшего и наименьшего значения

*У11* Умение вычислять в простейших случаях площади и объёмы с использованием определённого интеграла

*У12* Умение решать рациональные, показательные, логарифмические, тригонометрические уравнения, сводящиеся к линейным и квадратным, а также аналогичные неравенства и системы

*У13* Умение использовать графический метод решения уравнений и неравенств

*У14* Умение изображать на координатной плоскости решения уравнений, неравенств и систем с двумя неизвестными

*У15* Умение составлять и решать уравнения и неравенства, связывающие неизвестные величины в текстовых (в том числе прикладных задачах)

*У16* Умение решать простейшие комбинаторные задачи методом перебора, а также с использованием известных формул

*У17*\_Умение вычислять в простейших случаях вероятности событий на основе подсчёта числа исходов

*У18* Умение распознавать на чертежах и моделях пространственные формы; соотносить трёхмерные объекты с их описаниями, изображениями

*У19* Умение описывать взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве, аргументировать свои суждения об этом расположении

*У20* Умение анализировать в простейших случаях взаимное расположение объектов в пространстве

- У21 Умение изображать основные многогранники и круглые тела; выполнять чертежи по условиям задач
- У22 Умение строить простейшие сечения куба, призмы, пирамиды
- У23 Умение решать планиметрические и простейшие стереометрические задачи на нахождение геометрических величин (длин, углов, площадей, объёмов)
- У24 Умение использовать при решении стереометрических задач планиметрические факты и методы
- У25 Умение проводить доказательные рассуждения в ходе решения задач

- 31 Знание значения математической науки для решения задач, возникающих в теории и практике; широту и в то же время ограниченность применения математических методов к анализу и исследованию процессов и явлений в природе и обществе
- 32 Знание значения практики и вопросов, возникающих в самой математике для формирования и развития математической науки; истории развития понятия числа, создания математического анализа, возникновения и развития геометрии
- 33 Знание универсального характера законов логики математических рассуждений, их применимости во всех областях человеческой деятельности
- 34 Знание вероятностного характера различных процессов окружающего мира.

- ОК 1. Понимать сущность и социальную значимость будущей профессии, проявлять к ней устойчивый интерес.
- ОК 2. Организовывать собственную деятельность, исходя из цели и способов ее достижения, определенных руководителем.
- ОК 3. Анализировать рабочую ситуацию, осуществлять текущий и итоговый контроль, оценку и коррекцию собственной деятельности, нести ответственность за результаты своей работы.
- ОК 4. Осуществлять поиск информации, необходимой для эффективного выполнения профессиональных задач.
- ОК 5. Использовать информационно-коммуникационные технологии в профессиональной деятельности.
- ОК 6. Работать в команде, эффективно общаться с коллегами, руководством, клиентами.
- ОК 7. Исполнять воинскую обязанность, в том числе с применением полученных профессиональных знаний (для юношей)
- ОК 11. Использовать знания по финансовой грамотности, планировать предпринимательскую деятельность в профессиональной сфере в федеральных государственных образовательных стандартах среднего профессионального образования (далее – ФГОС СПО).

Формой аттестации по учебной дисциплине является **экзамен**.

## **2. Результаты освоения учебной дисциплины, подлежащие проверке**

2.1. В результате аттестации по учебной дисциплине ОУД.04. «Математика» осуществляется комплексная проверка следующих умений и знаний, а также динамика формирования общих компетенций:

<b>Результаты обучения: умения и знания</b>	<b>Показатели оценки результата</b>	<b>Форма контроля и оценивания</b>
<b>Уметь:</b>		
<u>У1</u> Умение выполнять арифметические действия над числами, сочетая устные и письменные приёмы; находить приближённые значения величин и погрешности вычислений (абсолютная и относительная); сравнивать числовые выражения  ОК2. Организовывать собственную деятельность, выбирать типовые методы и способы выполнения профессиональных задач, оценивать их эффективность и качество.	Нахождение НОК и НОД двух и более чисел. - Выполнение арифметических действий над действительными числами. - Нахождение приближённых значений величин. - Нахождение абсолютной и относительной погрешностей вычислений. - Сравнение числовых выражений.	Устные ответы Письменные задания Экзамен
<u>У2</u> Умение находить значение корня, степени, логарифма, тригонометрических выражений на основе определения, используя при необходимости инструментальные средства; пользоваться приближённой оценкой при практических расчётах.  ОК6. Работать в коллективе и команде, эффективно общаться с коллегами, руководством, потребителями.	- Нахождение значения квадратного корня из действительного числа. - Нахождение корня $n$ -ой степени из действительного числа. - Вычисление значения степени с любым показателем. - Нахождение логарифма положительного числа по положительному и отличному от 1 основанию $a$ ; по основанию 10. - Вычисление значения тригонометрических выражений.	Устные ответы Письменные задания, практикумы, проверочные работы, самостоятельные работы, тесты Экзамен
<u>У3</u> Умение выполнять преобразования выражений, применяя формулы, связанные со свойствами степеней, логарифмов, тригонометрических функций  ОК4. Осуществлять поиск и использование информации,	- Преобразование выражений, содержащих степень. - Преобразование логарифмических выражений. - Преобразование тригонометрических выражений.	Устные ответы Письменные задания Практикум Тематический опрос

необходимой для эффективного выполнения профессиональных задач, профессионального и личностного развития		
<u>У4</u> Умение вычислять значение функции по заданному значению аргумента при различных способах задания функции  ОК11. Использовать знания по финансовой грамотности, планировать предпринимательскую деятельность в профессиональной сфере в федеральных государственных образовательных стандартах среднего профессионального образования	- Вычисление значений функций по заданному значению аргумента.	Устные ответы Письменные задания Практикум
<u>У5</u> Умение определять основные свойства числовых функций, иллюстрировать их на графиках	- Определение основных свойств числовых функций. -	Устные ответы Письменные задания Творческие задания (сообщения)
<u>У6</u> Умение строить графики изученных функций, иллюстрировать по графику свойства элементарных функций  ОК 5. Использовать информационно-коммуникационные технологии в профессиональной деятельности	- Иллюстрация основных свойств функции по графику.	Устные ответы Письменные задания Тесты Экзамен
<u>У7</u> Умение использовать понятие функции для описания и анализа зависимостей величин  ОК2. Организовывать собственную деятельность, выбирать типовые методы и способы выполнения профессиональных задач, оценивать их эффективность и качество	- Описание и анализ зависимостей величин, входящих в понятие функции.	Устные ответы Тесты практикум
<u>У8</u> Умение находить производные элементарных функций  ОК 3. Принимать решения в стандартных и нестандартных ситуациях и нести за них ответственность ОК 9. Ориентироваться в условиях частой смены технологий в профессиональной деятельности	- Нахождение производных элементарных функций.	Практические работы, тематический опрос Экзамен

<u>У9</u> Умение использовать производную для изучения свойств функций и построения графиков  ОК 7. Брать на себя ответственность за работу членов команды (подчиненных), результат выполнения заданий.	Изучение свойств функций и построение графиков с помощью производной.	Самостоятельные и проверочные работы Экзамен
<u>У10</u> Умение применять производную для проведения приближённых вычислений, решать задачи прикладного характера на нахождение наибольшего и наименьшего значения	- Вычисление приближённых значений с помощью производной. - Решение задач прикладного характера. - Решение задач на нахождение наибольшего и наименьшего значения.	Практические работы. Самостоятельные и проверочные работы, опрос
<u>У11</u> Умение вычислять в простейших случаях площади и объёмы с использованием определённого интеграла  ОК 5. Использовать информационно-коммуникационные технологии в профессиональной деятельности ОК 7. Брать на себя ответственность за работу членов команды (подчиненных), результат выполнения заданий	Вычисление определённого интеграла. - Вычисление площадей и объёмов простейших фигур с использованием определённого интеграла.	Тематический опрос. Выполнение и защита практических работ. Самостоятельные и проверочные работы.
<u>У12</u> Умение решать рациональные, показательные, логарифмические, тригонометрические уравнения, сводящиеся к линейным и квадратным, а также аналогичные неравенства и системы  ОК2. Организовывать собственную деятельность, выбирать типовые методы и способы выполнения профессиональных задач, оценивать их эффективность и качество	- Решение рациональных уравнений и неравенств. - Решение показательных уравнений и неравенств. - Решение логарифмических уравнений и неравенств. - Решение тригонометрических уравнений и неравенств. - Решение систем показательных, логарифмических и тригонометрических неравенств.	Тематический опрос. Выполнение и защита практических работ. Самостоятельные и проверочные работы.
<u>У13</u> Умение использовать графический метод решения уравнений и неравенств  ОК 5. Использовать информационно-коммуникационные технологии в профессиональной деятельности	Решение уравнений и неравенств графическим методом.	Выполнение и защита практических работ. Самостоятельные, проверочные и контрольные работы.
<u>У14</u> Умение изображать на координатной плоскости решения уравнений, неравенств и систем с двумя неизвестными  ОК 9. Ориентироваться в условиях частой смены технологий в профессиональной деятельности	- Изображение на координатной плоскости решений уравнений, неравенств и систем с двумя неизвестными.	Самостоятельные и проверочные работы. Выполнение контрольной и практических работ. Экзамен.
<u>У15</u> Умение составлять и решать	- Составление и решение	Выполнение и

уравнения и неравенства, связывающие неизвестные величины в текстовых (в том числе прикладных задачах)	уравнений и неравенств, связывающих неизвестные величины в задачах.	защита практических работ. Самостоятельные и проверочные работы.
ОК 3. Принимать решения в стандартных и нестандартных ситуациях и нести за них ответственность		
<u>У16</u> Умение решать простейшие комбинаторные задачи методом перебора, а также с использованием известных формул	- Решение задач комбинаторики с использованием числа сочетаний и размещений из n элементов.	Выполнение и защита практических работ. Самостоятельные и проверочные работы. Контрольная работа .Тест.
ОК2. Организовывать собственную деятельность, выбирать типовые методы и способы выполнения профессиональных задач, оценивать их эффективность и качество		
<u>У17</u> Умение вычислять в простейших случаях вероятности событий на основе подсчёта числа исходов	Вычисление вероятности событий на основе правила умножения.	Выполнение и защита практических работ. Самостоятельные и проверочные работы.
ОК 8. Самостоятельно определять задачи профессионального и личностного развития, заниматься самообразованием, осознанно планировать повышение квалификации		
<u>У18</u> Умение распознавать на чертежах и моделях пространственные формы; соотносить трёхмерные объекты с их описаниями, изображениями	- Изображение на плоскости пространственных форм.	Выполнение и защита практических работ. Самостоятельные и проверочные работы.
ОК 9. Ориентироваться в условиях частой смены технологий в профессиональной деятельности		
<u>У19</u> Умение описывать взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве, аргументировать свои суждения об этом расположении	- Изображение взаимного расположения прямых и плоскостей в пространстве.	Выполнение и защита практических работ. Самостоятельные и проверочные работы. Тест. Тематический опрос.
<u>У20</u> Умение анализировать в простейших случаях взаимное расположение объектов в пространстве	- Построение и анализ взаимного расположения объектов в пространстве	Выполнение и защита практических работ. Самостоятельные и проверочные работы.
ОК 8. Самостоятельно определять задачи профессионального и личностного развития, заниматься самообразованием, осознанно планировать повышение квалификации.		

<u>У21</u> Умение изображать основные многогранники и круглые тела; выполнять чертежи по условиям задач  ОК2. Организовывать собственную деятельность, выбирать типовые методы и способы выполнения профессиональных задач, оценивать их эффективность и качество	Построение многогранников и круглых тел. - Выполнение чертежей по условиям задачи.	Выполнение и защита практических работ. Самостоятельные и проверочные работы.
<u>У22</u> Умение строить простейшие сечения куба, призмы, пирамиды	- Построение простейших сечений куба, призмы, пирамиды.	Выполнение и защита практических работ. Самостоятельные работы.
<u>У23</u> Умение решать планиметрические и простейшие стереометрические задачи на нахождение геометрических величин (длин, углов, площадей, объемов)	Решение задач на нахождение геометрических величин.	Выполнение и защита практических работ. Самостоятельные и проверочные работы.
<u>У25</u> Умение проводить доказательные рассуждения в ходе решения задач  ОК 3. Принимать решения в стандартных и нестандартных ситуациях и нести за них ответственность	- Решение задач на доказательство.	Выполнение и защита практических работ. Самостоятельные и проверочные работы.
<b>Знать:</b>		
<u>31</u> Знание математической науки для решения задач, возникающих в теории и практике; широту и в то же время ограниченность применения математических методов к анализу и исследованию процессов и явлений в природе и обществе  ОК 1. Понимать сущность и социальную значимость своей будущей профессии, проявлять к ней устойчивый интерес	- Формулировка правил дифференцирования и перечисление производных основных элементарных функций - Приложение определенного интеграла к вычислению площадей плоских фигур, объемов тел вращения, пути, пройденного точкой	Беседа. Практические, самостоятельные и проверочные работы.
<u>32</u> Знание практики и вопросов, возникающих в самой математике для формирования и развития математической науки; истории развития понятия числа, создания математического анализа, возникновения и развития геометрии  ОК 8. Самостоятельно определять задачи профессионального и личностного развития, заниматься самообразованием, осознанно планировать повышение квалификации	- Формулировка правил дифференцирования и перечисление производных основных элементарных функций - Приложение определенного интеграла к вычислению площадей плоских фигур, объемов тел вращения, пути, пройденного точкой	Устные ответы Тесты. Беседа. Практические, самостоятельные и проверочные работы.

<u>33</u> Знание универсального характера законов логики математических рассуждений, их применимости во всех областях человеческой деятельности ОК 11. Использовать знания по финансовой грамотности, планировать предпринимательскую деятельность в профессиональной сфере в федеральных государственных образовательных стандартах среднего профессионального образования	- Перечисление табличных интегралов - Формулировка геометрического и механического смысла производной	Тематический опрос, самостоятельные работы.
<u>34</u> Знание вероятностного характера различных процессов окружающего мира ОК 9. Ориентироваться в условиях частой смены технологий в профессиональной деятельности	Формулировка классического определения вероятности	Выполнение и защита практических работ. Самостоятельные работы.

## 2.2. Контроль и оценка освоения учебной дисциплины по темам (разделам)

Элемент учебной дисциплины	Формы и методы контроля					
	Текущий контроль		Рубежный контроль		Промежуточная аттестация	
	Форма контроля	Проверяемые У, З, К	Форма контроля	Проверяемые У, З, К	Форма контроля	Проверяемые У, З, К
Тема 1. Введение	Устный опрос	31, 32				31, 32
Тема 2 Развитие понятия о числе	Практическое занятие №1-№9  Тест  Самостоятельная работа №1-4	У1,32,31  OK 2, OK 4, OK5, OK6, OK7, OK8, OK11	Проверочная работа №1	У1,32,31  OK 2, OK 4, OK5, OK6, OK7, OK8, OK11	Экзамен	У1,32,31  OK 2, OK 4, OK5, OK6, OK7, OK8, OK11
Тема 3. Корни, степени и логарифмы	Практическое занятие №10-№26  Самостоятельная работа №5-12	У2,У3,У1,31, 32, OK2,OK 3, OK4, OK5, OK6, OK 7, OK 8, OK11	Проверочные работы №2,3	У2,У3,У1,31, 32, OK2,OK 3, OK4, OK5, OK6, OK 7, OK 8, OK11	Экзамен	У2,У3,У1,31, 32, OK2,OK 3, OK4, OK5, OK6, OK 7, OK 8, OK11
Тема 4. Прямые и плоскости в пространстве	Практическое занятие №27-№37  Самостоятельная работа №13-20  Тест	У19,У20,У25,3 2,31, OK2,OK 3, OK4 OK	Проверочная работа №4,5	У19,У20,У25,32, 31, OK2,OK 3, OK4 OK		У19,У20,У25,32,31, OK2,OK 3, OK4 OK
Тема 5. Комбинаторика	Практическое занятие №38-45  Самостоятельная работа №21-24  Тест	33, У26, OK1, OK2, OK 3, OK4, OK5, OK6, OK 7, OK 8, OK9. OK11	Контрольная работа № 1.	33, У26, OK1, OK2, OK 3, OK4, OK5, OK6, OK 7, OK 8, OK9. OK11		33, У26, OK1, OK2, OK 3, OK4, OK5, OK6, OK 7, OK 8, OK9. OK11
Тема 6. Координаты и	Практическое занятие №46-56  Самостоятельная работа №25-31	32,У24,У25,У2 3 OK2,OK 3, OK4, OK5,				32,У24,У25,У23 OK2,OK 3, OK4, OK5, OK6, OK 7, OK

векторы		OK6, OK 7, OK 8, OK9				8, OK9
Тема 7. Основы тригонометрии	<i>Практическое занятие №57-75 Самостоятельная работа №32-43</i>	У2, У3, У1, 31, 32, У5 OK1, OK 2, OK3, OK 4, OK5, OK6, OK7, OK 8, OK9			Экзамен	У2, У3, У1, 31, 32, У5 OK1, OK 2, OK3, OK4, OK5, OK6, OK7, OK8, OK9
<i>2 курс</i>						
Тема 8. Функции и графики	<i>Практическое занятие №1-10 Самостоятельная работа №44-50</i>	У4, У6, У7 31, 32, OK 2, OK 3, OK4, OK5, OK 6, OK7, OK8, OK9, OK11			Экзамен	У4, У6, У7 31, 32, OK 2, OK 3, OK4, OK5, OK 6, OK7, OK8, OK9, OK11
Тема 9. Многогранники и круглые тела	<i>Практическое занятие №11-23 Самостоятельная работа №51-59</i>	У23, У24, У25, 3 1, 32, У18, У20, У21, У22, OK2, OK 3, OK4, OK5, OK6, OK 7, OK 8, OK9,			Экзамен	У23, У24, У25, 31, 32, У 18, У20, У21, У22, OK2, OK 3, OK4, OK5, OK6, OK 7, OK 8, OK9
Тема 10. Начала математического анализа	<i>Практическое занятие №24-34 Самостоятельная работа №60-63</i>	У8, У9, У10, У25, 31, 32, 33 OK1, OK 2, OK3, OK 4, OK5, OK6, OK7, OK 8, OK9			Экзамен	У8, У9, У10, У25, 31, 32, 33 OK1, OK 2, OK3, OK4, OK5, OK6, OK7, OK 8, OK9
Тема 11. Интеграл и его применение	<i>Практическое занятие №35-42 Самостоятельная работа №64-69</i>	У11, 32, 31, У25 OK2, OK 3, OK4, OK5, OK6, OK 7, OK 8, OK9			Экзамен	У11, 32, 31, У25 OK2, OK 3, OK4, OK5, OK6, OK 7, OK 8, OK9
Тема 12 . Элементы теории	<i>Практическое занятие №43-47 Самостоятельная работа №70-73</i>	34, У17 OK1, OK2, OK 3,			Экзамен	34, У17 OK1, OK2, OK 3, OK4, OK5, OK6,

вероятностей и математической статистики		<i>OK4, OK5, OK6, OK 7, OK 8, OK9,OK11</i>				<i>OK 7, OK 8, OK9,OK11</i>
Тема 13. Уравнения и неравенства	<i>Практическое занятие №48-63 Самостоятельная работа №74-77</i>	<i>Y12,Y13,Y14, Y15,31 OK1, OK 2, OK3,OK 4, OK5, OK6, OK7, OK 8, OK9, OK11</i>		,	Экзамен	<i>Y12,Y13,Y14,Y15,31 OK1, OK 2, OK3,OK 4, OK5, OK6, OK7, OK 8, OK9, OK11</i>

### **3. Оценка освоения учебной дисциплины:**

#### **3.1. Формы и методы оценивания**

Предметом оценки служат умения и знания, предусмотренные ФГОС СОО и ФГОС СПО по дисциплине ОУД.04.«Математика», направленные на формирование общих и профессиональных компетенций.

##### **1 Устный ответ.**

**«Отлично», если студент:**

полно раскрыл содержание материала в объеме, предусмотренном программой и учебником, изложил материал грамотным языком в определенной

логической последовательности, точно используя математическую терминологию и символику; правильно выполнил рисунки, чертежи, графики, сопутствующие ответу;

показал умение иллюстрировать теоретические положения конкретными примерами, применять их в новой ситуации при выполнении практического задания;

продемонстрировал усвоение ранее изученных сопутствующих вопросов, сформированность и устойчивость используемых при отработке умений и навыков;

отвечал самостоятельно без наводящих вопросов преподавателя. Возможны одна две неточности при освещении второстепенных вопросов или в выкладках, которые студент легко исправил по замечанию преподавателя.

**«Хорошо», если студент:**

удовлетворяет в основном требованиям на оценку «5», но при этом имеет один из недостатков: в изложении допущены небольшие пробелы, не искажившие математическое содержание ответа;

допущены один два недочета при освещении основного содержания ответа,

исправленные по замечанию преподавателя;

допущены ошибка или более двух недочетов при освещении второстепенных вопросов или в выкладках, легко исправленные по замечанию преподавателя.

**«Удовлетворительно»** ставится в следующих случаях:

1) неполно или непоследовательно раскрыто содержание материала, но показано общее понимание вопроса и продемонстрированы умения, достаточные для дальнейшего усвоения программного материала

2) имелись затруднения или допущены ошибки в определении понятий, использовании математической терминологии, чертежах, выкладках, исправленные после нескольких наводящих вопросов преподавателя;

3) студент не справился с применением теории в новой ситуации при выполнении практического задания, но выполнил задания обязательного уровня сложности по данной теме.

**«Неудовлетворительно»** ставится в следующих случаях:

1)не раскрыто основное содержание учебного материала;

2)обнаружено незнание или непонимание учеником большей или наиболее важной части учебного материала;

3) допущены ошибки в определении понятий, при использовании математической терминологии, в рисунках, чертежах или графиках, в выкладках, которые не исправлены после нескольких наводящих вопросов преподавателя.

##### **2. Письменная работа.**

**«Отлично»** ставится, если:

1) работа выполнена полностью;

2) в логических рассуждениях и обосновании решения нет пробелов и ошибок; 3) в решении нет математических ошибок (возможна одна неточность,

описка, не являющаяся следствием незнания или непонимания учебного материала).  
«Хорошо» ставится, если:

1) работа выполнена полностью, но обоснования шагов решения недостаточны (если умение обосновывать рассуждения не являлось специальным объектом проверки);

2) допущена одна ошибка или два-три недочета в выкладках, рисунках, чертежах или графиках (если эти виды работы не являлись специальным объектом проверки).

«Удовлетворительно» ставится, если:

допущены более одной ошибки или более двух-трех недочетов, но учащийся владеет в чертежах или графиках, выкладках, обязательными умениями по проверяемой теме.

«Неудовлетворительно» ставится, если:

допущены существенные ошибки, показавшие, что студент не владеет обязательными умениями по данной теме в полной мере.

### 3. Экзамен.

Оценка	Процент выполненных заданий
«5»	100 % - 91%
«4»	90% - 70%
«3»	69% - 50%
«2»	менее 50 %

## 3.2. Типовые задания для оценки освоения учебной дисциплины ОУД.04 «Математика»

### Тема 2 «Понятие о числе»

#### Проверочная работа

##### Вариант

1. Вычислить:

$$2\frac{5}{8} - \frac{2}{3} * 2\frac{5}{14}$$

$$(3\frac{1}{12} - 4,375) : 19\frac{8}{9}$$

2. Найти значение выражения  $\frac{a-c}{a+c}$ , если  $a = 1,5$ ;  $c = -3,5$

3. Представить дробь  $\frac{7}{111}$  в виде десятичной периодической дроби

4. Представить числа в стандартном виде:

а) 0,0000712; б) 675000000

5. Найдите относительную погрешность (в процентах):

Диаметр Луны (в км)  $d = 3476 \frac{+1}{-1}$

6. Даны числа  $z_1 = 3 - i$ ;  $z_2 = 2 + 3i$ .

Найти сумму, разность. Произведение и частное заданных чисел.

##### Вариант

1. Вычислить:

$$\begin{array}{r} 3\frac{1}{3} * 10 + 0,75 : \frac{7}{20} \\ \hline 1\frac{3}{4} - \frac{11}{17} * \frac{51}{56} \end{array}$$

2. Найти значение выражения  $\frac{a-c}{a+c}$ , если  $a = 1,6$ ;  $c = -4,5$

3. Представить дробь  $\frac{5}{99}$  в виде десятичной периодической дроби

4. Представить числа в стандартном виде:

а) 0,0000259; б) 389000000

5. Найдите относительную погрешность (в процентах):

Радиус Земли (в км)  $R = 6380 \frac{+1}{-1}$

6. Даны числа  $z_1 = 2 - 3i$ ;  $z_2 = -4 + i$ .

Найти сумму, разность, произведение и частное заданных чисел.

### Самостоятельная работа №1

1. Найдите все натуральные числа  $x$  и  $y$  такие, чтобы:

а)  $7x + 12y = 50$

б)  $5x - y = 17$

2. Найдите все натуральные числа  $n$ , при которых выражения

а)  $\frac{5n+4}{n}$     б)  $\frac{5n+4}{n+3}$

являются натуральными.

3. Запишите обыкновенную дробь в виде бесконечной периодической дроби:

а)  $\frac{2}{3}$     б)  $\frac{3}{7}$

4. Между рациональными числами  $a$  и  $b$  поместите 5 рациональных:

а)  $a = 1,1$      $b = 1,2$

б)  $a = \frac{11}{12}$      $b = \frac{10}{12}$

5. Какое из данных чисел является иррациональным:

а) 2, (2345)    б)  $\sqrt{0,4}$     в)  $\sqrt{1,96}$     г)  $\sqrt{19,6}$

6. На числовой прямой отмечены точки А (-2) и В (17). Найдите координаты точки М, делящей отрезок АВ в соотношении АМ: МВ=2

### Самостоятельная работа №2

1. Обратите смешанную периодическую дробь в обыкновенную:

а) 0,5(3)    б) 0,3(45)    в) 0,(27)

2. Вычислите значения выражений:

а)  $1\frac{2}{9} + 1\frac{1}{6} (2 - 1\frac{25}{42}) =$

б)  $(7\frac{7}{8} - 3\frac{3}{8}) : 4\frac{1}{2} =$

в)  $(42\frac{5}{12} - 12\frac{11}{18}) - (25 - 4\frac{7}{36}) =$

г)  $(x : 1\frac{13}{22}) \cdot 2\frac{3}{14} = 7\frac{3}{4}$  найдите  $x$

3. Упростите выражение

$\frac{3}{2} \cdot (\frac{2}{3}x - 2) - 4 (2\frac{1}{2}x + \frac{3}{4}) =$

4. Найти число, если  $36\frac{2}{3}\%$  которого составляет  $\frac{(85\frac{7}{30} - 83\frac{5}{18}):2\frac{2}{3}}{0,04}$

### Самостоятельная работа №3

1. Выполните действия:

$$\text{а)} \frac{\frac{2}{4} \cdot 1,8 \cdot 1\frac{1}{5}}{\frac{1}{3} : 0,49 \cdot 2\frac{5}{8}}$$

$$\text{б)} \frac{\left(1,75 \cdot \frac{2}{5} + 1,75 : 1\right) \cdot 1\frac{5}{7}}{\left(\frac{17}{40} - 0,325\right) : \frac{1}{5} \cdot 0,4}$$

$$\text{в)} \frac{3}{16} \cdot 1\frac{3}{5} : \left(7\frac{1}{2} \cdot \frac{1}{10} - \frac{3}{5}\right) - 3\frac{1}{2} : 4\frac{2}{3}$$

2. Решите уравнение

$$\text{а)} (0,7x - \frac{4}{7}) \cdot 1\frac{2}{3} = 6,45$$

$$\text{б)} 0,3x - 8,632 = 3,644$$

### Самостоятельная работа №4

1. Выполните действия:

$$\text{а)} \left(2\frac{1}{2} : 3\frac{2}{3}\right) : \left(7\frac{1}{2} : 7\frac{1}{3}\right) \cdot 5\frac{1}{4} \cdot \frac{4}{21}$$

$$\text{б)} \left(7 - 1\frac{4}{23} \cdot 3\frac{5}{6} + 3\frac{1}{6} \cdot \frac{3}{19}\right) : \frac{2}{3} - \frac{2}{3}$$

2. Решите уравнение:

$$\text{а)} (4,2 - 3x) : \frac{8}{21} = \frac{7}{6}$$

$$\text{б)} (2 \cdot x - \frac{3}{11}) : \frac{5}{33} = 5,5$$

## Тема 3 «Корни, степени и логарифмы»

### Проверочная работа № 2. «Корни и степени»

#### Вариант

1. Представить степень с рациональным показателем в виде корня n-степени:

$$\text{а)} 5^{\frac{2}{3}}; \text{ б)} 3^{3\frac{1}{2}}; \text{ в)} 4^{3\frac{1}{4}}; \text{ г)} 6^{\frac{3}{8}}; \text{ д)} c^{\frac{3}{4}}; \text{ е)} p^{\frac{5}{2}}; \text{ ж)} 0,2^{0,5}$$

2. Представить в виде степени с рациональным показателем:

$$\text{а)} \sqrt[7]{1,3}; \text{ б)} \sqrt[7]{\frac{3}{5}}; \text{ в)} \sqrt[4]{\frac{2}{3}}; \text{ г)} \sqrt[3]{4,3}; \text{ д)} \sqrt[5]{b^4}; \text{ е)} \sqrt[11]{c^2}$$

3. Вычислить:

$$\text{а)} \sqrt[5]{0,027} * \sqrt[5]{0,09}; \text{ б)} \sqrt[6]{3^7 * 4^5} * \sqrt[6]{3^5 * 4}; \text{ в)} \sqrt[3]{125 * 0,027}; \text{ г)} \left(\frac{1}{4}\right)^{-\frac{1}{2}} * 25^{\frac{1}{2}} - 81^{\frac{1}{2}} * 125^{-\frac{1}{3}}$$

#### Вариант

1. Представить степень с рациональным показателем в виде корня n-степени:

$$\text{а)} 7^{\frac{3}{4}}; \text{ б)} 5^{3\frac{1}{3}}; \text{ в)} 8^{\frac{3}{7}}; \text{ г)} 4^{\frac{2}{6}}; \text{ д)} p^{\frac{2}{3}}; \text{ е)} y^{\frac{2}{3}}; \text{ ж)} 8,5^{0,6}$$

2. Представить в виде степени с рациональным показателем:

a)  $\sqrt{2,5}$ ; б)  $\sqrt[3]{\frac{7}{13}}$ ; в)  $\sqrt[6]{\frac{2}{3}}$ ; г)  $\sqrt[3]{3,7}$ ; д)  $\sqrt[3]{a^2}$ ; е)  $\sqrt[5]{a}$

3. Вычислить:

а)  $\frac{\sqrt[7]{256}}{\sqrt[7]{2}}$ ; б)  $\sqrt[4]{32 \cdot 3} * \sqrt[4]{8 \cdot 27}$ ; в)  $\sqrt[5]{2^5 \cdot 7^2} * \sqrt[5]{7^3}$ ; г)  $(216^{\frac{-1}{3}} * (\frac{1}{6})^{-2} - 5^{-1} * (\frac{1}{25})^{\frac{-1}{2}})$

### Самостоятельная работа №5

Степень с целым показателем.

Выполните действия:

а)  $((1\frac{1}{3})^{-1} - 2^{-2})^{-3} + 3^{-2} + (\frac{9}{8})^{-1} - 7^0$

б)  $\frac{(\frac{1}{5})^{-3} + (8 \cdot 3^{-2})^0}{7 \cdot (\frac{1}{2})^{-1}} =$

в)  $\frac{2^{-2} + 3^{-1}}{(\frac{2}{3})^{-2} + (-4)^{-1} \cdot 5 + 0,5^{-2}}$

г)  $(\frac{3a^2}{2b})^2 \cdot (\frac{2b^2}{3a^3})^2$

д)  $6x y^{-2} \cdot \frac{2}{3} x^5 y^{-1}$

е)  $(x^{-1} + y^{-1}) \cdot \frac{2+y}{x^2 + xy + y^2}$

### Самостоятельная работа №6

Степень с целым показателем.

Выполнить действия:

а)  $\frac{2^2 \cdot 2^{-1} + 5^{-3} \cdot 5^4}{10^{-3} \cdot 10^{-2} - (0,25)^0}$

б)  $\frac{4}{7} a^7 b^{-3} c^2 : 1 \frac{3}{4} a^{-3} b^{-2} c^3$

в)  $12 x^2 y^{-4} \cdot \frac{4}{9} x^4 y^{-2}$

г)  $(x^2 - y^2) : \frac{x^2 - 2xy + y^2}{x^2 y^2}$

д)  $(\frac{a^{-1} - b^{-1}}{a^{-1} + b^{-1}} - \frac{a^{-1} + b^{-1}}{a^{-1} - b^{-1}}) \cdot (4ab)^{-1}$

е)  $\frac{4a^{-2} b^3}{8a^{-1} b^6} : \frac{a^5 b^7}{16c^{-4}}$

## Самостоятельная работа №7

Преобразование радикала.

1. Выполнить действия:

а)  $(1 - \sqrt{2})(3 + \sqrt{2}) =$

б)  $(\sqrt{x} + \sqrt{y})^2 =$

в)  $(2\sqrt{7} + \sqrt{12})(\sqrt{12} - \sqrt{7}) =$

2. Сравнить значения выражений:

$3\sqrt{5}$  и  $\sqrt[4]{42}$        $\frac{1}{2}\sqrt{76}$  и  $\frac{2}{3}\sqrt{45}$

$0,3\sqrt{3}\frac{1}{3}$  и  $0,4\sqrt{2}\frac{1}{2}$

3. Сократить дробь:

а)  $\frac{4\sqrt{x}-3\sqrt{y}}{9y-16x}$

б)  $\frac{25a-49b}{5\sqrt{a}+7\sqrt{b}}$

## Самостоятельная работа №8

1. Выполнить действия:

а)  $(2\sqrt{3} + 1)(1 - 2\sqrt{3})$

б)  $(5\sqrt{6} - 6\sqrt{2})^2$

в)  $(7\sqrt{2} - \sqrt{98} + \sqrt{10}) \cdot \sqrt{2}$

2. Разложить на множители

$a^2 - 3 =$        $16c^2 - 7 =$        $\sqrt{a} - a =$

3. Сократить дроби:

а)  $\frac{7+\sqrt{7}}{\sqrt{7}}$

б)  $\frac{c^2 - c}{c - \sqrt{2}}$

в)  $\frac{\sqrt{14} - 7}{2 - \sqrt{14}}$

г)  $\frac{\sqrt{x} + \sqrt{2}}{2\sqrt{2} + x\sqrt{x}}$

## Самостоятельная работа №9

Степень с рациональным показателем.

1. Представить в виде корня из числа

а)  $4^{1,2}$       б)  $5^{-\frac{4}{5}}$       в)  $4^{1,25}$

2. Найти значение числового выражения:

а)  $243^{\frac{2}{5}}$       б)  $(\frac{3^8}{64^4})^{-18}$

в)  $64^{\frac{5}{3}}$       г)  $\frac{(27^5)^{\frac{1}{25}}}{9^{14}}$

3. Упростить выражения:

а)  $\frac{a-b}{\frac{1}{a^2}-\frac{1}{b^2}}$       б)  $\frac{x^{\frac{1}{2}}-4}{x-16}$

в)  $\frac{a+b}{\frac{2}{a^3}-\frac{1}{a^3b^3}+\frac{2}{b^3}}$

4. Найти значение выражения:

а)  $27^{\frac{2}{3}} + (\frac{1}{16})^{-0,75} - 25^{0,5} =$

б)  $81^{\frac{-3}{4}} + (\frac{1}{\sqrt{25}})^{\frac{-1}{3}} - (\frac{1}{32})^{\frac{-3}{5}}$

## Самостоятельная работа №10

1. Представить в виде корня из числа выражение:

a)  $16^{1.2}$     б)  $7^{-\frac{4}{5}}$     в)  $8^{1.25}$

2. Найти значение числового выражения:

а)  $0,001^{\frac{-1}{3}} \cdot (-2)^{-2} \cdot 64^{\frac{2}{3}} - 8^{\frac{-4}{3}} + (90)^2$

3. Упростить выражения:

а)  $\frac{\sqrt{x+1}}{x\sqrt{x+x+\sqrt{x}}} : \frac{1}{x^2-\sqrt{x}}$

б)  $\frac{a+b}{a^{\frac{2}{3}}-a^{\frac{1}{3}}b^{\frac{1}{3}}+b^{\frac{2}{3}}}$

## Проверочная работа № 3 «Логарифм. Преобразование выражений»

### Вариант

1. Вычислить:

а)  $\log_4 8 + \log_4 2$ ; б)  $\log_{\frac{1}{2}} 28 - \log_{\frac{1}{2}} 7$ ; в)  $(\log_6 2 + \log_6 3 + 2^{\log_2 4}) \cdot \log_5 7$ ;

г)  $(\log_6 2 + \log_6 3 + 2^{\log_2 4}) \log_5 7$ .

2. Найти  $x$  по данному его логарифму:

а)  $\log_7 x = \log_7 14 - \log_7 98$ ; б)  $\log_{0.2} x = \log_{0.2} 93 + \log_{0.2} 4 - \log_{0.2} 31$ ;

в)  $\log_5 x = \log_5 c - 2 \log_5 b + \log_5 a$ .

3. Известно, что  $\log_5 3 = m$ ,  $\log_5 2 = n$ . Выразить через  $m$  и  $n$   $\log_5 72$

4. Прологарифмировать по основанию 5 выражение  $125a^4 : b^4$

### Вариант

1. Вычислить:

а)  $\log_{12} 4 + \log_{12} 36$ ; б)  $\log_2 7 - \log_2 \frac{7}{16}$ ; в)  $(2\log_8 3 - \log_8 45) : (\log_8 5 + \log_8 125)$ ;

г)  $(\log_2 20 - \log_2 5 + 7^{\log_7 8}) \lg 9$ .

2. Найти  $x$  по данному его логарифму:

а)  $\log_2 x = \log_2 56 - \log_2 8$ ; б)  $\log_5 x = \log_5 8 - \log_5 2 + \log_5 \frac{25}{4}$ ;

в)  $\log_2 x = 2 \log_2 a - \log_2 b + \log_2 c$ .

3. Известно, что  $\log_5 3 = m$ ,  $\log_5 2 = n$ . Выразить через  $m$  и  $n$   $\log_5 36$

4. Прологарифмировать по основанию 2 выражение  $16a^2 : b^3$

## Самостоятельная работа №11 Логарифмы, действия над логарифмами.

1. Вычислите:

$\log_5 125$      $\log_3 \frac{1}{81}$      $\log_{\frac{1}{4}} \frac{1}{64}$      $\log_{\frac{1}{9}} 81$

2. Вычислите:

$10^{\lg 100}$      $2^{\log_2 5}$      $3^{2+\log_3 5}$      $2\log_5 25 + 3\log_4 64$

3. Прологарифмируйте по основанию 2.

$y = 8a^3$      $y = 2a\sqrt{b}$      $y = 16a^2 \sqrt[4]{83}$

4. Вычислите  $\lg 4$ ,  $\lg 6$ , если  $\lg 2 \approx 0,301$      $\lg 3 \approx 0,477$

## Самостоятельная работа №12

1. Вычислите:

$$\log_{16} \log_3 81 \log_{27} \log_4 64$$

2. Найдите значение выражения:

$$a) \log_4 \frac{1}{64} + \log_5 \frac{1}{25} + \log_3 \frac{1}{9} =$$

3. Прологарифмируйте выражение по основанию 10.

$$y = \sqrt[3]{a^3 b^2 c^5} \quad y = \frac{\sqrt[3]{a^5 b^4}}{c^{12}}$$

4. Найдите значение выражения:

$$\log_a \sqrt[6]{ab}, \text{ если } \log_a b = 29$$

5. Сравните числа:  $2\log_2 \frac{1}{8}$  и  $3\log_8 35$

## Тема 4 «Прямые и плоскости в пространстве»

### Проверочная работа № 4 «Параллельность прямых и плоскостей»

#### Вариант

- Прямые  $a$  и  $b$  лежат в параллельных плоскостях  $\alpha$  и  $\beta$ . Могут ли эти прямые быть параллельными; скрещивающимися? Сделайте рисунок для каждого возможного случая.
- Через точку  $O$ , лежащую между параллельными плоскостями  $\alpha$  и  $\beta$ , проведены прямые  $l$  и  $m$ . Прямая  $l$  пересекает плоскости  $\alpha$  и  $\beta$  в точках  $A_1$  и  $A_2$  соответственно, прямая  $m$  – в в точках  $B_1$  и  $B_2$ . Найдите длину отрезка  $A_2 B_2$ , если  $A_1 B_1 = 12$  см,  $B_1 O : OB_2 = 3 : 4$
- Дан параллелепипед  $ABCDA_1B_1C_1D_1$ . Постройте сечение параллелепипеда плоскостью, проходящей через точки  $M$ ,  $N$  и  $K$ , являющиеся серединами ребер  $AB$ ,  $BC$  и  $DD_1$ .

#### Вариант

- Прямые  $a$  и  $b$  лежат в пересекающихся плоскостях  $\alpha$  и  $\beta$ . Могут ли эти прямые быть параллельными; скрещивающимися? Сделайте рисунок для каждого возможного случая.
- Через точку  $O$ , не лежащую между параллельными плоскостями  $\alpha$  и  $\beta$ , проведены прямые  $l$  и  $m$ . Прямая  $l$  пересекает плоскости  $\alpha$  и  $\beta$  в точках  $A_1$  и  $A_2$  соответственно, прямая  $m$  – в в точках  $B_1$  и  $B_2$ . Найдите длину отрезка  $A_1 B_1$ , если  $A_2 B_2 = 15$  см,  $O B_1 : OB_2 = 3 : 5$
- Дан тетраэдр  $DABC$ . Постройте сечение тетраэдра плоскостью, проходящей через точки  $M$  и  $N$ , являющиеся серединами ребер  $DC$  и  $BC$ , и точку  $K$ , такую, что  $K \in DA$ ,  $AK : KD = 1 : 3$ .

### Проверочная работа № 5 «Перпендикулярность прямых и плоскостей»

#### Вариант

- Диагональ куба равна 6 см. Найдите:
  - ребро куба;
  - косинус угла между диагональю куба и плоскостью одной из его граней.
- Сторона  $AB$  ромба  $ABCD$  равна  $p$ , а один из углов ромба равен  $60^\circ$ . Через сторону  $AB$  проведена плоскость  $\alpha$  на расстоянии  $\frac{p}{2}$  от точки  $D$ .
  - Найдите расстояние от точки  $C$  до плоскости  $\alpha$ .
  - Покажите на рисунке линейный угол двугранного угла  $DABM$ ,  $M \in \alpha$ .

в) Найдите синус угла между плоскостью ромба и плоскостью  $\alpha$ .

### Вариант

1. Основанием прямоугольного параллелепипеда служит квадрат, диагональ параллелепипеда равна  $2\sqrt{6}$ , а его измерения относятся как  $1 : 1 : 2$ . Найдите:
  - а) Измерения параллелепипеда.
  - б) Синус угла между диагональю параллелепипеда и плоскостью его основания.
2. Сторона квадрата ABCD равна  $p$ . Через сторону AD проведена плоскость  $\alpha$  на расстоянии  $\frac{p}{2}$  от точки B.
  - а) Найдите расстояние от точки C до плоскости  $\alpha$ .
  - б) Покажите на рисунке линейный угол двугранного угла BADM,  $M \in \alpha$ .
  - в) Найдите угол между плоскостью квадрата и плоскостью  $\alpha$ .

### Самостоятельная работа № 13

1) Прямые  $a$  и  $b$  лежат в одной плоскости

Могут ли прямые  $a$  и  $b$

а) пересекаться

б) быть параллельными

в) скрещиваться

2) Прямые  $m$  и  $n$  пересекаются

Как расположена прямая  $m$  относительно прямой  $d$ , если

а)  $d \parallel n$

б) прямые  $d$  и  $n$  пересекаются

3) Прямые  $a$  и  $b$  параллельны

Точки A и B принадлежат прямой  $a$

Точки C и D принадлежат прямой  $b$

Лежат ли прямые AC и BD в одной плоскости?

### Самостоятельная работа № 14

1. Прямая EF, не лежащая в плоскости прямоугольника ABCD параллельна стороне BC.

Доказать, что EF и AD параллельны.

2. Точка M лежит вне плоскости ABC. Точки K, P, E, F - середины отрезков MA, AB, MC, BC. Как расположены прямые KP и EF?

### Самостоятельная работа № 15

1. Через точку B отрезка AB проведена плоскость  $\alpha$ . Отрезок AB разделен точкой C в отношении 3:4 (считая от A к B). Отрезок CD, равный 12 см, проведен параллельно плоскости  $\alpha$ . Через точки D проведена прямая AD, пересекающая плоскость  $\alpha$  в точке E. Определить расстояние между точками B и E.

2. Если через две параллельные прямые проходят пересекающиеся плоскости, то линия их пересечения параллельна каждой из двух прямых или совпадает с одной из них. Докажите.

### Самостоятельная работа № 16

1. Прямые  $a$  и  $b$  - скрещивающиеся прямые, плоскость  $\alpha$  параллельна прямой  $a$ . Укажите возможные случаи взаимного расположения прямой  $b$  и плоскости  $\alpha$ .

2. Через середины K и M сторон треугольника ABC (K лежит на AB, M - на BC) проведена плоскость. Какое положение занимает проведенная плоскость относительно стороны AC

### Самостоятельная работа № 17

1. Верно ли утверждение, что плоскости параллельны, если прямая, лежащая в одной плоскости, параллельна другой плоскости?
2. Плоскость, проведенная через середины ребер  $AD$ ,  $DC$  и  $A_1D_1$  куба  $ABCDA_1B_1C_1D_1$  параллельна диагональному сечению  $AA_1C_1C$ . Докажите.

### Самостоятельная работа № 18

**Тема:** "Параллельность плоскостей"

1. Две плоскости  $\alpha$  и  $\beta$  параллельны между собой. Из точки  $M_1$  не лежащей ни в одной из этих плоскостей, ни между плоскостями, проведены две прямые, пересекающие эти плоскости соответственно в точках  $A_1$  и  $A_2$ ,  $B_1$  и  $B_2$ . Известно, что  $MA = 4\text{см}$ ,  $B_1B_2 = 9\text{см}$ ,  $A_1A_2 = MB_1$

Найдите  $MA_2$  и  $MB_2$

2. Диагональ и сторона трапеции параллельны плоскости  $\alpha$ . Как расположены плоскость  $\alpha$  и плоскость, в которой лежит трапеция.

### Самостоятельная работа № 19

**Тема:** "Перпендикуляр и наклонные"

1. Диагональ  $BD$  ромба  $ABCD$  перпендикулярна к плоскости  $\alpha$ . Как расположена по отношению к этой плоскости другая его диагональ.
2. Точка  $O$  - центр квадрата со стороной  $a$ .  $OA$  - отрезок, перпендикулярный к плоскости квадрата и равный  $b$ . Найдите расстояние от точки  $A$  до вершин квадрата.

### Самостоятельная работа № 20

**Тема:** "Перпендикуляр и наклонные"

1. Из данной точки к плоскости проведены две наклонные, разность длин которых  $6\text{ см}$ . Их проекции на эту плоскость соответственно равны  $27\text{ см}$  и  $15\text{ см}$ . Найдите расстояние от данной точки до плоскости.
2. Из точки  $O$  пересечения диагоналей ромба  $ABCD$  восставлен к его плоскости перпендикуляр  $OM$ . Докажите, что точка  $M$  одинаково удалена от всех сторон ромба.

## Тема 5. Комбинаторика

### Проверочная работа № 6 «Элементы комбинаторики»

#### **Вариант**

1. Ученик помнит, что в формуле азотной кислоты подряд идут буквы  $H$ ,  $N$ ,  $O$  и что есть один нижний индекс – то ли двойка, то ли тройка.  
а) Нарисуйте дерево возможных вариантов, из которых ученику придётся выбирать ответ.  
б) Сколько среди них тех, в которых индекс стоит не на втором месте?  
в) Как изменится дерево вариантов, если ученик помнит, что на первом месте точно стоит  $H$ , а порядок остальных букв забыл?  
г) Как изменится дерево вариантов, если буквы могут идти в любом порядке?
2. Вычислить: а)  $\frac{6!+7!}{4!+5!}$ ; б)  $\frac{16 \cdot 6!+7!}{7!+8!}$
3. Встретились несколько человек и стали здороваться друг с другом. Рукопожатий было от 60 до 70. Сколько человек встретилось, если известно, что:  
а) каждый здоровался с каждым;  
б) только один человек не здоровался ни с кем;  
в) только двое не поздоровались между собой;  
г) четверо поздоровались только между собой и остальные поздоровались только между собой.
4. Вычислить: а)  $C_{17}^2$ ; б)  $C_{27}^2 - C_{26}^2$
5. Решить уравнение:  $C_x^4 = A_x^3$

### **Вариант**

1. Из пяти одноклассниц **A, B, C, D, E**, только **B** и **D** дружат со всеми, **B** дружит, кроме **B** и **D**, только с **E**, остальные не дружат между собой. Для проведения соревнования надо из этих одноклассниц выбрать капитана и его заместителя, которые дружат между собой.
- Нарисуйте дерево возможных вариантов выбора.
  - В скольких вариантах капитаном будет **A**?
  - В скольких вариантах выбора будет присутствовать **B**?
  - В скольких вариантах выбора **E** будет заместителем?
2. Вычислить: а)  $\frac{1!}{4!} + \frac{10}{5!}$  б)  $\frac{(2!)^2 \cdot (6!)^2}{4! \cdot 5! \cdot 6!}$
3. Каждую из  $n$  точек, являющихся вершинами выпуклого  $n$  – угольника, соединили отрезками с каждой другой вершиной.
- Сколько провели отрезков?
  - Сколько провели диагоналей?
  - Сколько есть двузвенных ломаных, соединяющих вершину **A** с вершиной **B**?
  - Сколько есть трёхзвенных ломаных, соединяющих вершину **A** с вершиной **B**?
4. Вычислить: а)  $C_8^4$ ; б)  $C_{11}^5 + C_{11}^5$
5. Решить уравнение:  $C_x^3 = A_x^2$

### **Самостоятельная работа № 21**

1. Сколько двузначных чисел можно составить из цифр 1,3,5,8,9 так, чтобы в каждом числе не было одинаковых цифр?
2. Из 6 открытых надо выбрать 3. Сколько способами это можно сделать?

### **Самостоятельная работа № 22**

1. Сколько способами можно разместить 5 человек вокруг круглого стола?
2. Сколько способами можно составить флаг, состоящий из трех горизонтальных полос различных цветов, если можно использовать материал семи различных цветов?
3. Решить уравнение:  
 $30x = A_x^4$

### **Самостоятельная работа № 23**

1. Сколько способами можно расставить на полке 6 книг?
2. Сколько способами можно выбрать гласную из слова журнал?

### **Самостоятельная работа № 24**

1. Сколько способами можно составить список из 6 человек?
2. Сколько способами собрание, состоящие из 18 человек, может из своего состава выбрать председателя собрания и секретаря?

## **Тема 6. Координаты и векторы**

### **Проверочная работа №7 «Метод координат в пространстве»**

#### **Вариант – 1**

- Найдите координаты вектора  $\vec{AB}$ , если :  $A(6; -2; 5)$ ,  $B(4; -4; 6)$ .
- Даны векторы :  $\vec{b}\{4; 2; -3\}$ ,  $\vec{c}\{2; 5; -4\}$ . Найдите  $|4\vec{b} - \vec{c}|$
- Вычислить скалярное произведение векторов  $\vec{m}$  и  $\vec{n}$ , если  $\vec{m} = \vec{a} + 4\vec{b} - 2\vec{c}$ ;  $\vec{n} = 3\vec{a} - \vec{b}$ ;  
 $|\vec{a}| = 4$ ;  $|\vec{b}| = 5$ ;  $(\vec{a}, |\vec{b}|) = 60^\circ$ ;  $\vec{c} \perp \vec{a}$ ;  $\vec{c} \perp \vec{b}$ ;

4. Вершины треугольника  $ABC$  имеют координаты  $A(-2; 0; 1)$ ,  $B(-1; 2; 3)$ ;  $C(8; -4; 9)$ . Найдите координаты вектора  $\overrightarrow{BM}$ , если  $BM$  – медиана треугольника  $ABC$ .
5. Даны точки  $A(-1; 5; 3)$ ,  $B(7; -1; 3)$ ,  $C(3; -2; 6)$ . Доказать, что треугольник  $ABC$  – прямоугольный.

### Вариант

- Найдите координаты вектора  $\overrightarrow{AB}$ , если:  $A(8; 5; -4)$ ,  $B(4; 6; -8)$ .
- Даны векторы:  $\vec{b}\{4; -3; 4\}$ ,  $\vec{c}\{3; 5; -2\}$ . Найдите  $|\vec{b} - 3\vec{c}|$ .
- Вычислить скалярное произведение векторов  $\vec{m}$  и  $\vec{n}$ , если  $\vec{m} = 3\vec{a} - \vec{b} + 2\vec{c}$ ;  $\vec{n} = \vec{a} - 4\vec{b}$ ;  $|\vec{a}| = 5$ ;  $|\vec{b}| = 2$ ;  $(\vec{a}, \vec{b}) = 60^\circ$ ;  $\vec{c} \perp \vec{a}$ ;  $\vec{c} \perp \vec{b}$ ;
- Вершины треугольника  $ABC$  имеют координаты  $A(-1; 2; 3)$ ,  $B(1; 0; 4)$ ;  $C(3; -2; 1)$ . Найдите координаты вектора  $\overrightarrow{AM}$ , если  $AM$  – медиана треугольника  $ABC$ .
- Даны точки  $A(-1; 5; 3)$ ,  $B(-1; 3; 9)$ ,  $C(3; -2; 6)$ . Доказать, что треугольник  $ABC$  – прямоугольный.

### Самостоятельная работа №26

#### Вариант

- $ABCDA_1B_1C_1D_1$  – параллелепипед. Изобразите на рисунке векторы, равные:  
а)  $\overrightarrow{B_1C} + \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BB_1} + \overrightarrow{B_1A_1}$ ; б)  $\overrightarrow{DC} - \overrightarrow{BB_1}$
- В тетраэдре  $DABC$  точка  $N$  – середина ребра  $AB$ , точка  $P$  – середина отрезка  $DN$ . Выразите вектор  $\overrightarrow{CP}$  через векторы  $\overrightarrow{CA} = \vec{a}$ ,  $\overrightarrow{CB} = \vec{b}$ ,  $\overrightarrow{CD} = \vec{d}$ .
- Дан параллелепипед  $ABCDA_1B_1C_1D_1$ . Точка  $M$  лежит на  $AB$ , причем  $AM : MB = 5 : 2$ , а  $K \in AD_1$ , причем  $AK : KD_1 = 3 : 5$ . Разложите вектор  $\overrightarrow{MK}$  по векторам  $\overrightarrow{BA}$ ,  $\overrightarrow{BB_1}$  и  $\overrightarrow{BC}$ .

#### Вариант

- $ABCDA_1B_1C_1D_1$  – параллелепипед. Изобразите на рисунке векторы, равные:  
а)  $\overrightarrow{CD} + \overrightarrow{B_1C_1} + \overrightarrow{DD_1} + \overrightarrow{AB}$ ; б)  $\overrightarrow{BD_1} - \overrightarrow{B_1C_1}$
- В тетраэдре  $DABC$  точка  $T$  – середина ребра  $AC$ , точка  $K$  – середина отрезка  $DT$ . Выразите вектор  $\overrightarrow{BK}$  через векторы  $\overrightarrow{BA} = \vec{a}$ ,  $\overrightarrow{BC} = \vec{c}$ ,  $\overrightarrow{BD} = \vec{d}$ .
- Дан параллелепипед  $ABCDA_1B_1C_1D_1$ . Точка  $N$  лежит на  $C_1A_1$ , причем  $C_1N : NA_1 = 2 : 5$ , а  $M \in C_1C$ , причем  $C_1M : MC = 3 : 1$ . Разложите вектор  $\overrightarrow{MN}$  по векторам  $\overrightarrow{CB}$ ,  $\overrightarrow{CC_1}$  и  $\overrightarrow{CD}$ .

### Самостоятельная работа №27

#### Вариант

- Найти периметр треугольника с координатами вершин  $A(3; -2; 1)$ ,  $B(-2; 1; 3)$ ,  $C(1; 3; -2)$ .
- Даны координаты середин сторон треугольника  $MNP$ , если  $M(-1; 4; 2)$ ,  $N(1; 3; 4)$ ,  $P(2; 7; -1)$ . Найти координаты вершин этого треугольника.

### **Вариант**

1. Даны 2 вершины параллелограмма ABCD A(4 ; -3 ; 1) B(-3 ; 2 ; 5)

и точка пересечения его диагоналей Q(1 ; 0 ; -2). Найти другие вершины параллелограмма.

2. Найти координаты точек симметричные точкам A(7 ; -3 ; 1) B(2 ; 4 ; -5) относительно :

а) плоскости xy

б) плоскости xz

в) оси x

г) оси y

### **Самостоятельная работа № 28**

1. Составьте уравнение прямой, проходящей через точку M(2 ; 1 ; 3) и параллельной вектору  $\vec{a} = (4 ; -5 ; -6)$

2. Вычислите острый угол между двумя прямыми:

$$\frac{x-3}{2} = \frac{y-1}{1} = \frac{z+4}{2} \text{ и } \frac{x+1}{12} = \frac{y+3}{3} = \frac{z-2}{4}$$

### **Самостоятельная работа № 29**

1. Дан тетраэдр ABCD. Докажите, что  $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC} = \overrightarrow{BD} + \overrightarrow{AC}$ .

2. Вычислить длину вектора  $3\vec{a} + 2\vec{b}$ , если  $\vec{a} = (2 ; 0 ; 0)$   $\vec{b} = (1 ; 1 ; -1)$ .

### **Самостоятельная работа №30**

1. Найти скалярное произведение векторов  $\vec{a} = (4 ; -3 ; 1)$   $\vec{b} = (5 ; -2 ; -3)$ .

2. Даны векторы  $\vec{a} = (4 ; -3 ; 1)$   $\vec{b} = (5 ; -2 ; -3)$  Найти угол между ними.

### **Самостоятельная работа №31**

1. Доказать, что точки A(2 ; 4 ; -4) B(1 ; 1 ; -3) C(-2 ; 0 ; 5) D(-1 ; 3 ; 4)

являются вершинами параллелограмма и вычислить величину угла между его диагоналями.

2. Вычислите, перпендикулярны ли плоскости

$$2x - 5y + z + 4 = 0$$

$$3x + 2y + 4z - 1 = 0$$

## Тема 7. Основы тригонометрии

### Контрольная работа «Преобразования тригонометрических выражений»

#### Вариант

- Замените тригонометрической функцией угла  $\alpha$ :  
а)  $\sin(\pi/2-\alpha)$ ; б)  $\cos(2\pi-\alpha)$ ; в)  $\operatorname{ctg}(\pi+\alpha)$ .
- Известно, что  $\pi/2 < \alpha < \pi$ . Найдите  $\sin\alpha$ ,  $\operatorname{tg}\alpha$  и  $\operatorname{ctg}\alpha$ , если  $\cos\alpha = -0,6$ .
- Зная, что  $\sin\alpha = 0,8$ ,  $\cos\beta = 0,6$ ,  $\alpha$  и  $\beta$  – углы I четверти, найдите значения выражений: а)  $\sin(\alpha+\beta)$ ; б)  $\cos(\alpha-\beta)$ ; в)  $\sin 2\alpha$ .
- Найдите значение выражения:

$$\frac{\cos 68^\circ - \cos 22^\circ}{\sin 68^\circ - \sin 22^\circ}$$

- Упростите выражение:  $\frac{\sin 2\alpha}{\sin \alpha}$

#### Вариант

- Замените тригонометрической функцией угла  $\alpha$ :  
а)  $\cos(3\pi/2+\alpha)$ ; б)  $\sin(2\pi+\alpha)$ ; в)  $\operatorname{tg}(\pi/2-\alpha)$ .
- Известно, что  $\pi/2 < \alpha < \pi$ . Найдите  $\cos\alpha$ ,  $\operatorname{tg}\alpha$  и  $\operatorname{ctg}\alpha$ , если  $\sin\alpha = 1/3$ .
- Зная, что  $\sin\alpha = 8/17$ ,  $\cos\beta = 4/5$ ,  $\alpha$  и  $\beta$  – углы I четверти, найдите значения выражений: а)  $\sin(\alpha - \beta)$ ; б)  $\cos(\alpha + \beta)$ ; в)  $\cos 2\alpha$ .
- Найдите значение выражения:

$$\frac{\sin 130^\circ + \sin 110^\circ}{\cos 130^\circ + \cos 110^\circ}$$

- Упростите выражение:  $\frac{\sin 2\alpha}{2 \cos \alpha}$

### Самостоятельная работа №32

- Дано:  $\cos \alpha = \frac{15}{17}$        $0 < \alpha < \frac{\pi}{2}$       Найдите:  $\operatorname{tg} \alpha$ ,  $\sin \alpha$ ,  $\operatorname{ctg} \alpha$
- Дано:  $\operatorname{ctg} \alpha = 2$        $-\frac{17}{2}\pi < \alpha < -\frac{15}{2}\pi$       Найти:  $\operatorname{tg} \alpha$ ,  $\sin \alpha$ ,  $\cos \alpha$
- Определить знак числа:  $\operatorname{tg} \alpha \frac{46}{5}\pi \operatorname{tg} \alpha \left(-\frac{136}{7}\pi\right)$
- Дано:  $\sin \alpha \cdot \cos \alpha = \frac{1}{4}$        $2\pi < \alpha < 3\pi$       Найти:  $\sin \alpha + \cos \alpha$
- Найти значение выражения:  
 $\sin^2 11^\circ + \sin^2 79^\circ$

### Самостоятельная работа №33

1. Найдите значение выражения:

$$a) \frac{\sin^2 8 + \sin^2 82^\circ}{\cos^2 51^\circ + \cos^2 39^\circ} =$$

2. Сравните числа:  $\cos 14^\circ \cos 74^\circ$  и  $\frac{1}{2}$

3. Дано:  $2 \sin \alpha - 2 \sin \alpha = 1$  Найдите:  $\sin \alpha \cos \alpha$

4. Определите значение выражения :

$$a) \frac{\sin^2 35^\circ + \cos^2 35^\circ}{\operatorname{tg} 35^\circ + \operatorname{ctg} 35^\circ}$$

5. Найдите значение выражения:

$$a) \frac{\sin^3 24^\circ + \cos^3 24^\circ}{\sin 24^\circ + \cos 24^\circ} - \frac{\sin^2 24^\circ + \cos^2 24^\circ}{\operatorname{tg} 24^\circ + \operatorname{ctg} 24^\circ}$$

### Самостоятельная работа № 34

1. Найдите значения выражений:

$$a) \frac{2 \cos 13^\circ \cos 43^\circ - \cos 56^\circ}{2 \sin 58^\circ \cos 13^\circ - \sin 71^\circ} =$$

$$б) \frac{\cos(3\alpha - \frac{21\pi}{4})}{\sin(3\alpha - \frac{21\pi}{4})}$$

$$в) \operatorname{ctg}\left(\frac{\pi}{4} + 15\alpha\right) + \operatorname{tg}\left(-\frac{\pi}{2} - 27\alpha\right) \text{ при } \alpha = \frac{\pi}{12}$$

$$г) \sin \frac{3\pi}{4} \cos \frac{\pi}{4} + \cos \frac{3\pi}{4} \sin \frac{\pi}{4}$$

$$д) \frac{\operatorname{tg} \frac{7\pi}{15} - \operatorname{tg} \frac{2\pi}{15}}{1 + \operatorname{tg} \frac{7\pi}{15} \cdot \operatorname{tg} \frac{2\pi}{15}}$$

### Самостоятельная работа №35

1. Упростите выражение:

$$a) \frac{2 \cos 10 \cos 70 - \cos 80}{2 \sin 40 \cos 10 - \sin 50}$$

2. Вычислите значения выражения при  $\alpha = \frac{\pi}{12}$

$$\operatorname{ctg}\left(\frac{\pi}{4} - 21\alpha\right) + \operatorname{tg}\left(-\frac{5\pi}{2} - 15\alpha\right)$$

3. Упростите выражение:

$$a) \frac{\sin(2\alpha + \frac{3\pi}{4})}{\cos(2\alpha + \frac{21\pi}{4})}$$

4. Сравните числа :

$$a) \sin^2 6^\circ + \cos^2 9^\circ \text{ и } \cos^2 6^\circ + \sin^2 9^\circ$$

5. Найдите значение  $\sin^6 \alpha + \cos^6 \alpha$ , если  $\sin \alpha + \cos \alpha = -\frac{1}{2}$

### Самостоятельная работа №36

1. Доказать тождество:

a)  $\frac{\sin 3\alpha}{\sin \alpha} - \frac{\cos 3\alpha}{\cos \alpha} = 2$

б)  $1 + \cos 2\alpha + 2 \sin^2 \alpha = 2$

2. Вычислить:

a)  $\cos \alpha$ , если  $\sin \frac{\alpha}{2} = \frac{24}{25}$   $\alpha \in (\frac{\pi}{2}; \pi)$

б)  $\sin 2\alpha$ , если  $\sin \alpha = \frac{3}{5}$   $\alpha \in (\frac{\pi}{2}; \pi)$

в)  $\operatorname{tg} \alpha$ , если  $\cos \frac{\alpha}{2} = \frac{1}{2}$   $\alpha \in (0; \frac{\pi}{2})$

### Самостоятельная работа № 37

1. Доказать тождество:

a)  $\frac{\cos 2\alpha}{1 + \sin 2\alpha} = \frac{1 - \operatorname{tg} \alpha}{1 + \operatorname{tg} \alpha}$

б)  $2 \cos(45^\circ + \alpha) \cdot \cos(45^\circ - \alpha) = \cos 2\alpha$

2. Вычислить:

a)  $\sin \alpha$ , если  $\sin \frac{1}{2} = -\frac{7}{25}$   $\alpha \in (\pi; \frac{3}{2}\pi)$

б)  $\cos \frac{\alpha}{2}$ , если  $\sin \alpha = \frac{\sqrt{3}}{2}$   $\alpha \in (\frac{\pi}{2}; \pi)$

в)  $\operatorname{tg} 2\alpha$ , если  $\cos \alpha = \frac{4}{5}$   $\alpha \in (0; \frac{\pi}{2})$

### Самостоятельная работа № 38

1. Вычислить:

a)  $\sin 2\alpha$ , если  $\sin \alpha = -\frac{\sqrt{3}}{2}$   $\alpha \in (\pi; \frac{3}{2}\pi)$

б)  $\operatorname{tg} \frac{\alpha}{2}$ , если  $\cos \alpha = -\frac{7}{25}$   $\alpha \in (\pi; \frac{3}{2}\pi)$

в)  $\cos \frac{\alpha}{2}$ , если  $\sin \alpha = \frac{\sqrt{3}}{2}$   $\alpha \in (\frac{\pi}{2}; \pi)$

2. Доказать тождество :

a)  $\frac{2\operatorname{tg} \alpha}{1 - \operatorname{tg}^2 \alpha} \cdot 3 \operatorname{ctg} 2\alpha = 3$

б)  $2 \sin 2\alpha \cdot \frac{1 - \operatorname{tg}^2 \alpha}{1 + \operatorname{tg}^2 \alpha} = \sin 4\alpha$

### Самостоятельная работа № 39

1. Преобразовать в произведение:

a)  $\sin 75^\circ + \sin 15^\circ =$

b)  $\cos \frac{5}{12}\pi - \cos \frac{\pi}{12} =$

2. Преобразовать в сумму:

a)  $\sin 52^\circ 30' \cdot \cos 7^\circ 30'$

b)  $8 \cos 7\alpha \cdot \cos 3\alpha$

3. Доказать тождество:

a)  $\frac{\sin \alpha + \sin 3\alpha}{\cos \alpha + \cos 3\alpha} = \operatorname{tg} 2\alpha$

b)  $\frac{\operatorname{tg} \alpha + \operatorname{tg} \beta}{\operatorname{tg} \alpha + \operatorname{tg} \beta} - \frac{\sin(\alpha + \beta)}{\sin(\alpha - \beta)} = 0$

### Самостоятельная работа № 40

1. Преобразовать в произведение:

a)  $\sqrt{3} - 2 \sin \alpha$

b)  $\sin \frac{5\pi}{12} - \sin \frac{\pi}{12}$

2. Преобразовать в сумму:

a)  $\cos 37^\circ 30' \cdot \cos 7^\circ 30'$

b)  $12 \sin(-9\alpha) \cdot \sin 4\alpha$

3. Доказать тождество:

a)  $\sin \alpha - 2 \sin\left(\frac{\alpha}{2} - 15^\circ\right) = \frac{1}{2}$

b)  $\frac{\sin(\alpha + \beta) + \sin(\alpha - \beta)}{\sin(\alpha + \beta) - \sin(\alpha - \beta)} = \operatorname{tg} \alpha \cdot \operatorname{ctg} \beta$

### Самостоятельная работа № 41

Обратные тригонометрические функции.

1. Вычислить:

a)  $\frac{1}{3} \operatorname{arc} \sin \frac{\sqrt{2}}{2}$

arc  $\sin\left(-\frac{1}{2}\right)$

arc  $\cos(-1)$

arc  $\operatorname{tg}(-\sqrt{3})$

2.

arc  $\cos \frac{1}{2} + \operatorname{arc} \operatorname{tg}(-1) =$

arc  $\sin 1 - \operatorname{arc} \cos 0 =$

3.

a)  $\frac{\operatorname{arc} \sin \frac{\sqrt{2}}{2} - \operatorname{arc} \cos\left(-\frac{1}{2}\right)}{3 \operatorname{arc} \operatorname{tg} 1}$

b)  $\sin\left(\operatorname{arc} \sin \frac{1}{2}\right) =$

v)  $\cos\left(\operatorname{arc} \operatorname{tg} 1\right) =$

### Самостоятельная работа № 42

1. Решить уравнение:

$\cos x = -\frac{\sqrt{2}}{2}$

$\sin(x + \frac{\pi}{6}) = \frac{\sqrt{3}}{2}$

$\operatorname{tg}(2x - \frac{\pi}{4}) = \sqrt{3}$

$\sin \frac{x}{3} = 1$

2.

$2 \cos^2 x + \cos x - 1 = 0$

3.

$4 \cos^2 x - 3 = 0$

**Самостоятельная работа № 43 «Решение тригонометрических уравнений и неравенств»**  
**Вариант**

1. Решить уравнение:

- а)  $3\sin \frac{x}{3} = 0$
- б)  $4 \cos 3x + 4 = 0$
- в)  $3 \operatorname{tg}(x+2) = 0$
- г)  $\sin(\pi/6 + x/2) + 1 = 0$
- д)  $\sqrt{2} \cos(2x - \pi/5) - 1 = 0$
- е)  $4\sqrt{3} \sin(3x - 3\pi/8) - 6 = 0$
- ж)  $\sqrt{3}/\cos(3x - \pi/3) = 2$

2. Найдите корни уравнения  $\sin \frac{x}{3} = -\frac{1}{2}$  на отрезке  $[0; 3\pi]$

3. Решить неравенство:

- а)  $\sin x < -0,5$ ; б)  $\cos x > 0,5$ ; в)  $\operatorname{tg} x \leq -3$

**Вариант**

Решить уравнение:

- а)  $0,5 \cos 2x = 0$
- б)  $5\sin 5x - 5 = 0$
- в)  $\operatorname{ctg}(x - 3) = 0$
- г)  $\cos(\pi/4 + x/3) - 1 = 0$
- д)  $\sqrt{2} - 2 \sin(5x - \pi/3) = 0$
- е)  $6\sqrt{3} \cos(2x + 3\pi/4) + 9 = 0$
- ж)  $1/\sin(4x + \pi/6) = 2$

2. Найдите корни уравнения  $\cos \frac{x}{2} = \frac{1}{2}$  на отрезке  $[0; 4\pi]$

3. Решить неравенство:

- а)  $\sin x > 0,5$ ; б)  $\cos x < -0,5$ ; в)  $\operatorname{tg} x \geq 2$

**Тема 8. Функции и графики**

**Проверочная работа №1 «Функции, их свойства»**

**Вариант**

1. Данна функция  $f(x) = x + \frac{1}{x}$ ;

Сравните: а)  $f(3)$  и  $f(\frac{1}{2})$ ; б)  $f(-5)$  и  $f(-0,2)$ .

2. Найти область определения функции:

$$a) y = \frac{3}{x+7}; b) y = \sqrt{3-x}; v) y = \frac{3}{x^2-4}.$$

3. Докажите, что функция:

- а)  $f(x) = x^4 - 2x^2 - \sin^2 3x$  является четной;
- б)  $f(x) = x^3 - 3x + \sin 2x$  является нечетной.

4. По графику функции (карточка) определить:

- а) промежутки возрастания и убывания;
- б) точки максимума и минимума;
- в) экстремумы функции.

5. Данна функция  $f(x) = 4x + 1$  с областью определения  $D: x \geq 0$ . Запишите обратную к ней функцию в виде  $y = g(x)$ , указав её область определения. Постройте на одном чертеже графики функций  $f(x)$  и  $g(x)$ .

### **Вариант**

1. Данна функция  $f(x) = -x + \frac{1}{x}$ ;

Сравните: а)  $f(6)$  и  $f(-0,25)$ ; б)  $f(2)$  и  $f(-0,5)$ .

2. Найти область определения функции:

$$a) y = \frac{8}{x-10}; b) y = \sqrt{3+x}; c) y = \frac{5}{3x^2-2x}.$$

3. Докажите, что функция:

$$a) f(x) = \sqrt{\frac{1-x^2}{1+x^2}}$$

является четной;

$$b) f(x) = 7x^3 + \sin \frac{x}{2}$$

является нечетной.

4. По графику функции (карточка) определить:

а) промежутки возрастания и убывания;

б) точки максимума и минимума;

в) экстремумы функции.

5. Данна функция  $f(x) = 2x + 1$  с областью определения  $D: x \geq 0$ . Запишите обратную к ней функцию в виде  $y = g(x)$ , указав её область определения. Постройте на одном чертеже графики функций  $f(x)$  и  $g(x)$ .

### **Самостоятельная работа № 44**

1. Найдите область определения функции:

$$a) y = \frac{1}{\sqrt{x-1}}$$

$$b) y = \frac{4x^2}{\sin x + 1}$$

$$c) y = \frac{\sqrt{x+2}}{3-2x}$$

2. Найдите область значений функции:

$$a) y = \frac{3}{x+1} - 1$$

$$b) y = \sin 3x - 1$$

$$c) y = 1,5 - 0,5 \cos^2 x$$

### **Самостоятельная работа №45**

1. Найдите область определения функции:

$$y = \frac{3}{\sqrt{x^2-4}}$$

$$y = \frac{\sqrt{4-x^2}}{1-2x}$$

$$y = \frac{6x^2}{\sin x - 1}$$

2. Найдите область значений функции:

$$y = 2,5 - 0,5 \sin^2 x$$

$$y = \cos 4x - 1$$

$$y = \frac{x-1}{x}$$

### **Самостоятельная работа № 46**

1. Функция  $f$  - возрастающая, сравните:

а)  $f(3)$  и  $f(-4)$

б)  $f\left(\frac{1}{8}\right)$  и  $f\left(\frac{1}{5}\right)$

2. Найдите промежутки возрастания и убывания функции:

а)  $y = 2x - 3$

б)  $y = -x + 1$

3. Определить четность или нечетность функции:

а)  $y = x^2 + 4$

б)  $y = 2x^2 + x^6$

в)  $y = x^3 + x^2 + 1$

г)  $y = -x^3 + x$

### Самостоятельная работа № 47

1. Функция  $f$  - убывающая, сравните:

а)  $f\left(\frac{1}{4}\right)$  и  $f\left(\frac{1}{8}\right)$

б)  $f(-4)$  и  $f(-6)$

2. Найдите промежутки возрастания и убывания функции:

а)  $f(x) = -x + 1$

б)  $f(x) = (x + 2)^2$

3. Определить четность или нечетность функции:

а)  $y = |x|$

б)  $y = \sin^3 x$

в)  $y = \frac{x^2}{x-3}$

г)  $y = \frac{x^3}{x+x^5}$

### Самостоятельная работа № 48

1. Какие функции из данных являются возрастающими, а какие убывающими:

а)  $y = 0,5^x$

б)  $y = \pi^x$

в)  $y = \left(\frac{2}{3}\right)^x$

г)  $y = 49^{\frac{-x}{2}}$

2. Найдите область определения функции:

а)  $y = \frac{x}{a^{-1}+x^2}$

б)  $y = \operatorname{atg} x$

в)  $y = a^{\sqrt{2x}}$

3. Найдите область значений функции:

$y = \pi^x$   $y = 2^{\cos x}$

4. Сравните с единицей:

а)  $2^{-1}$ ; б)  $\left(\frac{1}{2}\right)^{-5}$ ; в)  $\left(\frac{3}{5}\right)^{-\frac{2}{3}}$

### Самостоятельная работа № 49

1. При каких  $x$  имеет смысл функция:

а)  $y = \log_3 x^2$ ; б)  $y = \log_5(-x)$ ;

2. Какие из точек А(8;3), В(- $\frac{1}{4}$ ;1), С(16;2), Д( $\frac{1}{64}$ ;-3) принадлежит графику функции  $y = \log_x 4$

3. Данна функция  $y = \log_2(x - 2)$ . Какие значения принимает  $y$ , если  $2,5 \leq x \leq 10$

4. Какие из данных функций являются возрастающими:

а)  $y = \log_5 x$ ; б)  $y = \log_{\sqrt{3}} x$ ; в)  $y = \log_{\pi} x$ ; г)  $y = \log_{0,7} x$

5)Что больше:

$\log_2 15$ или  $15 \log_2 20$ ; )  $\log_{0,2} 0,4$  или  $\log_{0,2} 0,6$

### **Самостоятельная работа № 50**

1. Сравните выражения:

$$\lg 0,7 \text{ и } \lg \frac{8}{11}$$

$$\text{и } \lg \sqrt{5} \text{ и } \lg 2,5$$

2. Что можно сказать об «а», если:

a)  $\log_a 8 = 3,4$  б)  $\log_a 7 = -2$

3. Вычислите: а)  $\log_3 12$ , если  $\log_3 4 = b$ ; б)  $\log_5 4$ , если  $\log_5 2 = a$

4. Выразите  $\lg 8$  через  $\lg 2$

5. Прологарифмируйте по основанию 2 ( $a > 0$ ;  $b > 0$ )  $y = 8a^3$ ;  $y = 2a\sqrt{b}$

### **Тема 9. Многогранники и круглые тела**

#### **Проверочная работа №2 «Призма. Пирамида»**

##### **Вариант**

1. В прямом параллелепипеде стороны основания равны 6м и 8м, образующий угол 300, боковое ребро 5м. Определить полную поверхность параллелепипеда.

2. В наклонной треугольной призме расстояние между боковыми рёбрами равны 10см, 17см и 21см, а боковая поверхность равновелика перпендикулярному сечению. Определить боковое ребро.

3. Боковая поверхность конуса  $15\pi$  см<sup>2</sup>, а радиус основания 3см. Найти объём конуса.

##### **Вариант**

1. Определить боковую поверхность правильной четырёхугольной пирамиды, если её высота равна 4см, а сторона основания 6см.

2. В прямой треугольной призме стороны основания 18см, 20см и 34см, а боковая поверхность равновелика основанию. Определить высоту призмы.

3. Боковая поверхность цилиндра  $30\pi$  см<sup>2</sup>. Радиус его основания 3см. Найдите объём

### **Самостоятельная работа № 51**

1. В прямоугольном параллелепипеде S основания равна  $32\text{cm}^2$ , а диагональ основания  $4\sqrt{5}$  см. Найти диагональ параллелепипеда, если его высота 5см.

2. Найти полную поверхность прямого параллелепипеда со сторонами основания 4см и 6см, острым углом в основании 300 и высотой 10 см.

### **Самостоятельная работа №52**

#### **1 вариант**

1. В правильной четырехугольной усеченной пирамиде стороны основания 8м и 2м. Высота 4 м. Найти полную поверхность.

2. Стороны основания правильной треугольной усеченной пирамиды 6дм и 12дм. Высота 1дм. Найти боковую поверхность.

#### **2 вариант**

1. Найти площадь боковой поверхности правильной четырехугольной пирамиды со стороной 6см и высотой 5см.

2. В правильной треугольной пирамиде площадь основания равна  $100\sqrt{3}$  см<sup>2</sup>, а высота 12см. Найти площадь боковой поверхности.

### **Самостоятельная работа № 53**

#### **1 вариант**

1. Построить сечение четырехугольной правильной призмы, проходящее через середины сторон АВ и ВС и точку D<sub>1</sub>

2. Построить сечение треугольной призмы ABCA<sub>1</sub>, проходящее через АС и точку B<sub>1</sub>.

#### **2 вариант**

- Построить сечение правильной четырехугольной пирамиды, проведенное через середины сторон основания, параллельное высоте.
- Вычислить площадь диагонального сечения правильной четырехугольной пирамиды со стороной 4 см и боковым ребром 6 см.

### **Самостоятельная работа № 54**

- Найти боковую поверхность правильной треугольной призмы, площадь основания которой равна  $16\sqrt{3}$  см<sup>2</sup>, а высота 10 см.
- Найти диагональ правильной четырехугольной призмы, периметр основания которой 16 см, а высота 10 см.

### **Самостоятельная работа № 55**

#### **Вариант**

- Объем куба 8 дм<sup>3</sup>. Найти его поверхность.
- Высота пирамиды 6 см, а ребро 10 см. Найти объем пирамиды.

#### **Вариант**

- Найти объем правильной треугольной пирамиды со стороной основания 4 см и высотой 8 см.
- Найти объем параллелепипеда, с основанием в виде параллелограмма и длиной 6 и 8 см и углом в 300, а боковое ребро наклонено к плоскости основания под углом 600 и равно 10 см.

### **Самостоятельная работа № 56**

- Радиус основания цилиндра 2 м, высота 3 м. Найти диагональ осевого сечения и площадь диагонального сечения.
- Площадь основания цилиндра относится к площади осевого сечения, как  $\pi: 4$ . Найти угол между диагоналями осевого сечения.

### **Самостоятельная работа № 57**

- Высота цилиндра на 10 см больше радиуса основания, а полная поверхность равна  $144\pi$  см<sup>2</sup>. Определить радиус основания и высоту.
- Найти отношение боковой поверхности цилиндра к площади его осевого сечения.

### **Самостоятельная работа № 58**

- Образующая конуса 12 см наклонена к плоскости основания под углом 300. Найти S осевого сечения.
- Поверхность конического шпиля башни равна 250 м<sup>2</sup>. Найти высоту шпиля.

### **Самостоятельная работа № 59**

- Шар радиуса 41 см, пересечен плоскостью на расстоянии 9 дм от центра. Определить площадь сечения.
- Радиус шара 63 см. Точка находится на касательной плоскости на расстоянии 16 см от точки касания. Найти ее кратчайшее расстояние от поверхности шара.

## **Тема 10. Начала математического анализа**

### **Проверочная работа № 3 «Производная функции»**

#### **Вариант**

- По определению найти производную функции  $f(x) = 3x^2 - 2x$
- Используя формулы дифференцирования, найти производную функции  $f(x)$  в точке  $x_0$ , если:
  - $f(x) = 2x^3 - 4x + 3; x_0 = 2$
  - $f(x) = 2\sin x + \operatorname{tg} x - \cos x; x_0 = \frac{\pi}{3}$

в)  $f(x) = (5 - 3x)^7$ ;  $x_0 = 2$ .

3. Решить неравенство:

$f'(x) < 0$ , если  $f(x) = x^2 - x^3$

4. Найдите производную функции:

а)  $y = (x^2 + 3)^*(x^4 - 1)$ ; б)  $y = \frac{x^2}{x^2 - 1}$ ; в)  $y = \operatorname{tg}(2x + \frac{\pi}{3})$ .

5. Материальная точка движется по закону  $x(t) = t^2 - 2t^3$ . Найти скорость и ускорение в момент времени  $t=2$  с. (Перемещение измеряется в метрах)

### Вариант

1. По определению найти производную функции  $f(x) = 2x^3 - 3x^2$

2. Используя формулы дифференцирования, найти производную функции  $f(x)$  в точке  $x_0$ , если:

а)  $f(x) = x^3 - 3x + 2$ ;  $x_0 = -1$

б)  $f(x) = -\sin x + \operatorname{ctgx} + 2 \cos x$ ;  $x_0 = \frac{\pi}{6}$

в)  $f(x) = (2x + 3)^5$ ;  $x_0 = 0$ .

3. Решить неравенство:

$f'(x) > 0$ , если  $f(x) = x^2 + x^3$

4. Найдите производную функции:

а)  $y = (x^2 - 2)^*(x^7 + 4)$ ; б)  $y = \frac{x}{x^2 + 1}$ ; в)  $y = \cos(9x - 10)$ .

5. Материальная точка движется по закону  $x(t) = t^3 - 4t^2$ . Найти скорость и ускорение в момент времени  $t=5$  с. (Перемещение измеряется в метрах)

## Самостоятельная работа № 60

Вычислить производные функции:

1)  $f(x) = 3x^2 + 8x + 1$

2)  $f(x) = (x^2 + 1)x$

3)  $f(x) = \frac{x}{x^3 + 2}$

4)  $f(x) = (x^2 + 3x - 5)^4$

5)  $f(x) = \cos 5x + \sqrt{2}$

## Самостоятельная работа № 61

Вычислить производные функции:

1)  $f(x) = \frac{3}{x^2} + 6x + 8$

2)  $f(x) = 2\sqrt{x} + \frac{3}{\sqrt[3]{x}}$

3)  $f(x) = \cos 7x + 3$

4)  $f(x) = 2\operatorname{tg} \frac{x}{4} + 8$

5)  $f(x) = (x + 1)\sqrt{x}$

## Самостоятельная работа № 62

- Найти  $\tg$  угла наклона касательной к графику функции  $y=x^2-3x$  в точке с абсциссой  $x_0=1$ .
- Найти  $\tg$  угла наклона касательной к графику функции  $y=\sin 2x$  в точке с абсциссой  $x_0=\frac{\pi}{4}$ .
- Найти точки графика функции  $f$ , в которых касательная параллельна оси абсцисс  $f(x)=x^3-3x^2+3x$ .
- Найти точки графика функции  $f$ , в которых касательная наклонена к оси  $ox$  под углом  $45^\circ$   $f(x)=3x^2+6x$ .

### **Самостоятельная работа № 63**

- Найти острый угол, под которым парабола  $y=x^2-4$  пересекает ось абсцисс.
- Зависимость пути от времени задана уравнениями:  $S_1 = \frac{1}{3}t^3 + 2t^2 - 45$ ;  $S_2 = \frac{1}{2}t^2 + 4t + 118$ . В какой момент скорости их движения будут равными?
- Найти промежутки возрастания и убывания функции:  $y = \frac{1}{3}x^3 - \frac{5}{2}x^2 + 6x$
- Построить схематически график функции  $y = \frac{1}{3}x^3 - 2x^2$

### **Тема 11. Интеграл и его применение**

#### **Проверочная работа № 4 «Первообразная. Интеграл»**

##### **Вариант**

- Вычислить определенный интеграл:  $\int_0^2 (4x^2 + x - 3) dx$
- Вычислить определенный интеграл методом подстановки:  $\int_2^3 (2x - 1)^3 dx$
- Вычислить, предварительно сделав рисунок, площадь фигуры, ограниченной линиями:  $y = -x^2 + 4$ ,  $y = 0$ ,  $x = -2$ ,  $x = 2$ .
- Найти объем тела, полученного при вращении вокруг оси абсцисс криволинейной трапеции, ограниченной линиями:  
 $y = \sqrt{x}$ ,  $y = 0$ ,  $x = 1$ ,  $x = 4$ .
- Скорость движения точки изменяется по закону  $v = 3t^2 + 2t + 1$  (м/с). Найти путь  $S$ , пройденный точкой за 10 с от начала движения.

##### **Вариант**

- Вычислить определенный интеграл:  $\int_0^3 (2x^2 - x + 4) dx$
- Вычислить определенный интеграл методом подстановки:  $\int_0^1 (3x + 1)^4 dx$
- Вычислить, предварительно сделав рисунок, площадь фигуры, ограниченной линиями:  $y = -x^2 + 1$ ,  $y = 0$ ,  $x = -1$ ,  $x = 1$ .
- Найти объем тела, полученного при вращении вокруг оси абсцисс криволинейной трапеции, ограниченной линиями:  $y = \sqrt{x}$ ,  $y = 0$ ,  $x = 0$ ,  $x = 1$ .
- Скорость движения точки изменяется по закону  $v = 9t^2 - 8t$  (м/с). Найти путь  $S$ , пройденный точкой за четвертую секунду.

### **Самостоятельная работа № 64**

Найдите первообразные функции:

a)  $f(x) = x^4 - x^2 + x - 1$

b)  $f(x) = \frac{3}{x^4} + \frac{2}{x^2} - x + 5$

c)  $f(x) = \sin 6x + 2$

d)  $f(x) = \frac{1}{2} \cos 4x + \sqrt{3}$

e)  $f(x) = 8 \sin \frac{x}{4} + \frac{1}{\sin^2 x}$

### Самостоятельная работа № 65

Вычислить интегралы:

a)  $\int \frac{dx}{\cos^2 x} =$

b)  $\int (x+1)^2 dx =$

c)  $\int (\sin 6x + \cos 2x) dx =$

d)  $\int (\sin^2 x + \cos^2 x) dx =$

e)  $\int (3\sqrt[4]{x^3} + 5) dx =$

### Самостоятельная работа № 66

Для функции  $f(x) = \frac{1}{x^2}$  найдите первообразную  $F(x)$ , принимающую заданное значение в указанной точке:

a)  $f(x) = \frac{1}{x^2}; F\left(\frac{1}{2}\right) = -12$

b)  $f(x) = \frac{1}{\cos^2 x}; F\left(\frac{\pi}{4}\right) = 0$

c)  $f(x) = x^3; F(-1) = 2$

d)  $f(x) = \sin x; F(-\pi) = -1$

e)  $f(x) = \sin\left(x + \frac{\pi}{3}\right); F\left(\frac{2}{3}\pi\right) = -1$

### Самостоятельная работа № 67

1. Вычислить интегралы:

а)  $\int_1^2 (4x^3 - 6x^2 + 2x + 1) dx$

б)  $\int_2^4 \frac{dx}{x-1}$

в)  $\int_0^{\frac{\pi}{2}} \sqrt{2\sin x + 1} \cos x dx$

г)  $\int_0^{\frac{\pi}{2}} \frac{\sin x}{1 + \cos^2 x} dx$

### Самостоятельная работа №68

#### Вариант

- Найдите объём тела, полученного при вращении вокруг оси абсцисс фигуры, ограниченной линиями:  $y = x^2 + 1$ ,  $x = 0$ ,  $x = 1$ ,  $y = 0$ .
- Какую работу надо затратить на сжатие пружины на 4 см, если известно, что сила в 2 Н сжимает эту пружину на 1 см?

#### Вариант

- Найдите объём тела, полученного при вращении вокруг оси абсцисс фигуры, ограниченной линиями:  $y = 1 - x^2$ ,  $y = x$ .
- Сила в 4 Н растягивает пружину на 8 см. Какую работу надо произвести, чтобы растянуть пружину на 8 см?

### Самостоятельная работа №69

#### Вариант

- Выполните формулу объёма шарового сегмента радиуса  $R$  и высоты  $H$ .
- Пусть  $V$  – объём шара радиуса  $R$ , а  $S$  – площадь его поверхности. Найдите  $R$  и  $S$ , если  $V = 113,04 \text{ см}^3$ .
- Диаметр Луны составляет  $\approx$  четвёртую часть диаметра Земли. Сравните объёмы Луны и Земли, считая их шарами.

#### Вариант

- Выполните формулу объёма усечённого конуса высотой  $H$  с радиусами оснований  $R$  и  $r$ .
- Пусть  $V$  – объём шара радиуса  $R$ , а  $S$  – площадь его поверхности. Найдите  $R$  и  $V$ , если  $S = 64\pi \text{ см}^2$ .
- Шар и цилиндр имеют равные объёмы, а диаметр шара равен диаметру основания цилиндра. Выразите высоту цилиндра через радиус шара.

## Тема 12 . Элементы теории вероятностей и математической статистики

### Самостоятельная работа № 70

- Лотерейные билеты пронумерованы целыми числами от 1 до 200 включительно. Какова вероятность того, что номер наудачу взятого билета кратен 7 или 5?
- Вероятность попадания в кольцо данного баскетболиста составляет 0,6. Баскетболист выполнил серию из 4 бросков. Какова вероятность того, что число было равно 3 попаданиям?

### Самостоятельная работа № 71

1. Из 5 букв разрезной азбуки составлено слово книга. Ребенок, не умеющий читать, расписал эти буквы, а затем собрал их в произвольном порядке. Найти вероятность того, что у него снова получится слово "книга".

2. Для данного баскетболиста вероятность попадания в кольцо при каждом броске составляет 0,4. Чего вероятнее ожидать - попадания 3 мячей при 4 бросках мяча или попадания 4 мячей при 5 бросках мяча, если броски считаются независимыми?

### Самостоятельная работа № 72

1. Какова вероятность того, что наудачу выбранное целое число от 40 до 70 является кратным 6?

2. Какова вероятность того, что при 5 бросаниях монеты она 3 раза упадет гербом вверху?

### Самостоятельная работа № 73

1. Какова вероятность того, что наудачу выбранное целое число от 1 до 30 (включительно) является делителем 30?

2. В НИИ работает 120 человек, из них 70 знают английский, 60 - немецкий, 50 - знают оба. Какова вероятность того, что выбранный наудачу сотрудник ни знает не одного иностранного языка?

## Тема 13. Уравнения и неравенства

### Контрольная работа «Уравнения и неравенства»

#### Вариант

№ 1. Решите уравнение:

a)  $2^{x+4} - 2^x = 120$ ;

б)  $\log_3(2x+1) = \log_3 13 + 1$

№ 2. Решите уравнение:

a)  $\sqrt{2x^2 + 7} - 2 = x$ ; б)  $\sqrt[3]{9x+1} = 3x+1$

№ 3. Решите систему уравнений:

a) 
$$\begin{cases} \sqrt{5+x} + 3\sqrt{2-y} = 6 \\ 5\sqrt{2-y} - 2\sqrt{5+x} = -1 \end{cases}$$
 б) 
$$\begin{cases} x - y = 85, \\ \log_3(x+y) = 4 \end{cases}$$

№ 4. Решите неравенство:

a)  $\sqrt{x+3} < x+1$ ; б)  $\sqrt{2x^2 + 7} - 2 \leq x$ ; в)  $\frac{1}{27} \leq 3^{2-x} < 27$  (найдите целые решения неравенства);

г)  $\log_{0,25}(3x-5) > -3$

#### Вариант

№ 1. Решите уравнение:

а)  $9 \cdot 81^{1-2x} = 27^{2-x}$

б)  $\log_2(2x+1) = \log_2 3 + 1$

№ 2. Решите уравнение:

a)  $\sqrt{5-x^2} + x = 3$ ; б)  $\sqrt[3]{9x-1} = 3x-1$

№ 3. Решите систему уравнений:

a)  $\begin{cases} 2\sqrt{3-y} + \sqrt{4+x} = 4 \\ 3\sqrt{4+x} - 4\sqrt{3-y} = 2 \end{cases}$  б)  $\begin{cases} x-y=60, \\ \log_2(x+y)=6 \end{cases}$

№ 4. Решите неравенство:

a)  $\sqrt{3-2x} \leq 6+x$ ; б)  $\sqrt{5-x^2} + x \geq 3$ ; б)  $0,2 \leq 5^{x+4} \leq 125$  (найдите целые решения неравенства);  
в)  $\lg(3x-7) - \lg(x+1) \leq 0$

### Самостоятельная работа №74

#### Вариант

1. Решить уравнение:

a)  $\frac{1}{x} - \frac{x}{x+1} + \frac{x+1}{x} = 0$

б)  $\frac{x+4}{x-4} + \frac{x-4}{x+4} = \frac{10}{3}$

2. Решить неравенства:

a)  $\frac{x-6}{x-8} \geq 0$  б)  $\frac{5x+4}{7+2x} < 0$

3. Сократить дробь:  $\frac{x^2 + 6x - 7}{x^2 - 7x + 6}$ .

#### Вариант

1. Решить уравнения:

a)  $\frac{6}{x+2} - \frac{x+2}{x-2} + \frac{x^2}{x^2-4} = 0$

б)  $\frac{2x+1}{5} - \frac{2-x}{3} = 2$

2. Решить неравенства:

a)  $x^2 + 2x + 3 > 0$

б)  $\frac{x^2 - 4}{x} < 0$

### Самостоятельная работа №75

#### Вариант

Решить уравнения и неравенства:

- a)  $x + \sqrt{25 - x^2} = 7$
- b)  $\sqrt{5 + \sqrt{3 + x}} = 3$
- c)  $\sqrt{\frac{x-2}{3x+6}} > 1$
- d)  $\sqrt{x+5} + \sqrt{20-x} = 7$
- e)  $\sqrt{x^2 - 5x} < \sqrt{6}$

**Вариант**

Решить уравнения и неравенства:

- a)  $16 - \sqrt{\frac{2}{3}x} = 12$
- b)  $\sqrt{12+x} = \sqrt{7x+8} - 2$
- c)  $\sqrt{9-x} \leq 3$
- d)  $\sqrt{25-x^2} = x-1$
- e)  $\frac{\sqrt{3x^2+1} - \sqrt{2x+1}}{\sqrt{3x^2+1} + \sqrt{2x+1}} = \frac{2}{5}$

**Самостоятельная работа № 76**  
**Вариант**

Решить уравнения и неравенства:

- a)  $64 \cdot 2^{\sqrt[4]{x-1}} = 4^{\sqrt[4]{x-1}}$
- b)  $2^y - 2^{y-4} = 15$
- c)  $4^y - 2 \cdot 2^x - 80 = 0$
- d)  $2^x > 2^{x^2-3x}$
- e)  $(\frac{1}{64})^x = \sqrt{\frac{1}{8}}$

**Вариант**

Решить уравнения и неравенства:

- a)  $\left(\frac{1}{3}\right)^x < \frac{1}{81}$
- b)  $2^{x+3} - 2^x = 112$
- c)  $7^{2x} - 6 \cdot 7^x + 5 = 0$
- d)  $5^x + 125 \cdot 5^{-x} = 30$
- e)  $2^{x^2-7x+12} > 1$

### Самостоятельная работа № 77

#### Вариант

Решить неравенства и уравнения:

- a)  $\log_{x-1}(x^2 - 7x + 41) = 1$
- b)  $\lg x + \lg(x + 3) = 1$
- c)  $x^{\lg x} = 100x$
- d)  $\log_3(x - 3) > 0$
- e)  $\log_2(x - 3) < \log_2 3x$

#### Вариант

Решить уравнения и неравенства

- a)  $\log_x(2x^2 - 3x) = 1$
- b)  $\lg\left(\frac{1}{2} + x\right) = \lg\frac{1}{2} - \lg x$
- c)  $\log_3 x + \log_x 3 = 2$
- d)  $x^{\lg x - 2} = 1000$
- e)  $\lg\frac{x-4}{2-x} > 0$

## 4. Контрольно-оценочные материалы для промежуточной аттестации по учебной дисциплине ОУД.04 «Математика»

### Экзаменационная работа по учебной дисциплине ОУД.04 «Математика»

Время на подготовку и выполнение: 4 часа.

#### Вариант ЧАСТЬ 1

- В1. Найдите значение выражения:  $7^5 \cdot 5^4 : 35^2$ .
- В2. Найдите значение выражения:  $\sqrt{70^2 - 42^2}$ .
- В3. Найдите значение выражения:  $16 \cdot 6^{\log_6 5}$ .

В4. Из слова «МАТЕМАТИКА» случайным образом выбирается одна буква. Найдите вероятность того, что эта буква окажется согласной.

В5. Найдите значение производной функции  $f(x) = 2x^3 - 0,5x^4 - 8$  при  $x = 2$ .

В6. Найдите решение уравнения:  $0,25^{x-7} = 64^x$ .

В7. Найдите корень уравнения:  $\log_5(4-x) = 3$ .

В8. Найдите значение выражения:  $\frac{14 \sin 20^\circ \cdot \cos 20^\circ}{\sin 40^\circ}$ .

В9. Найдите угловой коэффициент касательной к графику

функции  $y = e^{2x-1}$  в точке  $x_0 = \frac{1}{2}$ .

В10. Площадь поверхности куба равна 882. Найдите его диагональ.

В11. Найдите значение выражения:  $\left(-4\frac{3}{4} + 6\frac{2}{3}\right) \cdot 3,84$ .

В12. Найдите наибольшее значение функции  $y = x + \frac{9}{x}$  на отрезке  $[-4; -1]$ .

## ЧАСТЬ 2.

С1. Решите уравнение:  $64^x + 2^{2+3x} - 12 = 0$ .

С2. Решите неравенство методом интервалов:  $\frac{(x+5)(x-6)}{6x-1} \leq 0$ .

С3. Решите неравенство:  $\log_3(2x-1) < 3$ .

С4. Найдите площадь фигуры, ограниченной графиком функции  $y = x^2 + 5x + 6$ , прямыми  $x = -1$ ,  $x = 2$  и осью абсцисс.

С5. Два металлических куба с ребрами 2 см и 1 см сплавлены в один куб.

Определите полную поверхность этого куба.

С6. Высота конуса равна 5 см, а угол при вершине осевого сечения равен  $120^\circ$ . Найдите объем конуса.

## Вариант ЧАСТЬ 1

В1. Найдите значение выражения:  $11^6 \cdot 7^5 : 77^4$ .

В2. Найдите значение выражения:  $\sqrt{80^2 - 48^2}$ .

В3. Найдите значение выражения:  $10 \cdot 14^{\log_{14} 15}$ .

В4. В партии из 400 телевизоров оказалось 8 бракованных. Какова вероятность купить исправный телевизор?

В5. Найдите значение производной функции  $f(x) = 2x^4 - 3x^3 + 7$  при  $x = 1$ .

В6. Найдите решение уравнения:  $0,25^{x-2} = 64^x$ .

В7. Найдите корень уравнения:  $\log_4(4-x) = 3$ .

В8. Найдите значение выражения:  $\frac{40 \sin 7^\circ \cdot \cos 7^\circ}{\sin 14^\circ}$ .

В9. Найдите угловой коэффициент касательной к графику

функции  $y = e^{3x-1}$  в точке  $x_0 = \frac{1}{3}$ .

В10. Объем прямоугольного параллелепипеда равен 108. Чему будет равен объем параллелепипеда, если каждое его ребро уменьшить в три раза?

В11. Найдите значение выражения:  $\left(-\frac{3}{8} + 6\frac{1}{3}\right) \cdot 2,4$ .

В12. Найдите наибольшее значение функции  $y = x^3 - 7x^2 + 11x - 10$  на отрезке  $[0; 3]$ .

## ЧАСТЬ 2

- C1. Решите уравнение:  $2^{6x} + 8^{\frac{x+2}{3}} - 5 = 0$ .
- C2. Решите неравенство:  $\frac{x^2 - 25}{6x + 1} < 0$ .
- C3. Решите неравенство:  $\log_{0,25}(3x - 5) > -3$ .
- C4. Найдите площадь фигуры, ограниченной графиком функции  $y = x^2 - 6x + 8$ , прямыми  $x = -2$ ,  $x = -1$  и осью абсцисс.
- C5. Три одинаковых металлических куба с ребрами по 4 см сплавлены в один куб. Определите полную поверхность этого куба.
- C6. Высота конуса равна 12 см, а его образующая равна 13 см.  
Найдите объем конуса.

## Вариант ЧАСТЬ 1

- B1. Найдите значение выражения:  $2^6 \cdot 5^7 : 10^6$ .
- B2. Найдите значение выражения:  $\sqrt{68^2 - 60^2}$ .
- B3. Найдите значение выражения:  $7 \cdot 15^{\log_{15} 14}$ .
- B4. На научной конференции будут выступать 3 докладчика из Германии, 2 из России и 5 из Японии. Найдите вероятность того, что последним будет выступать докладчик из России, если порядок выступления определяется жребием.
- B5. Найдите значение производной функции  $f(x) = -\frac{6}{5}x^5 + 4x^3 - 12$  при  $x = 1$ .
- B6. Найдите решение уравнения:  $0,25^{2x+1} = 128^x$ .
- B7. Найдите корень уравнения:  $\log_4(x + 2) = 0,5$ .
- B8. Найдите значение выражения:  $\frac{6 \sin 27^\circ \cdot \cos 27^\circ}{\sin 54^\circ}$ .
- B9. Прямая  $y = 1 - x$  параллельна касательной к графику функции  $y = 2x^2 - 3x - 4$ .  
Найдите абсциссу точки касания.
- B10. Диагональ куба равна  $\sqrt{6}$ . Найдите площадь поверхности этого куба.
- B11. Найдите значение выражения:  $\left(-\frac{1}{3} + 6\frac{3}{8}\right) \cdot 2,4$ .
- B12. Найдите наименьшее значение функции  $y = 4x - 4\tg x + 1$   
на отрезке  $\left[-\frac{\pi}{3}; 0\right]$

## ЧАСТЬ 2

- C1. Решите уравнение:  $\tg x + \ctg x = -2$ . Найдите все корни этого уравнения, принадлежащие промежутку  $[-3\pi; -\pi]$ .
- C2. Решите неравенство:  $\frac{x^2 + 2x + 3}{\sqrt{1-x^2}} \geq 0$ .
- C3. Решите неравенство:  $2^{\lg(x^2 - x)} < 0,125$ .
- C4. Найдите площадь плоской фигуры, ограниченной графиком функции  $y = 2x - x^2$  и прямой  $y = -x$ .
- C5. Решите уравнение:  $2\sqrt[3]{x+1} - \sqrt[6]{x+1} = 6$ .
- C6. Высота конуса равна 12 см, а его образующая равна 13 см.  
Найдите объем конуса.

**Вариант  
ЧАСТЬ 1**

- B1. Найдите значение выражения:  $3^6 \cdot 5^7 : 15^5$ .
- B2. Найдите значение выражения:  $\sqrt{113^2 - 112^2}$ .
- B3. Найдите значение выражения:  $\frac{1}{2} \cdot 5^{\log_5 34}$ .
- B4. В урне лежат 3 белых, 2 желтых 5 красных шаров. Найдите вероятность того, что извлеченный наугад шар будет желтого цвета.
- B5. Найдите значение производной функции  $f(x) = \frac{x-18}{x}$  при  $x = -3$ .
- B6. Найдите решение уравнения:  $(\frac{1}{16})^{\frac{1}{2}x+1} = 8$ .
- B7. Найдите корень уравнения:  $\log_2(3 - x) = 3$ .
- B8. Найдите значение выражения:  $\frac{4 \sin 13^\circ \cdot \cos 13^\circ}{\sin 26^\circ}$ .
- B9. Прямая  $y = 2x - 1$  параллельна касательной к графику функции  $y = x^2 - x - 2$ .  
Найдите абсциссу точки касания.
- B10. Объем цилиндра равен  $30 \text{ см}^3$ . Чему равен объем конуса с таким же основанием и высотой? Ответ дайте в  $\text{см}^3$ .
- B11. Найдите значение выражения  $(3,2 - \frac{2}{5}) : 280 - 1$ .
- B12. Найдите точку максимума функции  $y = \frac{1}{3}t^3 - 2t^2 + 3t$

**ЧАСТЬ 2**

- C1. Решите уравнение.  $5\cos^2 x - 12 \cos x + 4 = 0$  Найдите все корни этого уравнения, принадлежащие промежутку  $[-\frac{5\pi}{2}; -\pi]$
- C2. Решите неравенство:  $\frac{x^2+2x+3}{\sqrt{1-x^2}} \geq 0$ .
- C3. Решите уравнение:  $(3x^2 - x - 2) * \sqrt{2x - 1} = 0$

- C4. Найдите площадь плоской фигуры, ограниченной графиком функции  $y = x^2 - 2$  и прямой  $y = 2x + 1$ .

- C5. Решите систему:  $\begin{cases} x - y = 8 \\ 2^{x-3y} = 16 \end{cases}$

- C6. Высота конуса равна 12 см, а его образующая равна 13 см.  
Найдите объем конуса.

**Ответы к заданиям части 1**

**1вариант**

<b>№ задания</b>	<b>Ответ</b>
<b>1В</b>	<b>8575</b>
<b>2В</b>	<b>56</b>
<b>3В</b>	<b>80</b>
<b>4В</b>	<b>0,125</b>
<b>5В</b>	<b>8</b>

6B	1,75
7B	- 121
8B	7
9B	2
10B	0,3
11B	7,36
12B	2

**Ответы к заданиям части 2**

№ задания	Ответ
1C	$x = \frac{1}{3}$
2C	$x \in (-\infty; -5] \cup (\frac{1}{6}; 6]$
3C	( 0,5; 14 )
4C	28,5.
5C	$S = 18\sqrt[3]{3} \text{ см}^2$
6C	$V = 125\pi \text{ см}^3$

**Ответы к заданиям части 1**

**2 вариант**

№ задания	Ответ
1B	847
2B	64
3B	150
4B	0,25
5B	- 1
6B	0,5
7B	- 60
8B	20
9B	3
10B	- 0,7
11B	14,3
12B	- 4

**Ответы к заданиям части 2**

№ задания	Ответ
1C	$x = 0$
2C	$x \in (-\infty; -5) \cup (-\frac{1}{6}; 5)$
3C	( $1\frac{2}{3}; 23$ )
4C	$19\frac{1}{3}$
5C	$S = 96\sqrt[3]{9} \text{ см}^2$
6C	$V = 100\pi \text{ см}^3$

#### **4. Контрольно-оценочные материалы для промежуточной аттестации по учебной дисциплине ОУД.04 «Математика»**

**Оценка освоения дисциплины предусматривает сдачу экзамена в виде письменной экзаменационной работы.**

##### **Назначение:**

КОМ предназначен для контроля и оценки результатов освоения учебной дисциплины ОУД.04. «Математика» по специальности СПО 23.02.06. «Техническая эксплуатация подвижного состава железных дорог»

Работа состоит из двух частей и содержит 18 заданий.

Часть первая содержит 12 заданий обязательного уровня. При их выполнении надо записать решение.

Часть вторая содержит 6 более сложных заданий. При выполнении заданий надо записать решение с обоснованием, выполнить чертежи к заданиям, записать условие задачи.

Время на подготовку и выполнение: 4 часа.

##### **Критерий выставления оценок**

Каждое правильно решенное задание части 1 оценивается в 1 балл.

При выполнении заданий части 2 надо записать полное решение на экзаменационных листах. Каждое верно выполненное задание оценивается в 2 балла

##### **Шкала оценки образовательных достижений**

Результативность в баллах (правильных ответов)	Оценка уровня подготовки	
	Балл (отметка)	Верbalный аналог
19 – 24 б.	5	Отлично
13 – 18 б.	4	Хорошо
8 – 12 б.	3	Удовлетворительно
Менее 8 б.	2	Неудовлетворительно

##### **ПЕРЕЧЕНЬ ВОПРОСОВ ДЛЯ ПОДГОТОВКИ К ЭКЗАМЕНУ**

1. Действительные числа и действия над ними.
2. Корень n-й степени и его свойства.
3. Степень с рациональным показателем и ее свойства.
4. Логарифм числа и его свойства. Натуральный и десятичный логарифмы.
5. Тригонометрические тождества.
6. Уравнения и неравенства: рациональные, иррациональные, логарифмические, показательные, тригонометрические.
7. Производная функции. Правила дифференцирования.
8. Уравнение касательной.
9. Применение производной к исследованию функции.
10. Первообразная функции и ее свойства.
11. Формулы и правила нахождения первообразных.
12. Интеграл. Применение интеграла для вычисления площади фигуры.
13. Теория вероятностей.
14. Многогранники и тела вращения.

## ПЕРЕЧЕНЬ ПРАКТИЧЕСКИХ ЗАДАНИЙ ДЛЯ ПОДГОТОВКИ К ЭКЗАМЕНУ

1) Арифметические операции над действительными числами

Найдите значение числового выражения:

$$a) \left(-\frac{1}{5} + 7\frac{3}{8}\right) \cdot 0,4; \quad b) \left(3,2 - \frac{3,6}{9}\right) : 280 - 1.$$

2) Корни, степени и логарифмы.

Вычислите:

$$a) 3^6 \cdot 5^7 : 15^6; \quad b) 9 \cdot 5^{\log_5 4}; \quad c) \sqrt{8 \cdot 128}; \quad d) (216^{\frac{-1}{3}} \cdot (\frac{1}{6})^{-2} \cdot 5^{-1} \cdot (\frac{1}{25})^{\frac{-1}{2}}); \\ d) (\log_2 20 - \log_2 5 + 3^{\log_3 8}) \lg 7.$$

3) Найти значение выражения:  $\frac{6 \sin 32^\circ \cdot \cos 32^\circ}{\sin 64^\circ}$

4) На студенческой конференции будут выступать 3 докладчика из группы 2МЛ, 2 из группы 2МТО и 5 из группы 2ПЖТ. Найдите вероятность того, что последним будет выступать докладчик из группы 2МТО, если порядок выступления определяется жребием.

5) Найдите значение производной функции  $f(x) = -\frac{2}{3}x^6 + 2x^2 - 8$  при  $x = 2$ .

6) Напишите уравнение касательной к графику функции  $y = 2x^2 - 3x - 4$  и найдите абсциссу точки касания.

7) Найдите точку минимума функции  $y = \frac{1}{3}x^3 - 2x^2 + 3x$

8) Найдите наибольшее и наименьшее значения функции  $y = x^4 - 8x^2 - 9$  на отрезке  $[-1; 1]$ .

9) Найдите площадь криволинейной трапеции, ограниченной линиями  $y = x^2 + 4x$ ,  $x = 0$ ,  $y = 0$ .

10) Найдите корень уравнения:  $\log_4(x + 3) = 0,5$ .

11) Найдите решение уравнение:  $0,25^{x-1} = 64^x$

12) Решите уравнение:  $\sqrt{x+4} = \sqrt{2x-1}$

13) Решите неравенство:  $\log_4(x - 2) \geq 2$

14) Решите уравнение:  $\operatorname{ctg} x + \operatorname{tg} x = -2$ . Найдите все корни этого уравнения, принадлежащие промежутку  $[-3\pi; -\pi]$

15) Прямоугольный треугольник с катетом 3 см и гипотенузой 5 см вращается вокруг меньшего катета. Найдите объем и площадь полной поверхности фигуры вращения.

16) В правильной четырехугольной пирамиде SABCD точка O – центр основания, S – вершина, SO=15, BD=16. Найдите боковое ребро SA.

## **5. Основные источники и литература**

### *Для студентов*

Башмаков М.И. Математика: учебник для студ. учреждений сред. проф. образования. — М., 2014.

Башмаков М.И. Математика. Сборник задач профильной направленности: учеб. пособие для студ. учреждений сред. проф. образования. — М., 2014.

Башмаков М.И. Математика. Задачник: учеб. пособие для студ. учреждений сред. проф. образования. — М., 2014.

### *Для преподавателей*

Башмаков М.И. Математика: учебник для студ. учреждений сред. проф. образования. — М., 2014.

Башмаков М.И. Математика: кн. для преподавателя: метод. пособие. — М., 2014

Приказ Министерства образования и науки РФ от 17.05.2012 № 413 «Об утверждении федерального государственного образовательного стандарта среднего (полного) общего образования» (зарегистрирован в Минюсте РФ 07.06.2012 № 24480).

Приказ Минобрнауки России от 29.12.2014 № 1645 «О внесении изменений в Приказ Министерства образования и науки Российской Федерации от 17.05.2012 № 413 «Об утверждении федерального государственного образовательного стандарта среднего (полного) общего образования».

Письмо Департамента государственной политики в сфере подготовки рабочих кадров и ДПО Министерства образования и наука РФ от 17.03.2015 № 06-259 «Рекомендации по организации получения среднего общего образования в пределах освоения образовательных программ среднего профессионального образования на базе основного общего образования с учетом требований федеральных государственных образовательных стандартов и получаемой профессии или специальности среднего профессионального образования

### **Дополнительная литература**

Григорьев С.Г., Иволгина С.В. Математика : учебник для студ. образоват. учреждений сред. проф. образования. — М., 2014.

Богомолов Н.В., Самойленко П.И. Математика: учебник для СПО –М. : Издательство Юрайт, 2018

*Башмаков М. И.* Математика. Электронный учеб.-метод. комплекс для студ. учреждений сред. проф. образования. — М., 2015.

Атанасян Л.С., Бутузов В.Ф., Кадомцев С.Б. и др. Математика: алгебра и начала математического анализа. Геометрия. Геометрия (базовый и углубленный уроны). 10—11 классы. — М., 2014. в

Колмогоров А.Н., Абрамов А.М., Дудницын Ю.П. и др. Алгебра и начала анализа: Учеб. для 10-11 кл. - М., 2014.

## **ИНТЕРНЕТ-РЕСУРСЫ**

[www.fcior.edu.ru](http://www.fcior.edu.ru) (Информационные, тренировочные и контрольные материалы).

[www.school-collection.edu.ru](http://www.school-collection.edu.ru) (Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов).

<http://www.math.ru> Материалы по математике в Единой коллекции цифровых образовательных ресурсов

<http://www.bymath.net> Газета «Математика» Издательского дома «Первое сентября»

<http://eqworld.ipmnet.ru> Научно-популярный физико-математический журнал «Квант»  
<http://wwwkvant.info> <http://kvant.mccme.ru> Образовательный математический сайт  
Exponenta.ru  
<http://www.olimpiada.ru> Математические олимпиады и олимпиадные задачи

## Лист согласования

Дополнения и изменения к комплекту КОС на 2020-2021 учебный год

Дополнения и изменения к комплекту КОС на 2020-2021 учебный год по дисциплине [ОУД.04. «Математика»](#)

В комплект КОС внесены следующие изменения:

Дополнения и изменения в комплекте КОС обсуждены на заседании ПЦК

«\_\_\_\_» \_\_\_\_\_ 2020 \_\_\_\_ г. (протокол № \_\_\_\_ ).  
Председатель ПЦК \_\_\_\_\_ / \_\_\_\_\_ Смирнова М.В./

Пронумеровано, прошнуровано и  
заверено печатью 52

Издательство  
Советской Армии

Директор

Т.Л. Чупрова

«10»  
октября 2010 г.

