

Муниципальное бюджетное общеобразовательное учреждение  
«Средняя общеобразовательная школа № 7»  
городского округа город Шарья Костромской области

Рассмотрена  
Протокол заседания  
педагогического совета  
МБОУ СОШ №7  
от «31» августа 2018 г. №1

Утверждена  
Директор МБОУ СОШ №7:  
\_\_\_\_\_ /Кобец А.В./  
Приказ №135 от 31.08.2018.

**Дополнительная общеобразовательная программа  
«Решение задач повышенной сложности»**

Составитель программы:  
учитель математики Соколова Н.Ю.

срок реализации - 1 год

возраст обучающихся 17-18 лет

Шарья, 2018

## **Пояснительная записка**

Курс математики 11 класса (профильный уровень) рассчитан на 6 уроков математики в неделю. Этого времени не совсем достаточно для решения основной задачи учащегося: подготовка к итоговой аттестации в форме ЕГЭ. Для успешного решения этой задачи необходимо, чтобы ученик сам осознавал свой выбор и прилагал максимум усилий к своему самообразованию. Этому может способствовать кружок «Подготовка к ЕГЭ по математике». Курс рассчитан на учащихся 11 классов общеобразовательных школ, позволит школьникам систематизировать, расширить и укрепить знания, подготовиться с учетом специфики задач частей 1 и 2 ЕГЭ, научиться решать разнообразные задачи различной сложности. Преподавание курса строится как повторение, которое реализуется в виде обзора теоретических вопросов по темам и решение соответствующих задач из материалов ЕГЭ 2017-2018. Углубление реализуется на базе обучения методам и приемам решения математических задач, требующих применения логической и операционной культуры, развивающих научно-теоретическое и алгоритмическое мышление учащихся. Особое внимание занимают задачи, требующие применения учащимися знаний в незнакомой (нестандартной ситуации).

*Цели курса:* обобщение и систематизация, расширение и углубление знаний по изучаемым темам; приобретение практических навыков выполнения заданий, повышение математической подготовки школьников.

### *Задачи курса:*

сформировать навыки применения данных знаний при решении разнообразных задач различной сложности;  
подготовить учащихся к итоговой аттестации в форме ЕГЭ; формировать навыки самостоятельной работы;  
формировать навыки работы со справочной литературой; формировать умения и навыки исследовательской деятельности; способствовать развитию алгоритмического мышления учащихся.

Программа курса предполагает знакомство с теорией и практикой рассматриваемых вопросов и рассчитана на 66 часов -2 часа в неделю.  
Время проведения - суббота с 9.00 до 10.20.

В процессе изучения данного курса предполагается использование различных методов активизации познавательной деятельности школьников, также различных форм организации их самостоятельной работы.

*Ожидаемые результаты:*

- овладение математическими знаниями и умениями, необходимыми для итоговой аттестации в форме ЕГЭ, продолжения образования и освоения избранной специальности на современном уровне;
- развитие логического мышления, алгоритмической культуры математического мышления и интуиции, необходимых для продолжения образования ;
- формирование навыков самообразования, критического мышления, самоорганизации и самоконтроля, работы в команде, умения находить, формулировать и решать проблемы. *Система оценки достижений учащихся:*

По окончании каждой темы, ученик заполняет индивидуальный лист контроля. Результатом освоения программы является Интернет-тестирование по контрольно измерительным материалам ЕГЭ на итоговом занятии в обучающей системе Д. Гущина «решуегэ.рф».

**Учебно- тематическое планирование**

<b>№ п/п</b>	<b>Название темы</b>	<b>Количество часов</b>
1	Выражения и преобразования	2
2	Функциональные линии	6
3	Текстовые задачи	8
4	Уравнения и неравенства. Системы уравнений	12
5	Приемы решения нестандартных уравнений	4
6	Задачи экономического содержания	8
7	Планиметрия: нахождение отрезков и углов	4
8	Планиметрия: нахождение площадей	4
9	Планиметрия: многоконфигурационные задачи	6
10	Стереометрия: нахождение отрезков и углов	6
11	Стереометрия: нахождение площадей поверхностей и объемов	4
12	Итоговый зачет	2
<b>Итого</b>		<b>66</b>

## **Требования к уровню математической подготовки учащихся:**

### ***Выражения преобразования***

**Цели:** обобщить и систематизировать методы преобразования числовых выражений.

**Учащиеся должны знать:**

- методы преобразования числовых выражений, содержащих корни, степень, логарифмы;
- способы преобразования тригонометрических, логарифмических и показательных выражений.

**Учащиеся должны уметь:**

- применять методы преобразования числовых выражений, содержащих корни, степень, логарифмы на практике;  применять способы преобразования выражений на практике.

### ***Функциональные линии***

**Цели:** научить навыками “чтения” графиков функции, научить методам исследования функции по заданной ее формуле. **Учащиеся должны знать:**

- свойства функций,
- алгоритм исследования функции,
- геометрический и физический смысл производной,
- смысл первообразной, формулу Ньютона-Лейбница,
- функциональные методы решения уравнений и неравенств **Учащиеся должны уметь:**
- находить область определения функции, множество значений функции;
- исследовать функции на экстремум, четность, периодичность;
- находить производную функции;
- находить наибольшее и наименьшее значения функции, экстремумы функции;
- находить площадь криволинейной трапеции;
- читать графики производной и первообразной,  использовать функциональный подход в решении нестандартных уравнений и неравенств.

## ***Уравнения и неравенства. Системы уравнений***

**Цели:** обобщить и систематизировать знания учащихся в решении уравнений, систем уравнений и неравенств.

**Учащиеся должны знать:**

1. основные методы решения уравнений,
2. основные методы решения неравенств,
3. методы решения систем уравнений,
4. нестандартные приемы решения уравнений и неравенств. **Учащиеся должны уметь:**

- применять методы решения уравнений на практике,
- применять методы решения систем уравнений на практике,  использовать свойства монотонности функции при решения логарифмический и показательных неравенств.

## ***Задания с параметром***

**Цели:** рассмотреть различные методы решения уравнений и неравенств с параметрами.

**Учащиеся должны знать:**

- методы решения уравнений и неравенств с параметрами.

**Учащиеся должны уметь:**  применять методы решения уравнений и неравенств с параметрами.

## ***Геометрия***

**Цели:** обобщить и систематизировать основные темы курса планиметрии и стереометрии; отработать навыки решения планиметрических и стереометрических задач. **Учащиеся должны знать:**

- свойства геометрических фигур (аксиомы, определения, теоремы),  формулы для вычисления геометрических величин.

**Учащиеся должны уметь:**

- применять свойства геометрических фигур для обоснования вычислений,
- применять формулы для вычисления геометрических величин,  записывать полное решение задач, приводя ссылки на используемые свойства геометрических фигур.

## Учебно-тематический план

№	Темы занятий	Теоретические сведения	Практические умения	Формы занятий	Кол-во час.
1	Выражения и преобразования.	Свойства степеней и корней, логарифмов. Формулы для преобразования тригонометрических выражений.	Нахождение значений выражений с использованием необходимых свойств и формул.	Практикум по текстам ЕГЭ разных лет, тесты из различных источников, промежуточные срезы по темам в обучающей системе Д.Гущина	2
2					
3	Текстовые задачи	Принцип решения текстовых задач путем составления уравнения	Решение задач на проценты, на концентрацию, на движение, на работу, геометрического содержания.		8
4	Уравнения и неравенства. Системы уравнений.	Линейные и квадратные уравнения. Дробно рациональные уравнения. Тригонометрические, показательные, логарифмические уравнения и неравенства. Метод интервалов.	Решение уравнений и их систем с использованием различных способов.		12
5	Примеры решения нестандартных уравнений.	Способы решения нестандартных уравнений: графический, с использованием свойств функций, нахождением производной. Уравнения	Решение нестандартных уравнений различными способами		4

		в целых числах и пути их решения.		
6	Задачи экономического содержания	Виды экономических задач. Дифференцированные и аннуитетные платежи. Сложные проценты. Производная в задачах на оптимальный выбор.	Решение задач экономического содержания различных типов.	8
7	Планиметрия: нахождение отрезков и углов	Соотношения между сторонами и углами треугольника. Теорема Пифагора. Тригонометрические функции острого угла прямоугольного треугольника. Сумма углов выпуклого многоугольника. Вписанные и центральные углы.	Нахождение длин отрезков и углов с учетом известных фактов планиметрии.	4
8	Планиметрия: нахождение площадей	Формулы площадей известных планиметрических фигур.	Решение задач на нахождение площадей известных планиметрических фигур.	4
9	Планиметрия: многоконфигурационные задачи	Соотношения между сторонами и углами треугольника. Теорема Пифагора. Тригонометрические	Видеть неоднозначность в условии задачи, рассматривать все возможные конфигурации и находить решения, пользуясь известными фактами из планиметрии.	6

		функции острого угла прямоугольного треугольника. Сумма углов выпуклого многоугольника. Вписанные и центральные углы. Теоремы о пропорциональных отрезках в круге. Свойство биссектрисы треугольника. Теорема Менелая.		
10	Стереометрия: нахождение отрезков и углов	Параллельность и перпендикулярность в пространстве. Теорема о трех перпендикулярах. Скрещивающиеся прямые. Линейный угол двугранного угла. Координатный метод нахождения различных отрезков и углов.	Нахождение отрезков и углов в пространстве, используя метод поэтапного вычисления, метод проекций или векторнокоординатный метод.	6
11	Стереометрия: нахождение площадей поверхностей и объемов	Формулы нахождения площадей поверхностей и объемов известных многогранников и тел вращения	Нахождение площадей поверхностей и объемов известных многогранников и тел вращения по формулам (возможно, предварительно отыскав необходимый элемент)	4
12	Итоговый зачет			2

## **Перечень учебно- методического обеспечения**

1. Айвазян Д.Ф. Математика. 10-11 классы. Решений уравнений и неравенств с параметрами: Элективный курс. – Волгоград: Учитель, 2009
2. Севрюков П.Ф., Смоляков А.Н. Уравнения и неравенства с модулями и методика их решения: учебно-методическое пособие. - М.: Илекса, Народное образование; Ставрополь: Сервисшкола, 2005

## **Интернет-ресурсы.**

1. <http://www.prosv.ru> - сайт издательства «Просвещение» (рубрика «Математика»)
2. <http://www.drofa.ru> - сайт издательства Дрофа (рубрика «Математика»)
3. <http://www.center.fio.ru/som> - методические рекомендации учителю-предметнику (представлены все школьные предметы). Материалы для самостоятельной разработки профильных проб и активизации процесса обучения в старшей школе.
4. <http://www.edu.ru> - Центральный образовательный портал, содержит нормативные документы Министерства, стандарты, информацию о проведение эксперимента, сервер информационной поддержки Единого государственного экзамена.
5. <http://www.internet-scool.ru> - сайт Интернет – школы издательства Просвещение. Учебный план разработан на основе федерального базисного учебного плана для общеобразовательных учреждений РФ и представляет область знаний «Математика». На сайте представлены Интернет-уроки по алгебре и началам анализа и геометрии, включают подготовку сдачи ЕГЭ.
6. <http://www.legion.ru> – сайт издательства «Легион»
7. <http://www.intellectcentre.ru> – сайт издательства «Интеллект-Центр», где можно найти учебно-тренировочные материалы, демонстрационные версии, банк тренировочных заданий с ответами, методические рекомендации и образцы решений
8. <http://www.fipi.ru> - портал информационной поддержки мониторинга качества образования, здесь можно найти Федеральный банк тестовых заданий.
9. <http://alexlarin.net/> - Основной целью создания этого сайта было оказание информационной поддержки студентам и абитуриентам при подготовке к ЕГЭ по математике, поступлении в ВУЗы.
10. <http://shpargalkaeg.ru/> - информационная поддержка студентам и абитуриентам при подготовке к ЕГЭ по математике

11. <http://решуегэ.рф/> - Дистанционная обучающая система для подготовки к экзамену «РЕШУ ЕГЭ» (<http://решуегэ.рф>, <http://reshuege.ru>) создана творческим объединением «Центр интеллектуальных инициатив». Руководитель — учитель математики гимназии № 261 СанктПетербурга, Почетный работник общего образования РФ, Учитель года России — 2007, член Федеральной комиссии по разработке контрольно-измерительных материалов по математике для проведения единого государственного экзамена по математике Гущин Д. Д.
12. <http://matematikalegko.ru/> - проект "Математика? Легко!!!" создан для того, чтобы помочь выпускникам в подготовке к сдаче ЕГЭ по математике. На данный момент на блоге размещено решение более 1000 задач, дано множество рекомендаций по ходу решения, представленный материал поможет достойно подготовиться к сдаче экзамена.
13. <http://mathege.ru/or/ege/Main> - открытый банк заданий части В ЕГЭ по математике.